ŗ



## **MACHINE-ASSISTED TRANSLATION (MAT):**

(19)【発行国】

(19)[ISSUING COUNTRY]

日本国特許庁(JP)

Japan Patent Office (JP)

(12)【公報種別】

(12)[GAZETTE CATEGORY]

公開特許公報 (A)

Laid-open Kokai Patent (A)

(11)【公開番号】

(11)[KOKAI NUMBER]

開 Unexamined

Japanese

**Patent** 

2000-216774(P2000-216774A)

2000-216774(P2000-216774A)

(43)【公開日】

(43)[DATE OF FIRST PUBLICATION]

平成12年8月4日(2000.

August 4, Heisei 12 (2000. 8.4)

8.4)

特

(54)【発明の名称】

(54)[TITLE OF THE INVENTION]

暗号文検証方法、そのプログラ ム記録媒体、及びその装置

The cryptogram verification method, its program recording medium, and its apparatus

(51)【国際特許分類第7版】

(51)[IPC INT. CL. 7]

H04L 9/32

H04L 9/32

G09C 1/00 640

G09C 1/00 640

[FI]

[FI]

H04L 9/00

675 D

G09C 1/00

H04L 9/00

640 C

675 D

G09C 1/00

640 C

【審査請求】 未請求

[REQUEST FOR EXAMINATION] No

【請求項の数】 33

[NUMBER OF CLAIMS] 33

【出願形態】 OL

[FORM OF APPLICATION] Electronic



【全頁数】 2 1 [NUMBER OF PAGES] 21

(21)【出願番号】

(21)[APPLICATION NUMBER]

特願平 11-15409

Japanese Patent Application Heisei 11-15409

(22)【出願日】

(22)[DATE OF FILING]

平成11年1月25日(199 January 25, Heisei 11 (1999. 1.25)

9.1.25)

(71)【出願人】

(71)[PATENTEE/ASSIGNEE]

【識別番号】

[ID CODE]

000004226

000004226

【氏名又は名称】・

[NAME OR APPELLATION]

日本電信電話株式会社

Nippon Telegraph and Telephone CORP.

【住所又は居所】

[ADDRESS OR DOMICILE]

(72)【発明者】

(72)[INVENTOR]

【氏名】

[NAME OR APPELLATION]

阿部 正幸

Abe Masayuki

【住所又は居所】

[ADDRESS OR DOMICILE]

(74)【代理人】

(74)[AGENT]

【識別番号】

[ID CODE]

100066153

100066153

【弁理士】

[PATENT ATTORNEY]

【氏名又は名称】

[NAME OR APPELLATION]

5/16/2005

2/96 Copyright (C) 2005 The Thomson Corporation.



草野卓 (外1名) Kusano Takashi (and 1 other)

【テーマコード(参考)】

[THEME CODE (REFERENCE)]

5J104

5J104

【Fターム (参考)】

[F TERM (REFERENCE)]

LA00 LA03 LA05 LA06 NA02 LA06 NA02 NA08 NA12 NA18

5J104 AA01 AA08 JA23 JA29 5J104 AA01 AA08 JA23 JA29 LA00 LA03 LA05

**NA08 NA12 NA18** 

(57)【要約】

(57)[ABSTRACT OF THE DISCLOSURE]

#### 【課題】

#### [SUBJECT OF THE INVENTION]

る。

検証式における値に関する情 The existence of the correctness of a 報を漏らすことなく、暗号文の cryptogram can be shown without leaking the 正当性の有無を示すことができ information about the value in a verification type.

#### 【解決手段】

#### [PROBLEM TO BE SOLVED]

U,  $X = g 1^{x1} g 2^{x2} mod p$ , 開鍵とし、(x1, x2, y1, y 2, z) ∈ Z q <sup>5</sup> を秘密鍵と し、平文mの暗号文E=(u1, u 2, v, e) を受信し(S1)、 乱数 r を生成し(S2)、c = H (S2).  $(u 1, u 2), V = (u 1^{x1+cy1})$ 零知識証明により、 r, x1,

pは大きな素数、qはp-1 It considers it as the big prime number among を割り切る大きな素数とし、G which p gives a clear-cut solution to a big prime q の元g 1, g 2 を任意に選択 number, and q gives p-1, and chooses the origin g1 and g2 of Gg as desired, let X=g1x1g2x2mod  $Y = g 1^{y1} g 2^{y2} \mod p$ , Z = g p,  $Y = g1^{y1} g2^{y2} \mod p$ ,  $Z = g1^z \mod p$  be the 1<sup>2</sup> mod pを暗号化に用いる公 public key which it uses for encryption, let (x1,x2,y1,y2,z) (element of)  $Zq^5$  be a secret key. it receives cryptogram E= (u1, u2, v, e) of Plaintext m.

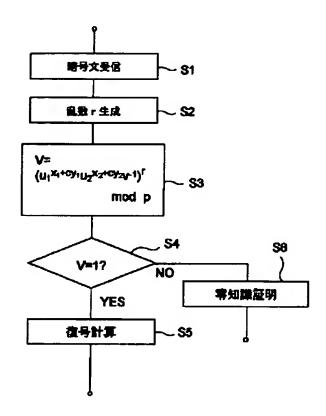
(S1), it forms a random number r.

c=H (u1, (calculating u2), **v**=  $u1^{x1+cy1}u2^{x2+cy2}v^{-1}^{r}$ mod p)

u  $2^{x2+cy2}v^{-1}$ ) r mod p を計算 (S3), if it is V= 1, it decodes a cryptogram as a し(S3)、V=1なら暗号文を pass, if it is a rejection, it proves that it is a 合格として復号し、不合格なら rejection by zero knowledge proof, without leaking a function secret to r, x1, x2, y1, and y2.



x 2, y 1, y 2に関数秘密を 漏らさずに不合格であることを 証明する。



#### 四2

- **S1** Cryptogram reception
- S2 Random-number r generation
- **S5** Decoding calculation
- **S6** Zero knowledge proof

#### 【特許請求の範囲】

[CLAIMS]

#### 【請求項1】

証方法において、

#### [CLAIM 1]

受信した暗号文が正当に作ら A cryptogram verification method, in which in れたものであることを、検証式 the cryptogram verification method which it の値が 1 になることを確認する verifies by checking that the cryptogram which ことによって検証する暗号文検 received is made justly, and that the value of a verification type is set to 1, it forms a random 乱数 r を生成し、本来の検証式 number r, it verifies a cryptogram by checking



暗号文を検証することを特徴と する暗号文検証方法。

の値Vをr乗した値が1になる whether the value which squared the value V of か否かを確認することによって an original verification type r is set to 1.

#### 【請求項2】

∈Zq<sup>5</sup>を秘密鍵、X=g1<sup>x1</sup>  $g 2^{x^2} \mod p$ ,  $Y = g 1^{y^1} g 2$ る(X, Y, Z)を公開鍵とし、p, y=g1<sup>y1</sup>g2<sup>y2</sup>mod p  $u 1 = g 1^r \mod p$ , u 2 = g C, as H(u1,u2)mod q なる三つ組み(u 1, u 2, v) v=X'Y<sup>cr</sup>mod p. を含む暗号方法において、 計算し、

いことを確認することによって V checks that it is equal to 1. 暗号文の正当性を検証すること を特徴とする暗号文検証方法。

#### 【請求項3】

#### [CLAIM 2]

pを大きな素数、qをp-1 A cryptogram verification method, in which を割り切る大きな素数とし、G considering it as the big prime number which q は乗法群 Z p の位数 q の部 gives a clear-cut solution for p to a big prime 分群を表すものとし、g 1, g number, and gives a clear-cut solution for q to 2は、g 1を底とするg 2の離 p-1, Gq shall express the partial group of the 散対数が未知であるG q の元と digit q of multiplicative-group Zp\*.

し、Hを汎用ハッシュ関数とし、 G1 and g2 carry out g1 the origin of Gq with a (x 1, x 2, y 1, y 2, z) discrete unknown logarithm of g2 which it uses as a bottom, let H be a general purpose hash function, it is secret key about  $^{y2}$ mod p,  $Z = g 1^z \mod p$  (x1,x2,y1,y2,z)(element of) $Zq^5$ , x=g1 $^{x1}$ g2 $^{x2}$ mod

平文mに対する暗号文Eはcを Let Z=g1² mod p be public key (X, Y, Z), the H(u1, u2) mod qとして cryptogram E with respect to Plaintext m

 $2^r \mod p$ ,  $v = X^r Y^{cr} \mod p$  Becomes u1=g1 $r \mod p$ , u2=g2 $r \mod p$ , and

In the cryptographic method containing 3 sets 復号者装置は、乱数 r を生成し、 (u1, u2, v), a decoding person apparatus forms  $c = H (u 1, u 2) \mod q$  a random number r, it calculates c=H(u1, u2) mod q,

 $V = (u \ 1^{x_1+cy_1} u \ 2^{x_2+cy_2} v^{-1})^r \ V = (calculating \ u 1^{x_1+cy_1} u 2^{x_2+cy_2} v^{-1})^r \mod p)$ mod pを計算し、Vが1に等し It verifies the correctness of a cryptogram, when

#### [CLAIM 3]

請求項2の暗号文検証方法に In the cryptogram verification method of Claim



合に、

がある乱数ェに対して(u1  $^{x1+cy1}$  u 2  $^{x2+cy2}$  v  $^{-1}$ )  $^{r}$  mod  $^{p}$   $\mathcal{O}$ ように計算した結果であること 号文検証方法。

おいて、Vが1に等しくない場 2, when V is not equal to 1, to the random number r which has V to a third person using 零知識証明を用いて第三者にV zero knowledge proof (it proves that it is the result of calculating like u1x1+cy1u2x2+cy2v-1)r mod **p.**)

The cryptogram verification method を証明することを特徴とする暗 characterized by the above-mentioned.

#### 【請求項4】

シュ関数とし、

し、各復号者Pjは固有の公開 値wiを持ち、

(x 1, x 2, y 1, y 2, z)**∈** Z q <sup>5</sup> を 3 t < n を満たすし きい値 t の秘密分散法により分 する秘密値(x1j, x2j, y 1 j, y 2 j, z j) を復号 者Pjの秘密鍵とし、

 $X j = g 1^{x1j} g 2^{x2j} \mod p$ ,  $Y j = g 1^{y1j} g 2^{y2j} mod p,$  $Z i = g 1^{z_i} \mod p \& S(X i)$ Yj, Zj)を復号者Pjの公 開鍵とし、

#### [CLAIM 4]

pを大きな素数、qをp-1 A cryptogram verification method, which を割り切る大きな素数とし、G considers it as the big prime number which q は乗法群 Z p の位数 q の部分 gives a clear-cut solution for p to a big prime 群を表すものとし、g 1, g 2 number, and gives a clear-cut solution for q to をGqの元とし、Hを汎用ハッ p-1, gq shall express the partial group of the digit q of multiplicative group Zp.

n人の復号者をP1~Pnと It carries out g1 and g2 the origin of Gq, let H be a general purpose hash function, it sets n persons' decoding person to P1-Pn, each decoding person Pj has the inherent open value wj, (x1,x2,y1,y2,z)

Let the secret value (x1 j, x2 j, y1 j, y2 j, zj) 散して得られる、値wjに対応 corresponding to a value wi acquired by dispersing (element of)Zq<sup>5</sup> with the secret dispersion method of threshold-value t which fills 3 t<n be the decoding person's Pi secret key, let  $X_i = g1^{x1j} g2^{x2j} \mod p$ ,  $Y_i = g1^{y1j} g2^{y2j} \mod p$ . and Zj=g1zjmod p be the decoding person's Pj public key (Xj, Yj, Zj),

号者装置が同一の内容を受信す receives the content with all the members' same

各々の復号者装置間には、安全 A safe communication channel shall be な通信路があるものとし、また、 between each decoding person apparatus. 各復号者装置は、他の全員の復 Moreover, that each decoding person apparatus



路を利用できるものとし、

乱数 r ∈ Z q をしきい値 t の秘 guaranteed. る、値wjに対応する秘密値r jを復号者Pjは保持するもの acquired by とし、

 $E = (u 1, u 2, v, e) \delta$ , method of threshold-value t.  $X = g 1^{x1} g 2^{x2} mod p, Y =$ m Z'mod p を満足するとき、 Eを受信した各復号者Piの装 置は、c=H(u1, u2)を 計算し、

<sup>-1</sup>)<sup>rj</sup>mod pを計算し、

て送信し、

他の全ての復号者装置からVi は、放送型通信路により、Vk し、

Vkを受信した各復号者Piの 装置は対応するVkjを放送型

ることが保証される放送型通信 other decoding person apparatus shall utilize the broadcast type communication channel

密分散法により分散して得られ The decoding person Pj shall maintain the secret value rj corresponding to a value wj dispersing random-number r(element of)Zq with the secret dispersion

Let E= (u1, u2, v, e) be the cryptogram of  $g 1^{y1} g 2^{y2} mod p$ ,  $Z = g 1^z$  plaintext m which used  $X=g1^{x1}g2^{x2} mod p$ . mod p を公開鍵とした平文m Y=g1<sup>y1</sup>g2<sup>y2</sup>mod p, and Z=g1<sup>z</sup> mod p as public の暗号文とし、正しい暗号文は key, when the correct cryptogram satisfies  $2^r \mod p$ ,  $c = H (u 1, u Y^{cr} \mod p, and e = mZ^r \mod p, the apparatus of$ 2),  $v = X^r Y^{cr} \mod p$ , e = each decoding person Pi who received Ecalculates c=H (u1, u2),

 $V j = (u 1^{x^{1j+cy^{1}j}}u 2^{x^{2j+cy^{2}j}}v V_j = (calculating u1^{x^{1j+cy^{1}j}}u2^{x^{2j+cy^{2}j}}v^{-1})^{r_j} mod p)$ It transmits the secret value Vjk corresponding Vjをしきい値t以上2t以下 to a value wk acquired by dispersing Vj with t or の検証可能秘密分散法により分 more threshold values and a verifiable secret 散して得られる、値wkに対応 dispersion method 2t or less through a する秘密値Vjk を各復号者P communication channel safe for each decoding k の装置に安全な通信路を介し person's Pk apparatus, the apparatus of the decoding person Pk who received Vik from all other decoding person apparatus transmits Vk k を受信した復号者 P k の装置 to all other decoding person apparatus according to a broadcast type communication を他の全ての復号者装置へ送信 channel, the apparatus of each decoding person Pj who received Vk transmits corresponding Vkj to all other decoding person apparatus according to a broadcast type 通信路により他の全ての復号者 communication channel, it verifies that each



受信した全てのVkiを用いて 検証し、

装置へ送信し、各復号者装置は decoding person apparatus is each value with 各Vkが正しい値であることを correct Vk using all Vkj(s) that received,

調べ、等しくないならば他の2 の組み合わせについていずれも 復元値が1に等しくないなら ば、その暗号文を不正と判定し、 あったならば、その暗号文を正 しいと判定することを特徴とす る暗号文検証方法。

正しいと確認されたVkのうち If correct, it will choose 2t+1 piece among 2 t + 1 個を選択し、指数部に checked Vk(s), it examines whether the value V 対する秘密復元手順により復元 decompressed with the secret decompression した値Vが1に等しいか否かを procedure with respect to an index part is equal to 1, if not equal, it repeats a secret t + 1 個の組み合わせで同様に decompression procedure similarly in other 秘密復元手順を繰り返し、全て 2t+1 piece combination, about all combination, if the decompression value is not all equal to 1, it will judge that the cryptogram is irregular, if there is combination set to 1 at least one, it will 一つでも1になる組み合わせが judge that the cryptogram is correct.

#### 【請求項5】

おいて、

ると、

wを mod qでの1のn乗根と し、各復号者装置は、wjをw <sup>j1</sup> mod qとし、1 < j < nにお いてwj≠1を満たすようなw jを公開の固有値とし、

各復号者Pjの装置はDj=u 1 zimod pを計算し、放送型通 信路により他の全ての復号者装 置へ送信し、受信した(D1, …, Dn) のu1を底とする離 a BCH code. 散対数がBCH符号のコードワ

#### [CLAIM 5]

請求項4の暗号文検証方法に A cryptogram verification method, in which in the cryptogram verification method of Claim 4, if 上記暗号文が正しいと判定され judged with the above-mentioned cryptogram being correct, let w be n root of 1 in mod q, each decoding person apparatus makes wi with mod q, it considers it as the eigenvalue of public presentation of wj which fills wj!=1 in 1<j<n, each decoding person's Pj apparatus calculates Dj=u1zjmod p, it transmits to all other decoding person apparatus according to a broadcast type communication channel, it checks that the discrete logarithm which uses as a bottom u1 which received (D1..., Dn) is the coding word of



ードであることを確認するこ と、を特徴とする暗号文検証方 法。

#### 【請求項6】

 $g 2^{x^2} \mod p$ ,  $Y = g 1^{y^1} g 2$  function, (x1, x2, y1, y2, z)u = g = 1 mod p, u = g Making c into H(u1,u2)mod q. なる三つ組み(u 1, u 2, v) Y<sup>cr</sup>mod p. を含む暗号方法において、  $2' = x \cdot 2 \cdot r \mod q$ , y 1'  $= y \cdot 1 \cdot r \mod q$ ,  $y \cdot 2' = y$  and  $y \cdot 2' - y \cdot 2$  and  $r \mod q$ . 2 · r mod q を計算し、

とを確認することによって暗号 that it is equal to 1. 文の正当性を検証することを特 徴とする暗号文検証方法。

#### [CLAIM 6]

pを大きな素数、qをp-1 A cryptogram verification method, which を割り切る大きな素数とし、G considers it as the big prime number which q は乗法群 Z p の位数 q の部 gives a clear-cut solution for p to a big prime 分群を表すものとし、g 1, g number, and gives a clear-cut solution for q to 2は、g 1を底とするg 2の離 p-1, gq shall express the partial group of the 散対数が未知であるGaの元と digit q of multiplicative-group Zp .

し、Hを汎用ハッシュ関数とし、 G1 and g2 carry out g1 the origin of Gq with a (x 1, x 2, y 1, y 2, z) discrete unknown logarithm of g2 which it uses  $\in$  Z q  $^5$  を秘密鍵、X = g 1  $^{x1}$  as a bottom, let H be a general purpose hash

 $^{y2}$ mod p,  $Z = g 1^z$ mod p & Let a secret key,  $X = g 1^{x1} g 2^{x2}$ mod る(X, Y, Z)を公開鍵とし、Y=g1<sup>y1</sup>g2<sup>y2</sup>mod p, and Z=g1<sup>z</sup> mod p be public 平文mに対する暗号文Eはcを key for (element of)Zq<sup>5</sup> (X, Y, Z), the H(u1, u2) mod qとして cryptogram E with respect to Plaintext m

 $2^r \mod p$ ,  $v = X^r Y^{cr} \mod p$  U1=g1<sup>r</sup> mod p, u2=g2<sup>r</sup> mod p, it becomes v=X<sup>r</sup>

In the cryptographic method containing 3 sets 復号者装置は、乱数 r を生成し、 (u1, u2, v), a decoding person apparatus forms  $x 1' = x 1 \cdot r \mod q$ , x = r a random number r, it calculates x1'=x1 and mod q, x2'-x2 and rmod q, y1'=y1 and rmod q,

受信した暗号文から、c = H(u From the cryptogram which received, it)1, u 2) mod qを計算し、V calculates c=H(u1, u2) mod q, it calculates =  $u \ 1^{x1}$ , +cy1'  $u \ 2^{x2'+cy2'} v$  -rmod V= $u \ 1^{x1}$ , +cy1'  $u \ 2^{x2'+cy2'} v$  -rmod p, it verifies the pを計算し、Vが1に等しいこ correctness of a cryptogram, when V checks



#### 【請求項7】

おいて、

号者装置は(X, Y, V)が、 ある (x 1, x 2, y 1, y 2, (x1, x2, y1, y2, r).r) に対してX=g1<sup>x1</sup>g2 lt p,  $V = u \cdot 1^{x^{1}r + cy^{1}r} \quad u \cdot 2^{x^{2}r + cy^{2}r} \quad u^{2^{x^{2}r + cy^{2}r}} \quad v^{-r} \mod p$ . 知識証明を用いて(x 1, x 2, making secret (x1, x2, y1, y2). y 1, y 2) を秘密としたまま 検証者に証明することを特徴と する暗号文検証方法。

#### 【請求項8】

おいて、

元であって、

復号者装置は、乱数 r , a 1, a 2, b 1, b 2 を生成し、  $R = g^r h^a \mod p R X 1 = R$  as  $^{a2}$ mod  $^{p}$  ,  $^{R}$  Y  $^{1}$  =  $^{R}$   $^{y1}$   $^{h}$   $^{1}$  $^{h^{b1}}$ mod- $^{p}$ ,  $^{R}$ Y2= $^{R}$  $^{y2}$  $^{h^{b2}}$ mod  $^{p}$ ,  $^{b1}$ mod p R Y 2 = R  $^{y2}$  h <sup>b2</sup>mod pなるR, RX1, RX 2, RY1, RY2を公開し、

(X, Y, V, R, RX1, R **To** に対して、 $X = g 1^{x1} g 2^{x2} mod RX2 = R^{x2} h^{a2} mod$ 

#### [CLAIM 7]

請求項6の暗号文検証方法に A cryptogram verification method, in which in the cryptogram verification method of Claim 6, Vが1に等しくない場合に、復 when V is not equal to 1, as for a decoding person apparatus, (X, Y, V), receive that it is

zero-knowledge-proves satisfying  $^{x2}$ mod p, Y = g  $1^{y1}$  g  $2^{y2}$ mod X= $g1^{x1}g2^{x2}$ mod-p,Y= $g1^{y1}g2^{y2}$ mod-p,V= $u1^{x1r+cy1r}$ 

v mod p を満足することを零 Using this, it proves to a verification person.

#### [CLAIM 8]

請求項7の暗号文検証方法に A cryptogram verification method, in which in the cryptogram verification method of Claim 7, g g, hはgを底とするhの離散 and h are under Gq whose discrete logarithm of 対数が未知であるようなGqの h which uses g as a bottom is unknown, comprised such that a decoding person apparatus forms random numbers r, a1, a2, b1, and b2, it exhibits R,RX1,RX2,RY1,RY2 used R=g<sup>r</sup> ha mod  $^{x1} h^{a1} mod p R X 2 = R^{x2} h p,RX1 = R^{x1} h^{a1} mod-p,RX2 = R^{x2} h^{a2} mod-p,RY1 = R^{y}$ 

(x1,x2,y1,y2,r,a,a1,a2,b1,b2)with X2, RY1, RY2) がある (X,Y,V,R,RX1,RX2,RY1,RY2),  $x=g1^{x1}g2^{x2} \mod p$ ,  $(x 1, x 2, y 1, y 2, r, y=g1^{y1}g2^{y2}mod p, v=u1^{x1r+cy1r}$ a, a 1, a 2, b 1, b 2)  $v^{-1} mod p$ ,  $r=g^{r} h^{a} mod p$ , RX1= $R^{x1} h^{a1} mod p$ . p. RY1=R<sup>y1</sup>h<sup>b1</sup>mod



 $p, Y = g 1^{y1} g 2^{y2} mod p,$  $v^{-r}$  mod p,  $R = g^{r} h^{a}$  mod knowledge proof.  $p, R X 1 = R^{x1} h^{a1} mod p,$  $R X 2 = R^{x2} h^{a2} mod p R Y$  $1 = R^{y1} h^{b1} mod p$ , R Y 2 =R<sup>y2</sup> h <sup>b2</sup>mod p なる関係式を満 たすことを零知識証明によって 証明することを特徴とする暗号 文検証方法。

RY2=R<sup>y2</sup>h<sup>b2</sup>mod p

 $V = u \ 1^{x1r+cy1r} \ u \ 2^{x2r+cy2r}$  It proves filling the relation used as this by zero

#### 【請求項9】

おいて、

し、

wを mod q での1のn 乗根と q, in 1<j<n, it shall fill wi!=1. 値wjを割り当て、

復号者Pjの秘密鍵(x1j, は、3t<nを満たすしきい値 tの秘密分散法により(x1, x 2, y 1, y 2, z)を分散 して得られる、値wjに対応す る秘密値とし、

#### [CLAIM 9]

請求項6の暗号文検証方法に A cryptogram verification method, in which in the cryptogram verification method of Claim 6, it n人の復号者をP1~Pnと sets n persons' decoding person to P1-Pn, let w be n root of 1 in mod q, it makes wi into wi-1 mod

し、wjをw<sup>j-1</sup> mod qとし、1 It assigns each decoding person Pj a value wj, < j < n において $\le$  j  $\ne$  1 を満 let the decoding person's Pj secret key (x1 j, x2 たすものとし、各復号者 P j に j, y1 j, y2 j, zj) be the secret value corresponding to a value wj acquired by dispersing (x1, x2, y1, y2, z) with the secret dispersion method of x 2 j, y 1 j, y 2 j, z j) threshold-value t which satisfies 3 t<n,

 $Y j = g 1^{y1j} g 2^{y2j} mod p,$ 開鍵とし、

 $X \ j = g \ 1^{x1j} \ g \ 2^{x2j} \ mod \ p$ , Let  $Xj = g \ 1^{x1j} \ g \ 2^{x2j} \ mod \ p$ ,  $Yj = g \ 1^{y1j} \ g \ 2^{y2j} \ mod \ p$ , and Zj=g1<sup>Zj</sup>mod p be the decoding person's Pj  $Z j = g 1^{Z_j} mod p$  なる (X j , public key (Xj, Yj, Zj), a safe communication Yj, Zj) を復号者Pjの公 channel shall be between each decoding person apparatus.

各々の復号者装置間には、安全 Moreover, that each decoding person apparatus な通信路があるものとし、また、 receives the content with all the members' same



ることが保証される放送型通信 guaranteed. 路を利用できるものとし、

乱数 r ∈ Z q をしきい値 t の秘 密分散法により分散して得られ acquired by る、値wjに対応する秘密値r jを復号者Pjは保持するもの とし、

 $1, r \cdot x \cdot 2, r \cdot y \cdot 1, r \cdot$ 1 j', x 2 j', y 1 j', y 2 j′を分散乗算法によって 計算して保持し、

暗号文を受信した各復号者Pi

の装置は、c=H(u1, u2) を計算し、Vj=u1<sup>x1ʃ+cy1f</sup>u 2 <sup>x2j+cy2j</sup> v <sup>-rj</sup> mod p を計算し、 の全ての復号者装置へ送信し、 (V1, …, Vn) の指数部が BCH符号のコードワードであ ることを確認し、 指数部に対する秘密復元手順に ことを確認することによって暗 号文の正当性を検証することを 特徴とする暗号文検証方法。

#### 【請求項10】

おいて、

各復号者装置は、他の全員の復 other decoding person apparatus shall utilize 号者装置が同一の内容を受信す the broadcast type communication channel

> The decoding person Pj shall maintain the secret value rj corresponding to a value wj dispersing random-number r(element of)Zq with the secret dispersion method of threshold-value t.

Each decoding person's Pj apparatus calculates 各復号者 P j の装置は、 r ・ x and maintains secret value x1j' corresponding to a value wj obtained by each dispersing r-x1, y 2 をそれぞれしきい値 t の秘 r-x2, r-y1, and r-y2 with the secret dispersion 密分散法により分散して得られ method of threshold-value t, x2j', y1j', and y2j' る、値wjに対応する秘密値x by the distributed multiplying method,

The apparatus of each decoding person Pj who received the cryptogram calculates c=H (u1, u2), it calculates Vj=u1<sup>x1</sup>j+cy1ju2<sup>x2</sup>j+cy2j</sup>v-rj mod p, according to a broadcast type communication 放送型通信路により、Vjを他 channel, it transmits Vj to all other decoding person apparatus, it checks that the index part of (V1..., Vn) is the coding word of a BCH code, it verifies the correctness of a cryptogram by checking that the value V decompressed with the secret decompression procedure with より復元した値Vが1に等しい respect to an index part is equal to 1.

#### [CLAIM 10]

請求項9の暗号文検証方法に A cryptogram verification method, in which in the cryptogram verification method of Claim 9, it



しきい値 t を 2 t < n を満たす shall fill 2 t<n for threshold-value t. ものとし、(V1, …, Vn) の 指数部がBCH符号のコードワ ードであることを確認する代わ りに、各復号者Pjの装置が、 mod pの正しい計算結果であ 3cbex1j', x2j',y1j', y2j', rjに関 する情報を漏らすことなく、零 知識証明によって他の復号者装 置に証明し、

零知識証明が失敗した復号者 P j を逸脱者として特定し、逸脱 者の秘密値 x 1 j', x 2 j', y 1 j', y 2 j', r j を他 の復号者装置が秘密値回復手順 を用いて復元することを特徴と する暗号文検証方法。

#### 【請求項11】

請求項9の暗号文検証方法に おいて、

(V1, …, Vn) がBCH符 号のコードワードでない場合 に、各復号者Pjの装置は、V mod pの計算結果であること & x 1 j', x 2 j', y 1 j', y 2j', r j に関する 情報を漏らすことなく、零知識 証明によって他の復号者装置に 証明し、証明に失敗した復号者 Pjの装置を逸脱者の装置と特 定し、逸脱者の装置の秘密値x 1 j', x 2 j', y 1 j',

Instead of checking that the index part of (V1..., Vn) is the coding word of a BCH code, each decoding person's Pi apparatus

Without Vi leaks the information concerning that is the correct calculation result  $u1^{x1j+cy1j}u2^{x2j+cy2j}v^{-rj}$ mod and p, 1 x1j',x2j',y1j',y2j',rj, it proves to another decoding person apparatus by zero knowledge proof, it specifies the decoding person Pj in whom zero knowledge proof failed as a deviation person, another decoding person apparatus decompresses a deviation person's secret value x1j', x2j', y1j', y2j', and rj using a secret value recovery procedure.

#### [CLAIM 11]

In the cryptogram verification method of Claim 9, when (V1..., Vn) are not the coding words of a BCH code, it proves each decoding person's Pj apparatus to another decoding person apparatus by zero knowledge proof, without leaking the information concerning [ that Vi is the calculation result of u1x1j+cy1ju2x2j+cy2jv-ij mod p, and ] x1j', x2j', y1j', y2j', and rj, it specifies the apparatus of the decoding person Pj who failed in proof with a deviation person's apparatus, another decoding person apparatus decompresses secret value x1j' of a deviation person's apparatus, x2j', y1j', y2j', and rj using a secret value recovery procedure.

The cryptogram verification method



装置が秘密値回復手順を用いて 復元することを特徴とする暗号 文検証方法。

y 2 j ' , r j を、他の復号者 characterized by the above-mentioned.

#### 【請求項12】

おいて、

Dj=u1<sup>zj</sup>mod pを計算し、 復号者装置へ送信し、

u 1を底とする離散対数がBC H符号のコードワードであるこ とを確認することを特徴とする 暗号文検証方法。

### 【請求項13】

において、

に、各復号者Piの装置はDi = u 1 <sup>zj</sup>mod p を計算し、D j が正しい計算結果であることを result. z j に関する情報を漏らすこと なく、零知識証明によって他の 復号者に証明し、

零知識証明に失敗した復号者P j を逸脱者として特定し、逸脱。 置が秘密値回復手順を用いて復 元することを特徴とする暗号文 procedure. 検証方法。

#### [CLAIM 12]

請求項9の暗号文検証方法に A cryptogram verification method, in which in the cryptogram verification method of Claim 9, 上記復元した値Vが1に等しい when the above-mentioned value V which 場合に、各復号者 P j の装置は decompressed is equal to 1, each decoding person's Pj apparatus calculates Dj=u1zjmod p, 放送型通信路により他の全ての it transmits to all other decoding person apparatus according to a broadcast type 受信した(D 1, …, D n)の communication channel, it checks that the discrete logarithm which uses as a bottom u1 which received (D1..., Dn) is the coding word of a BCH code.

#### [CLAIM 13]

請求項10の暗号文検証方法 A cryptogram verification method, in which in the cryptogram verification method of Claim 10, 復元した値Vが1に等しい場合 in each decoding person's Pj apparatus, the decompressed value V calculates Dj=u1<sup>zl</sup>mod p, when equal to 1, dj is the correct calculation

Without it leaks the information about zi, it proves to another decoding person by zero knowledge proof, it specifies the decoding person Pj who failed in zero knowledge proof as a deviation person, another decoding person 者の秘密値 z j を他の復号者装 apparatus decompresses a deviation person's secret value zi using a secret value recovery



#### 【請求項14】

検証方法において、

各復号者装置は正しい(D1, …, Dn) から、

mod pを復元し、

m = e / D mod p を計算して and decodes Plaintext m. 平文mを復号することを特徴と する暗号文検証方法。

#### 【請求項15】

をGpの元とし、Hを汎用ハッ シュ関数とし、X=g1<sup>x1</sup>g2 手順に用いる公開鍵とし、(x 号文EはcをH(u1, u2) 1, u 2, v)を含み、 乱数 r を生成する処理と、 暗号文Eを受信する処理と、  $c = H (u 1, u 2) \mod q \delta$ 計算する処理と、

 $V = (u 1^{x1+cy1} u 2^{x2+cy2} v^{-1})$  V=mod pを計算する処理と、

#### [CLAIM 14]

請求項12又は13の暗号文 A cryptogram verification method, in which in the cryptogram verification method of Claim 12 or 13, from it being correct (D1..., Dn), each decoding person apparatus decompresses u 1 を底とする指数部に対する D=u1<sup>z</sup> mod p with the secret decompression 秘密復元手順によりD=u1² procedure with respect to the index part which uses u1 as a bottom, calculates m=e/Dmod p,

#### [CLAIM 15]

pを大きな素数、qをp-1 It considers it as the big prime number which を割り切る大きな素数とし、G gives a clear-cut solution for p to a big prime q は乗法群 Z p の位数 p の部分 number, and gives a clear-cut solution for q to 群を表すものとし、g 1, g 2 p-1, gq shall express the partial group of the digit p of multiplicative group Zp.

It carries out g1 and g2 the origin of Gp, let H be  $^{x2}$ mod p, Y = g 1  $^{y1}$  g 2  $^{y2}$ mod a general purpose hash function. p,  $Z = g 1^z \mod p$  を暗号化  $X=g1^{x1}g2^{x2} \mod p$ , $Y=g1^{y1}g2^{y2} \mod p$ ,and  $Z=g1^z$ mod p be the public key which it uses for an 1, x 2, y 1, y 2,  $z) \in$  encryption procedure, (x1, x2, y1, y2, z) It Z q <sup>5</sup> とし、平文mに対する暗 considers it as (element of)Zq<sup>5</sup>, the cryptogram E with respect to Plaintext m

 $mod p \ge U \cap u = g \cap mod$  It is considering c as H(u1, u2) modp.

p,  $u = 2 = g = 2^r \mod p$ ,  $v = The 3 sets (u1, u2, v) used as <math>u1=g1^r \mod p$ X'Y<sup>cr</sup>mod pなる三つ組み(u p,u2=g2' mod p,v=X'Y<sup>cr</sup>mod p are included, processing which forms a random number r. processing which receives Cryptogram E, processing which calculates c=H(u1, u2) mod q,

> (processing which calculates  $u1^{x1+cy1}u2^{x2+cy2}v^{-1}$  mod p)



V=1 であることを確認して暗 The recording medium on which was recorded 号文の正当性を検証する処理と the program which lets the computer of a を復号者装置のコンピュータに decoding person apparatus perform processing 実行させるプログラムを記録し which checks that it is V= 1 and verifies the た記録媒体。

# [CLAIM 16]

correctness of a cryptogram.

# 【請求項16】

V≠1ならば、ビットコミッ トメント関数(BC)を用いて BC(r)を公開する処理と、 BC(r)を構成するrと、公 開鍵X, Yを構成するx1, x 2, y 1, y 2を用いて、(u 1 x1+cy1 u 2 x2+cy2 v -1) 「mod pな る計算を行った結果がVである ことを、r, x1, x2, y1, y 2に関する秘密を漏らさずに 零知識証明で第三者へ証明する 処理とを実行させるプログラム を含むことを特徴とする記録媒 体。

Processing which will exhibit BC (r) using bit commitment function (BC) if it becomes V!=1, r which comprises BC(r), it uses x1, x2, y1, and y2 which comprise public key X and Y, the result of having performed calculation used as  $(u1^{x1+cy1}u2^{x2+cy2}v^{-1})^r$  mod p is V, the recording medium characterized by including the program which performs processing which it proves to a third person by zero knowledge proof without leaking the secret about r,x1,x2,y1,y2.

#### 【請求項17】

pを大きな素数、qをp-1 を割り切る大きな素数とし、G qは乗法群Zpの位数qの部分 群を表すものとし、g1,g2 をGqの元とし、Hを汎用ハッ シュ関数とし、n人の復号者を P1~Pnとし、各復号者Pi は固有の公開値wjを持ち、(x  $1, x 2, y 1, y 2, z) \in$ Z q <sup>5</sup> を、3 t < n を満たすし きい値 t の秘密分散法により分 散して得られる、値wjに対応 する秘密値(x1j, x2j,

#### [CLAIM 17]

It considers it as the big prime number which gives a clear-cut solution for p to a big prime number, and gives a clear-cut solution for q to p-1, gq shall express the partial group of the digit q of multiplicative group Zp.

It carries out g1 and g2 the origin of Gq, let H be a general purpose hash function, it sets n persons' decoding person to P1-Pn, let the secret value (x1 j, x2 j, y1 j, y2 j, zj) corresponding to a value wi which each decoding person Pj has the inherent open value wj, and is acquired by dispersing (element of)(x1, x2, y1, y2, z)  $Zq^5$  with the secret



鍵とし、

密分散法により分散して得られ with the る値wjに対応する秘密値rj を生成する処理と、

mod pを公開鍵とし、平文mの 暗号文とし、正しい暗号文はu  $v = X^r Y^{cr} \mod p$ ,  $e = m Z^r$ mod pを満たして暗号文E= (u1, u2, v, e) を受信 する処理と、 c=H(u1, u2)を計算す

 $V j = (u 1^{x1j+cy1j}u 2^{x2j+cy2j}v$ <sup>-1</sup>) <sup>rj</sup>mod p を計算する処理と、 する秘密値Vikを各復号者P kの装置に送信する処理と、 他の全ての復号者装置Pkから Vkjを受信する処理と、 送信する処理と、

y 1 j, y 2 j, z j) を復号 dispersion method of threshold-value t which 者 P j の秘密鍵とし、X j = g fills 3 t<n be the decoding person's Pj secret  $1^{x_{1j}} g 2^{x_{2j}} mod p, Y j = g key, let Xj=g1^{x_{1j}} g2^{x_{2j}} mod p, Yj=g1^{y_{1j}} g2^{y_{2j}} mod p,$  $1^{y1j} \ g \ 2^{y2j} \ \text{mod} \ p$ , Z j = g and Zj=g1zjmod p be the decoding person's Pj 1 zimod pを復号者Pjの公開 public key, processing which forms the secret value rj corresponding to the value wj obtained 乱数 r ∈ Z q をしきい値 t の秘 by dispersing random-number r(element of)Zq secret dispersion method threshold-value t, let X=g1<sup>x1</sup>g2<sup>x2</sup>mod p, Y=g1<sup>y1</sup>g2<sup>y2</sup>mod p, and Z=g1<sup>z</sup> mod p be public  $X = g 1^{x1} g 2^{x2} mod p$ , Y = key, it considers it as the cryptogram of g  $1^{y1}$ g  $2^{y2}$ mod p,  $Z = g 1^z$  Plaintext m, the correct cryptogram is processing which fills u1=g1<sup>r</sup> mod p, u2=g2<sup>r</sup> mod p, c=H (u1, u2),  $v=X^rY^{cr}$ mod p, and  $e=mZ^r$  $1 = g 1^r \mod p$ ,  $u 2 = g 2^r \mod p$ , and receives cryptogram E= (u1, u2, v, mod p, c = H(u 1, u 2), e), processing which calculates c=H(u1, u2).

> Vi= (processing which calculates  $u1^{x1j+cy1j}u2^{x2j+cy2j}v^{-1}^{rj}mod p$

Vjをしきい値 t 以上2 t 以下 Processing which transmits the secret value Vjk の検証可能秘密分散法により分 corresponding to a value wk acquired by 散して得られる、値wkに対応 dispersing Vj with t or more threshold values and a verifiable secret dispersion method 2t or less to each decoding person's Pk apparatus, processing which receives Vkj from all other decoding person apparatus Pk, processing V j を他の全ての復号者装置へ which transmits Vj to all other decoding person apparatus,

他の全ての復号者装置からVk Processing which receives Vk from all other

る処理と、



を受信する処理と、

へ送信する処理と、

他の全ての復号者装置からのV k j を用いて検証する処理と、 2 t + 1 個を選択し、指数部に 対する秘密復元手順により復元 した値Vが1に等しいか否かを 調べ、等しくないならば他の2 t+1個の組み合わせで同様に 秘密復元手順を繰り返し、全て の組み合わせについていずれも 復元値が1に等しくないなら、 その暗号文を不正と判定し、一 つでも1になる組み合わせがあ ったならば、その暗号文を正し いと判定する処理と、を復号者 装置のコンピュータに実行させ set to 1 at least one. るプログラムを記録した記録媒 体。

decoding person apparatus, processing which Vkjを他の全ての復号者装置 transmits Vkj to all other decoding person apparatus, processing which verifies that each 各Vkが正しい値であることを Vk is the correct value using Vkj from all other decoding person apparatus, if correct, it will choose 2t+1 piece among checked Vk(s), it 正しいと確認されたVkのうち examines whether the value V decompressed with the secret decompression procedure with respect to an index part is equal to 1, if not

> It repeats a secret decompression procedure similarly in other 2t+1 piece combination, about all combination, if the decompression value is not all equal to 1, it will judge that the cryptogram is irregular, the recording medium on which was recorded the program which will let the computer of a decoding person apparatus perform processing which judges that the cryptogram is correct if there is combination

#### 【請求項18】

を割り切る大きな素数とし、G 群を表すものとし、g1,g2 をGqの元とし、Hを汎用ハッ シュ関数とし、

(x1, x2, y1, y2, z)∈ Z q <sup>5</sup> を秘密鍵、X = g 1 <sup>x1</sup>  $g 2^{x^2} \mod p$ ,  $Y = g 1^{y^1} g 2$ 

#### [CLAIM 18]

pを大きな素数、qをp-1 It considers it as the big prime number which gives a clear-cut solution for p to a big prime q は乗法群 Z p の位数 q の部分 number, and gives a clear-cut solution for q to p-1, gq shall express the partial group of the digit q of multiplicative group Zp.

> It carries out g1 and g2 the origin of Gq, let H be general purpose hash function, (x1,x2,y1,y2,z)

Let secret  $X=a1^{x1}a2^{x2}mod$ а kev.  $^{y2}$ mod p,  $Z = g 1^z \mod p$   $\Rightarrow Y = g 1^{y1} g 2^{y2} \mod p$ , and  $Z = g 1^z \mod p$  be public る(X, Y, Z)を公開鍵とし、 key for (element of)Zq<sup>5</sup> (X, Y, Z), the 3 sets 平文mに対する暗号文Eは c を (u1, u2, v) which the cryptogram E with respect



なる三つ組み(u 1, u 2, v) a random number r, を含み、

乱数 r を生成する処理と、

H(u1, u2) mod qとして to Plaintext m makes c H(u1,u2) mod q, and  $u = g = 1^r \mod p$ ,  $u = g \mod p$  $2^r \text{mod } p$ ,  $v = X^r \ Y^{cr} \text{mod } p$   $Y^{cr} \text{mod } p$  are included, processing which forms

計算する処理と、 暗号文Eを受信する処理と、 受信した暗号文から、c=H(u 1, u 2) **mod** q を計算し、V

pを計算する処理と、 することによって暗号文の正当 性を検証する処理とを復号者装 置のコンピュータに実行させる プログラムを記録した記録媒 体。

上記 r を用いて x 1' = x 1 · Processing which calculates x1'=x1 and rmod q, r mod q,  $x 2' = x 2 \cdot r$  x2'-x2 and mod q, y1'=y1 and mod q, and mod q, y 1' = y 1  $\cdot$  r mod y2'-y2 and rmod q using the above-mentioned r, q, y 2' = y 2 · r mod q & processing which receives Cryptogram E, from the cryptogram which received, it calculates c=H(u1, u2) mod q, processing which calculates  $V=u1^{x1'+cy1'}u2^{x2'+cy2'}v^{-r}$  mod p, the recording medium on which was recorded the program =  $u \ 1^{x''+cy''} u \ 2^{x''+cy''} v$  'mod which lets the computer of a decoding person apparatus perform processing which verifies the 上記Vが1に等しいことを確認 correctness of a cryptogram when the above-mentioned V checks that it is equal to 1.

#### 【請求項19】

て、

x2, y1, y2, r) に対し  $\forall X = g \ 1^{x_1} g \ 2^{x_2} mod \ p$ , Y Have made secret (x1, x2, y1, y2, r).  $= g 1^{y1} g 2^{y2} \text{mod } p, V = u$ 1 x1r+cy1r u 2 x2r+cy2r v -rmod p を満足することを零知識証明を 用いて (x1, x2, y1, y 2, r) を秘密としたまま検証 a verification person.

#### [CLAIM 19]

請求項18の記録媒体におい In the recording medium of Claim 18, in V, to the case of not being equal to 1, (X, Y, V) are Vが1に等しくない場合に、 X=g1<sup>x1</sup>g2<sup>x2</sup>mod p for it being (x1, x2, y1, y2, r), (X, Y, V) が、ある  $(x 1, y=g1^{y1}g2^{y2}mod p, use zero knowledge proof for$ satisfying  $V=u1^{x1r+cy1r}$   $u2^{x2r+cy2r}v^{-r}$  mod p.

The recording medium characterized by the above-mentioned program including program which lets the above-mentioned computer perform processing which it proves to



者に証明する処理を上記コンピ ュータに実行させるプログラム を上記プログラムが含むことを 特徴とする記録媒体。

#### 【請求項20】

て、

元であって、

2を生成する処理と、

 $^{x1} h^{a1} mod p R X 2 = R^{x2} h^{-1} h^{b1} mod - p R Y 2 = R^{y2} h^{b2} mod p$  $^{a2}$ mod p R Y 1 = R  $^{y1}$  h  $^{b1}$ mod p R Y 2 = R  $^{y2}$  h <sup>b2</sup>mod pなるR, RX1, RX 2, RY1, RY2を公開する 処理と、

#### [CLAIM 20]

請求項19の記録媒体におい In the recording medium of Claim 19, g and h are under Gq whose discrete logarithm of h g, hはgを底とするhの離散 which uses g as a bottom is unknown, 対数が未知であるようなGqの comprised such that processing which forms random numbers r, a1, a2, b1, and b2, 乱数r, a1, a2, b1, b processing which exhibits R, RX1, RX2, RY1, and RY2 R=q<sup>r</sup> h<sup>a</sup> used as  $R = g^{r} h^{a} mod p R X 1 = R p,RX1=R^{x1}h^{a1}mod-p,RX2=R^{x2}h^{a2}mod-p,RY1=R^{y}$ 

(X, Y, V, R, RX1, R To)に対して、 g  $1^{y1}$  g  $2^{y2}$  mod p, V = u 1 above-mentioned program u 2 x2r+cy2r  $^{x2}$  h  $^{a2}$ mod p R Y 1 = R  $^{y1}$  h zero knowledge proof.  $^{b1}$ mod p R Y 2 = R  $^{y2}$  h <sup>b2</sup>mod p なる関係式を満たす ことを零知識証明によって証明 する処理とを上記コンピュータ

(x1,x2,y1,y2,r,a,a1,a2,b1,b2) X2, RY1, RY2) がある (X,Y,V,R,RX1,RX2,RY1,RY2),  $x=g1^{x1}g2^{x2}modp$ ,  $(x 1, x 2, y 1, y 2, r, y=g1^{y1}g2^{y2}mod p, v=u1^{x1r+cy1r}$ a, a 1, a 2, b 1, b 2)  $v^{r}$  mod p,  $r=g^{r}$  h mod p, RX1= $R^{x1}$  h mod p,  $RX2=R^{x^2}h^{a^2}mod p$ ,  $RY1=R^{y^1}h^{b^1}mod p$ , the  $X = g 1^{x1} g 2^{x2} mod p$ , Y = recording medium characterized byv fmod program which lets the above-mentioned p,  $R = g^r h^a \mod p$ ,  $R \times 1$  computer perform processing which proves  $= R^{x1} h^{a1} \text{mod } p \in R X 2 = R$  filling the relation used as RY2=R<sup>y2</sup>h<sup>b2</sup>mod p by



に実行させるプログラムを上記 プログラムが含むことを特徴と する記録媒体。

#### 【請求項21】

て、

し、wを mod qでの1のn乗 1<j<n, it shall fill wj!=1. Pjに値wjを割り当て、 復号者 Pjの秘密鍵(x 1 j,

tの秘密分散法により(x1, x 2, y 1, y 2, z) を分散 key (Xj, Yj, Zj), して得られる、値wjに対応す る秘密値とし、

 $X j = g 1^{x1j} g 2^{x2j} \mod p$  $Y j = g 1^{y1j} g 2^{y2j} \mod p,$  $Z j = g 1^{z_j} mod p x_j \delta(X j)$ Yj, Zj)を復号者Pjの公 開鍵とし、

る、値wjに対応する秘密値r jを保持する処理と、

2をそれぞれしきい値 t の秘密 分散法により分散して得られ 1 j', x 2 j', y 1 j',

#### [CLAIM 21]

請求項18の記録媒体におい In the recording medium of Claim 18, it sets n persons' decoding person to P1-Pn, let w be n n人の復号者をP1~Pnと root of 1 in mod q, it makes wj into w<sup>i-1</sup> mod q, in

根とし、wjをw<sup>j-1</sup> mod qと It assigns each decoding person Pj a value wj, し、1 < j < n において $w j \ne let the decoding person's Pj secret key (x1 j, x2)$ 1 を満たすものとし、各復号者 j, y1 j, y2 j, zj) be the secret value corresponding to a value wj acquired by dispersing (x1, x2, y1, y2, z) with the secret dispersion method of x 2 j, y 1 j, y 2 j, z j) threshold-value t which fills 3 t<n, let Xj=g1<sup>x1j</sup> は、3 t < n を満たすしきい値  $g2^{x2j}$  mod p, Yj= $g1^{y1j}$   $g2^{y2j}$  mod p, and Zi=g1<sup>zj</sup>mod p be the decoding person's Pi public

乱数 r ∈ Z q をしきい値 t の秘 Processing holding the secret value rj 密分散法により分散して得られ corresponding to a value wj acquired by dispersing random-number r(element of)Zq with the secret dispersion method of threshold-value r x 1, r x 2, r y 1, r y t, processing which calculates and maintains secret value x1j',x2j',y1j',y2j' corresponding to a value wj obtained by each dispersing る、値wjに対応する秘密値x rx1,rx2,ry1,ry2 with the secret dispersion method of threshold-value t by the distributed y 2 j ' を分散乗算法によって multiplying method, reception of a cryptogram



計算して保持する処理と、 1, u 2) を計算し、V j = u  $1^{x1\vec{j}+cy1\vec{j}}u 2^{x2\vec{j}+cy2\vec{j}}v^{-rj} \mod p$ を計算し、放送型通信路により、 Vjを他の全ての復号者装置へ 送信する処理と、

(V1, …, Vn) の指数部が BCH符号のコードワードであ ることを確認する処理と、

上記指数部に対する秘密復元手 順により復元した値Vが1に等 しいことを確認することによっ 理とを上記コンピュータにより 実行させるプログラムを上記プ ログラムが含むことを特徴とす る記録媒体。

#### 【請求項22】

請求項21の記録媒体におい て、

ものとし、

(V1, …, Vn) の指数部が BCH符号のコードワードであ ることを確認する処理の代わり に、Vjがu1<sup>x1j+cy1j</sup>u2<sup>x2j+cy2j</sup> v<sup>-f</sup> mod p の正しい計算結果 であることをx1j', x2j', y1j', y2j', r iに関する情報を漏らすことな く、零知識証明によって他の復 号者に証明する処理と、

零知識証明が失敗した復号者P

will calculate c=H (u1, u2), it calculates 暗号文を受信すると、c=H(u Vj=u1<sup>x1j+cy1j</sup>u2<sup>x2j+cy2j</sup>v<sup>-rj</sup> mod p, processing which transmits Vj to all other decoding person apparatus according to a broadcast type communication channel, processing which checks that the index part of (V1..., Vn) is the coding word of a BCH code.

The recording medium characterized by the above-mentioned program including program which performs processing which て暗号文の正当性を検証する処 verifies the correctness of a cryptogram by checking that the value V decompressed with the secret decompression procedure with respect to the above-mentioned index part is equal to 1 by above-mentioned computer.

#### [CLAIM 22]

In the recording medium of Claim 21, it shall fill 2 t<n for threshold-value t.

しきい値 t を 2 t < n を満たす Instead of the processing which checks that the index part of (V1..., Vn) is the coding word of a BCH code ], without Vi leaks the information concerning that it is the correct calculation result of  $u1^{x1j+cy1j}u2^{x2j+cy2j}v^{-rj}$  mod p, and ] x1j',x2j',y1j',y2j',rj, processing which it proves to another decoding person by zero knowledge proof, it specifies the decoding person Pi in whom zero knowledge proof failed as a deviation person, the recording medium characterized by including the program which lets the above-mentioned computer perform a deviation person's secret value x1j', x2j', y1j',



y1 j′ , y2 j′ , r j を秘 above-mentioned program. 密値回復手順を用いて復元する 処理とを上記コンピュータに実 行させるプログラムを上記プロ グラムに含むことを特徴とする 記録媒体。

j を逸脱者として特定し、逸脱 y2j', and processing that decompresses rj using 者の秘密値x1j',x2j', a secret value recovery procedure in the

#### 【請求項23】

て、

に、V j が u 1 <sup>x1j+cy1j</sup> u 2 <sup>x2j+cy2j</sup>  $\mathbb{L} \mathbf{b} \mathbf{x} \mathbf{1} \mathbf{j}', \mathbf{x} \mathbf{2} \mathbf{j}', \mathbf{y}$ 1 j′, y 2 j′, r j に関す る情報を漏らすことなく、零知 識証明によって他の復号者に証 明する処理と、上記証明に失敗 し、逸脱者の秘密値 x 1 i′、 x 2 j', y 1 j', y 2 j' ュータに実行させるプログラム を上記プログラムが含むことを 特徴とする記録媒体。

#### 【請求項24】

#### [CLAIM 23]

請求項21の記録媒体におい In the recording medium of Claim 21, when (V1..., Vn) are not the coding words of a BCH (V1, …, Vn) がBCH符 code, without it leaks the information 号のコードワードでない場合 concerning that Vj is the calculation result of  $u1^{x1j+cy1j}u2^{x2j+cy2j}v^{-rj}$ mod and v<sup>-rj</sup> mod pの計算結果である x1j',x2j',y1j',y2j',rj, it specifies the processing which it proves to another decoding person by zero knowledge proof, and the decoding person Pj who failed in the above-mentioned proof with a deviation person, the recording medium characterized by the above-mentioned program した復号者 P j を逸脱者と特定 including the program which above-mentioned computer perform processing , which decompresses a deviation person's r j を、秘密値回復手順を用い secret value x1j', x2j', y1j', y2j', and rj using a て復元する処理とを上記コンピ secret value recovery procedure.

#### [CLAIM 24]

pを大きな素数、qをp-1 A cryptogram verification apparatus, which を割り切る大きな素数とし、G considers it as the big prime number which q は乗法群 Z p の位数 q の部分 gives a clear-cut solution for p to a big prime 群を表すものとし、g 1, g 2 number, and gives a clear-cut solution for q to をG q の元とし、Hを汎用ハッ p-1, gq shall express the partial group of the



シュ関数とし、

EZq<sup>5</sup>を秘密鍵、X=g1<sup>x1</sup>  $g 2^{x^2} \mod p$ ,  $Y = g 1^{y^1} g 2 (x_1,x_2,y_1,y_2,z)$ て、

乱数 r を生成する手段と、

計算する手段と、  $V = (u 1^{x1+cy1} u 2^{x2+cy2} v^{-1})^{-r}$ mod pを計算する手段と、 Vが1に等しいことを確認する Are provided. ことによって暗号文の正当性を 検証する手段とを備えることを 特徴とする暗号文検証装置。

#### 【請求項25】

において、

Vが1に等しくない場合に、 零知識証明を用いて第三者にV が乱数 r に対して(u 1 <sup>x1+cy1</sup> u  $2^{x2+cy2}v^{-1}$ )  $r \mod p$ のように 計算した結果であることを証明 する手段を備えることを特徴と する暗号文検証装置。

#### 【請求項26】

digit q of multiplicative group Zp.

(x 1, x 2, y 1, y 2, z) It carries out g1 and g2 the origin of Gq, let H be purpose general hash function.

 $^{y2}$ mod p,  $Z = g 1^z$ mod p  $\updownarrow$  Let a secret key,  $X=g1^{x1}g2^{x2}$ mod る(X, Y, Z)を公開鍵とし、Y=g1<sup>y1</sup>g2<sup>y2</sup>mod p, and Z=g1<sup>z</sup> mod p be public 平文mに対する暗号文Eはcを key for (element of)Zq<sup>5</sup> (X, Y, Z), the H(u1, u2) mod qとして cryptogram E with respect to Plaintext m is u = g = 1 mod p, u = g considering c as H(u1, u2) mod q.

 $2^r \mod p$ ,  $v = X^r Y^{cr} \mod p$  It is the verification apparatus of the cryptogram なる三つ組み(u 1, u 2, v) containing the 3 sets (u1, u2, v) used as u1=g1 を含む暗号文の検証装置であっ mod p,u2=g2' mod p,v=X' Y<sup>cr</sup>mod p, comprised such that means to form a random number r.

c = H (u 1, u 2) mod q & Means to calculate c=H(u1, u2) mod q, means to calculate  $V=(u1^{x1+cy1}u2^{x2+cy2}v^{-1})^r \mod p$ , means to verify the correctness of a cryptogram when V checks that it is equal to 1

#### [CLAIM 25]

請求項24の暗号文検証装置 A cryptogram verification apparatus, in which in the cryptogram verification apparatus of Claim 24, when V is not equal to 1, v receives a third person at a random number r using zero knowledge proof (it has means to prove that it is the result of calculating like u1<sup>x1+cy1</sup>u2<sup>x2+cy2</sup>v<sup>-1</sup>)<sup>r</sup> mod p.).

[CLAIM 26]



シュ関数とし、

値wiを持ち、

(x 1, x 2, y 1, y 2, z) $\in \mathbb{Z}$  g<sup>5</sup> を、3 t < n を満たす しきい値 t の秘密分散法により 応する秘密値(x1j,x2j, 者Pjの秘密鍵とし、

 $X j = g 1^{x1j} g 2^{x2j} mod p$  $Y j = g 1^{y1j} g 2^{y2j} mod p,$  $Z j = g 1^{zj} mod p なる(X j,$ Yj,Zj)を復号者Pjの公 開鍵とし、

pを大きな素数、qをp-1 A cryptogram verification apparatus, which を割り切る大きな素数とし、G considers it as the big prime number which q は乗法群 Z p の位数 q の部分 gives a clear-cut solution for p to a big prime 群を表すものとし、g 1, g 2 number, and gives a clear-cut solution for q to をGqの元とし、Hを汎用ハッ p-1, gq shall express the partial group of the digit q of multiplicative group Zp.

n 人の復号者をP1~Pnと It carries out g1 and g2 the origin of Gq, let H be し、各復号者 P j は固有の公開 a general purpose hash function, it sets n persons' decoding person to P1-Pn, each decoding person Pj has the inherent open value wi, let the secret value (x1 i, x2 i, y1 i, y2 i, zi) corresponding to a value wi acquired by 分散して得られる、値wjに対 dispersing (x1,x2,y1,y2,z)(element of)Zq<sup>5</sup> with the secret dispersion method of threshold-value y 1 j, y 2 j, z j) を復号 t which fills 3 t<n be the decoding person's Pj secret key, let  $X_j = g1^{x1j} g2^{x2j} \mod p$ ,  $Y_j = g1^{y1j} g2^{y2j}$ mod p, and Zj=g1zjmod p be the decoding person's Pj public key (Xj, Yj, Zj),

路を利用できるものとし、 乱数r∈Zqをしきい値tの秘 guaranteed.

る、値wjに対応する秘密値r jを復号者Pjは保持するもの acquired とし、

 $E = (u 1, u 2, v, e) \delta$ , method of threshold-value t.  $g 1^{y1} g 2^{y2} mod p$ ,  $Z = g 1^z$  respect to

各々の復号者装置間には、安全 A safe communication channel shall be な通信路があるものとし、また、 between each decoding person apparatus.

各復号者装置は、他の全員の復 Moreover, that each decoding person apparatus 号者装置が同一の内容を受信す receives the content with all the members' same ることが保証される放送型通信 other decoding person apparatus shall utilize the broadcast type communication channel

密分散法により分散して得られ The decoding person Pj shall maintain the secret value rj corresponding to a value wi by dispersing random-number r(element of)Zq with the secret dispersion

 $X = g 1^{x1} g 2^{x2} mod p$ , Y = Let E= (u1, u2, v, e) be a cryptogram withplaintext m which used



mod p を公開鍵とした平文m X=g1<sup>x1</sup>g2<sup>x2</sup>mod p, Y=g1<sup>y1</sup>g2<sup>y2</sup>mod p, and Z=g1<sup>z</sup> 号文の検証装置であって、

Eを受信してc=H(u1, u 2)を計算する手段と、

に対する暗号文とし、正しい暗 mod p as public key, the correct cryptogram is 号文はu = g 1 mod p, u the verification apparatus of the cryptogram  $2 = g 2^r \mod p$ ,  $c = H (u \text{ which satisfies u1=g1}^r \mod p, u2=g2^r \mod p$ 1, u 2),  $v = X^r Y^{cr} \mod p$ , c=H (u1, u2),  $v = X^r Y^{cr} \mod p$ , and  $e = mZ^r \mod p$ . e = m Z' mod p を満足する暗 comprised such that means to calculate c=H (u1, u2) by receiving E,

 $V j = (u 1^{x1j+cy1j}u 2^{x2j+cy2j}v$ <sup>-1</sup>)「İmod pを計算する手段と、 Vjをしきい値t以上2t以下 の検証可能秘密分散法により分 値Vikを得る手段と、

安全な通信路を介して送信する 手段と、

他の全ての復号者装置Pkから V k j を受信すると、放送型通 信路により、Vjを他の全ての 復号者装置へ送信する手段と、

Vkを受信すると、対応するV 段と、

と、

正しいと確認されたVkのうち 復元する手段と、

復元した値Vが1に等しいか否

Vi= (means to calculate  $u1^{x1j+cy1j}u2^{x2j+cy2j}v^{-1}^{rj} \mod p$ 

It disperses Vj with t or more threshold values and a verifiable secret dispersion method 2t or 散して、値w k に対応する秘密 less, means to acquire the secret value Vjk corresponding to a value wk, means to transmit Vjk を各復号者Pkの装置に Vjk through a communication channel safe for each decoding person's Pk apparatus, means to transmit Vj to all other decoding person apparatus according to a broadcast type communication channel if Vkj is received from all other decoding person apparatus Pk,

Means to transmit corresponding Vkj to all other k j を放送型通信路により他の decoding person apparatus according to a 全ての復号者装置へ送信する手 broadcast type communication channel if Vk is received, means by which each Vk verifies 各Vkが正しい値であることを using Vkj that it is the correct value, if correct, it Vkjを用いて検証する手段 will choose 2t+1 piece among checked Vk(s), means to decompress V with the secret decompression procedure with respect to an 2 t + 1 個を選択し、指数部に index part, means to examine whether the 対する秘密復元手順により Vを decompressed value V is equal to 1,



かを調べる手段と、

Vが1に等しくないならば他の If V is not equal to 1 と、

なる組み合わせがあったなら Are provided. ば、その暗号文を正しいと判定 する手段と、を備えることを特 徴とする暗号文検証装置。

2 t + 1 個の組み合わせで同様 It repeats a secret decompression procedure に秘密復元手順を繰り返し、V similarly in other 2t+1 piece combination, が1に等しいか否か調べる手段 means to examine whether V is equal to 1, about all 2t+1 piece combination, if the 2 t + 1 個の全ての組み合わせ decompression value is not all equal to 1, it will についていずれも復元値が1に judge that the cryptogram is irregular, means to 等しくないならば、その暗号文 judge that the cryptogram is correct if there is を不正と判定し、一つでも1に combination set to 1 at least one

# 【請求項27】

において、

開の固有値とし、

手段と、

Djを放送型通信路により他の 全ての復号者装置へ送信する手 段と、

# [CLAIM 27]

請求項26の暗号文検証装置 A cryptogram verification apparatus, in which in the cryptogram verification apparatus of Claim wを mod q での1のn 乗根と 26, let w be n root of 1 in mod q, each decoding し、各復号者は、w j をw<sup>i-1</sup> mod person makes wj w<sup>i-1</sup> mod q, it considers it as qとし、1 < j < nにおいてw the eigenvalue of public presentation of wi j ≠ 1 を満たすようなw j を公 which fills wj!=1 in 1<j<n, means to calculate Dj=u1zjmod p, means to transmit Dj to all other  $D j = u 1^{2j} mod p$ を計算する decoding person apparatus according to a broadcast type communication channel.

とを確認する手段とを備えるこ Are provided. とを特徴とする暗号文検証装 置。

受信した (D 1, …, D n) の Means to check that the discrete logarithm u 1を底とする離散対数がBC which uses as a bottom u1 which received H符号のコードワードであるこ (D1..., Dn) is the coding word of a BCH code



#### 【請求項28】

シュ関数とし、

∈ Z q <sup>5</sup> を秘密鍵、X = g 1 <sup>x1</sup>  $g 2^{x^2} \mod p$ ,  $Y = g 1^{y^1} g 2$ る(X, Y, Z)を公開鍵とし、 平文mに対する暗号文Eはcを mod p.  $2^{r} \mod p$ ,  $v = X^{r} Y^{cr} \mod p$ て、

 $2' = x \cdot 2 \cdot r \mod q$ ,  $y \cdot 1'$  $= y \cdot 1 \cdot r \mod q$ ,  $y \cdot 2' = y$ と、 受信した暗号文から、c = H(u 1, u 2) **mod** q を計算する手 段と、この計算結果と受信暗号 文から、V=u1<sup>x1, +cy1'</sup>u2 x2'+cy2' v 'mod p を計算する手

乱数 r を生成する手段と、

Vが1に等しいことを確認する ことによって暗号文の正当性を 検証する手段とを備えることを

#### [CLAIM 28]

pを大きな素数、qをp-1 A cryptogram verification apparatus, which を割り切る大きな素数とし、G considers it as the big prime number which q は乗法群 Z p の位数 q の部分 gives a clear-cut solution for p to a big prime 群を表すものとし、g 1, g 2 number, and gives a clear-cut solution for q to をG q の元とし、Hを汎用ハッ p-1, gq shall express the partial group of the digit q of multiplicative group Zp.

(x 1, x 2, y 1, y 2, z) It carries out g1 and g2 the origin of Gq, let H be general purpose hash function, (x1,x2,y1,y2,z).

 $^{y2}$ mod p,  $Z = g 1^z$ mod p c It is a secret key about (element of)Z $q^5$ , it is set  $X=g1^{x1}g2^{x2}mod-p, Y=g1^{y1}g2^{y2}mod-p, Z=g1^{z}$ to

H(u1, u2) mod qとして Let (X, Y, Z) be public key, the cryptogram E...  $u = g = 1 \mod p$ , u = 2 = g with respect to Plaintext m is the verification apparatus of the cryptogram containing the 3 なる三つ組み(u 1, u 2, v) sets (u1, u2, v) which constitute u1=g1 mod を含む暗号文の検証装置であっ p,u2=g2' mod p,v=X' Y<sup>cr</sup>mod p by making c into H(u1,u2)mod q, comprised such that means to form a random number r.

 $x 1' = x 1 \cdot r \mod q$ , x Means to calculate x1'=x1 and rmod q, x2'-x2 and rmod q, y1'=y1 and rmod q, and y2'-y2 and mod q, means to calculate c=H(u1, u2) mod q 2 · r mod qを計算する手段 from the cryptogram which received, this calculation result and means to calculate V=u1<sup>x1</sup>r+cy1' u2<sup>x2'+cy2'</sup>v<sup>-r</sup>mod p from a receiving cryptogram, means to verify the correctness of a cryptogram when V checks that it is equal to 1 Are provided.

段と、



特徴とする暗号文検証装置。

#### 【請求項29】

において、

(X, Y, V) が、ある (x 1, respect to a (x1, x2, y1, y2, r).を用いて(x1, x2, y1, y 2, r) を秘密としたまま検 証者装置に証明する手段を備え ることを特徴とする暗号文検証 装置。

#### 【請求項30】

において、

元であって、

2を生成する手段と、

 $R = g^r h^a \mod p R X 1 = R \mod$  $^{a2}$ mod p , R Y 1 = R  $^{y1}$  h  $^{1}$ h $^{b1}$ mod-p,RY2=R $^{y2}$ h $^{b2}$ mod p,  $^{b1}$ mod p R Y 2 = R  $^{y2}$  h b2mod pなるR, RX1, RX 2, RY1, RY2を公開する 手段と、

#### [CLAIM 29]

請求項28の暗号文検証装置 A cryptogram verification apparatus, in which in the cryptogram verification apparatus of Claim Vが1に等しくない場合に、28, when V is not equal to 1, (X Y, V), with

x 2, y 1, y 2, r) に対し Use zero knowledge proof for satisfying  $\forall X = g 1^{x^1} g 2^{x^2} \mod p$ ,  $Y X = g 1^{x^1} g 2^{x^2} \mod p$ ,  $Y = g 1^{y^1} g 2^{y^2} \mod p$ , and = g  $1^{y1}$  g  $2^{y2}$ mod p, V = u  $V=u1^{x1r+cy1r}$   $u2^{x2r+cy2r}$   $v^{-r}$ mod p.

1 x1r+cy1r u 2 x2r+cy2r v rmod It has means to prove to a verification person p を満足することを零知識証明 apparatus making secret (x1, x2, y1, y2, r).

#### [CLAIM 30]

請求項29の暗号文検証装置 A cryptogram verification apparatus, in which in the cryptogram verification apparatus of Claim g, hはgを底とするhの離散 29, g and h are under Gq whose discrete 対数が未知であるようなG q の logarithm of h which uses g as a bottom is unknown, comprised such that means to form 乱数r, a 1, a 2, b 1, b random numbers r, a1, a2, b1, and b2, means to exhibit R,RX1,RX2,RY1,RY2 used as R=g<sup>r</sup>h<sup>a</sup>

 $^{x1}$  h  $^{a1}$ mod p 、 R X 2 = R  $^{x2}$  h p,RX1=R $^{x1}$ h $^{a1}$ mod-p,RX2=R $^{x2}$ h $^{a2}$ mod-p,RY1=R $^{y}$ 

(X, Y, V, R, RX1, R To)(x1,x2,y1,y2,r,a,a1,a2,b1,b2)X2, RY1, RY2) がある (X,Y,V,R,RX1,RX2,RY1,RY2),  $x=g1^{x1}g2^{x2} \mod p$ ,



に対して、  $X = g 1^{x1} g 2^{x2} mod p, Y = RY2=R^{y2}h^{b2} mod p$ x1r+cy1r p,  $R = g^r h^a mod p$ , R X 1 Are provided.  $= R^{x1} h^{a1} \text{mod } p \cdot R \times 2 = R$  $^{x2} h^{a2} mod p R Y 1 = R^{y1} h$  $^{b1}$ mod p R Y 2 = R  $^{y2}$  h <sup>b2</sup>mod p なる関係式を満たす ことを零知識証明によって証明 する手段とを備えることを特徴 とする暗号文検証装置。

 $(x 1, x 2, y 1, y 2, r, y=g1^{y1}g2^{y2}mod p, v=u1^{x1r+cy1r}$ a, a 1, a 2, b 1, b 2)  $v^{-1}$  mod p,  $r=q^{r}$  h mod p, RX1= $R^{x_1}$  h mod p, RX2=R<sup>x2</sup>h<sup>a2</sup>mod RY1=R<sup>y1</sup>h<sup>b1</sup>mod g  $1^{y1}$  g  $2^{y2}$  mod p,  $V = u \ 1$  Means to prove filling the relation used as this u 2 x2r+cy2r v -rmod by zero knowledge proof

#### 【請求項31】

において、

し、

<j<nにおいてwj $\neq$ 1を満 (x1,x2,y1,y2,z) 値wjを割り当て、

(x 1, x 2, y 1, y 2, z) mod p be public key. ∈ Z q<sup>5</sup> を秘密鍵とし、X = g  $1^{x_1} g 2^{x_2} mod p$ ,  $Y = g 1^{y_1}$  $g 2^{\gamma 2} \mod p$ ,  $Z = g 1^z \mod$ pを公開鍵とし、

### [CLAIM 31]

請求項28の暗号文検証装置 A cryptogram verification apparatus, in which in the cryptogram verification apparatus of Claim n人の復号者をP1~Pnと 28, it sets n persons' decoding person to P1-Pn. let w be n root of 1 in mod q, it makes wi into will wを mod q での1のn 乗根と mod q, in 1<j<n, it shall fill wj!=1.

し、w j をw<sup>F1</sup> mod qとし、1 It assigns each decoding person Pj a value wj,

たすものとし、各復号者Pjに Let (element of)Zq<sup>5</sup> be a secret key, let  $X=g1^{x1}g2^{x2} \mod p$ ,  $Y=g1^{y1}g2^{y2} \mod p$ , and  $Z=g1^{z}$ 

復号者 P j の秘密鍵(x 1 j,

Let the decoding person's Pj secret key (x1 j, x2 x 2 j, y 1 j, y 2 j, z j) j, y1 j, y2 j, zj) be the secret value corresponding は、3 t <n を満たすしきい値 to a value wj acquired by dispersing (x1, x2, y1, tの秘密分散法により (x 1, y2, z) with the secret dispersion method of x 2, y 1, y 2, z) を分散 threshold-value t which fills 3 t<n, let Xi=q1<sup>x1j</sup>



る秘密値とし、

 $X j = g 1^{x1j} g 2^{x2j} \mod p,$  $Y j = g 1^{y1j} g 2^{y2j} mod p$ ,  $Z j = g 1^{Z_j} mod p \& S(X j)$ 開鍵とし、

各復号者装置は、他の全員の復 guaranteed. 号者装置が同一の内容を受信す ることが保証される放送型通信 with 路を利用できるものとし、

密分散法により分散して、値w jに対応する秘密値rjを得る 手段と、

して得られる、値w j に対応す g2<sup>x2j</sup> mod p, Yj=g1<sup>y1j</sup> g2<sup>y2j</sup> mod p, and Zj=g1<sup>Zj</sup>mod p be the decoding person's Pj public key (Xj, Yj, Zj), a safe communication channel shall be between each decoding person apparatus.

Yj, Zj) を復号者 Pjの公 Moreover, that each decoding person apparatus receives the content with all the members' same 各々の復号者装置間には、安全 other decoding person apparatus shall utilize な通信路があるものとし、また、 the broadcast type communication channel

It disperses random-number r(element of)Zq the secret dispersion method of threshold-value t, means to acquire the secret 乱数  $r \in Z$  q をしきい値 t の秘 value  $r_j$  corresponding to a value  $w_j$ .

分散法により分散して、値wi る手段と、

受信した暗号文について、c= 段と、Vi=u1<sup>x1j+cy1j</sup>u2 x²ʃ+cy²j v - n mod p を計算する手 段と、

放送型通信路により、Vjを他 a BCH code. の全ての復号者装置へ送信する 手段と、

(V1, …, Vn) の指数部が BCH符号のコードワードであ ることを確認する手段と、

r x 1, r x 2, r y 1, r y It each disperses rx1, rx2, ry1, and ry2 with the 2 をそれぞれしきい値 t の秘密 secret dispersion method of threshold-value t, means which it acquires by calculating secret に対応する秘密値 x 1 j ', x value x1j' corresponding to a value wi, x2j', v1j', 2 j', y 1 j', y 2 j' & and y2j' by the distributed multiplying method, 分散乗算法によって計算して得 means to calculate c=H (u1, u2) about the cryptogram which received, means to calculate  $V_j=u1^{x^1_j+cy^1_j}u2^{x^2_j+cy^2_j}v^{-r_j}$  mod p, means to H(u1, u2) を計算する手 transmit Vj to all other decoding person apparatus according to a broadcast type communication channel, means to check that the index part of (V1..., Vn) is the coding word of



よりVを復元する手段と、

指数部に対する秘密復元手順に Means to decompress V with the secret decompression procedure with respect to an 復元した値Vが1に等しいこと index part, means to verify the correctness of a を確認することによって暗号文 cryptogram by checking that the decompressed の正当性を検証する手段と、を value V is equal to 1 備えることを特徴とする暗号文 Are provided.

#### 【請求項32】

検証装置。

において、

すものとし、

(V1, …, Vn) の指数部が BCH符号のコードワードであ ることを確認する代わりに、V mod pの正しい計算結果であ ることをx1j', x2j', y1j', y2j', rjに関 する情報を漏らすことなく、零 知識証明によって他の復号者に 対し証明する手段を備えること を特徴とする暗号文検証装置。

#### 【請求項33】

において、

(V1, …, Vn) がBCH符 号のコードワードでない場合 に、Viがu1<sup>x1j+cy1j</sup>u2<sup>x2j+cy2j</sup> v<sup>-1</sup> mod p の計算結果である ことをx1j', x2j', y1 j′, y 2 j′, r j に関す る情報を漏らすことなく、零知

#### [CLAIM 32]

請求項31の暗号文検証装置 In the cryptogram verification apparatus of Claim 31, it shall fill 2 t<n for threshold-value t. しきい値 t を、 2 t < n を満た It has means to prove to another decoding person by zero knowledge proof, without Vi leaking the information concerning [ that it is the correct calculation result of u1<sup>x1j·xcy1j</sup>u2<sup>x2j+cy2j</sup>v<sup>-rj</sup> mod p, and ] x1j', x2j', y1j', y2j', and rj instead of checking that the index part of (V1..., Vn) is the coding word of a BCH code.

> cryptogram verification apparatus characterized by the above-mentioned.

#### [CLAIM 33]

請求項31の暗号文検証装置 In the cryptogram verification apparatus of Claim 31, means to prove to another decoding person by zero knowledge proof without leaking the information concerning [ that Vi is the calculation result of u1<sup>x1</sup>j+cy1j'u2<sup>x2</sup>j'+cy2j'v-rj</sup> mod p. and ] x1j', x2j', y1j', y2j', and rj when (V1..., Vn) are not the coding words of a BCH code, it specifies the decoding person Pj who failed in the proof with a deviation person, a deviation



明する手段と、

その証明に失敗した復号者Pj を逸脱者と特定し、逸脱者の秘 Are provided. 密值x1j', x2j', y1 回復手順を用いて復元する手段 とを備えることを特徴とする暗 号文検証装置。

識証明によって他の復号者に証 person's secret value x1j', x2j', y1j', y2j', means to decompress ri using a secret value recovery procedure

The cryptogram verification apparatus  $\mathbf{j}'$  ,  $\mathbf{y}$  2  $\mathbf{j}'$  ,  $\mathbf{r}$  j を秘密値 characterized by the above-mentioned.

【発明の詳細な説明】

[DETAILED DESCRIPTION OF THE **INVENTION**]

[0001]

#### 【発明の属する技術分野】

この発明は、電気通信システム で通信を行う場合に、通信内容 を秘匿し、かつ復号内容を公開 した場合にも復号者の秘密鍵に 関する情報が漏れることがない 安全な暗号方法に関し、特に、 暗号文の正当性を復号者が検証 decoding is exhibited. する暗号文検証方法及びそのプ ログラム記録媒体、に関する。

[0001]

#### [TECHNICAL FIELD OF THE INVENTION]

This invention relates to the safe cryptographic method from which the information about a decoding person's secret key does not leak, also when the content of communication is kept secret when communicating by telecommunication system, and the content of

Specifically, it is related with the cryptogram verification method that a decoding person verifies the correctness of a cryptogram, and its program recording medium.

[0002]

#### [0002]

#### 【従来の技術】

#### **IPRIOR ARTI**

選択平文攻撃に強い暗号系にお In a code type strong against a choice plaintext いては、暗号文の送信者が元の attack, a decoding person verifies that the 平文を知っていることを復号者 transmitting party of a cryptogram knows が何らかの方法で検証する。C original plaintext by a certain method.



ramer-Shoup 暗号 Cramer-Shoup code, paper R.Cramer and V.Shoup:"A 論文 V.Shoup: "A practical public key Practical public key cryptosystem against adaptive chipertext attack ", Advances Cryptology-CRYPTO'98, LNCS 1462, Springer-Verlag, pp.13-25, 1998 で提案された、 汎用一方向性ハッシュ関数の存 在および、Diffie-Hellman 判定問 題の困難性という広く信じられ ている仮定の下で、適応的選択 暗号文攻撃に強いことが証明で きる公開鍵暗号方法である。 開鍵に対応する一つの秘密鍵を 持つ一人の復号者を想定した暗 号方法である。

#### [0003]

すでに一復号者の場合に適応的 選択暗号文攻撃に強いことが知 られている Cramer-Shoup 暗号 方法では、まず、大きな素数p、 qを、qがp-1を割り切るよ うに選び、乗法群Zpの位数q の部分群Gaの元g1,g2を 用いて、秘密鍵を(x1, x2,  $y1, y2, z) \in Zq^5$ 公開 鍵を $X = g 1^{x1} g 2^{x2} mod p$ ,  $Y = g 1^{y1} g 2^{y2} mod p, Z =$ g 1<sup>z</sup> mod pとする。平文m∈ G q に対する暗号文Eは(u 1, u 2, v, e) より成り、正し

R.Cramer and

provablysecure Cryptosystem provablysecure

chosen Against adaptive chosen

It proposed by chipertext attack", Advances in Cryptology-CRYPTO'98 and LNCS 1462. Springer-Verlag, pp.13-25, and 1998, it is the public-key cryptographic method which can prove that it is strong to an adaptive choice cryptogram attack under assumption which is called a presence of a general purpose unidirectional hash function and the difficulty of a Diffie-Hellman evaluation problem, and which is believed widely.

Cramer-Shoup 暗号は一つの公 A Cramer-Shoup code is a cryptographic method supposing the decoding person of one person with one secret key corresponding to one public key.

#### [0003]

With the Cramer-Shoup cryptographic method with which it is already known in the case of the 1 decoding person that it is strong to an adaptive choice cryptogram attack

First, it chooses the big prime numbers p and q so that q may give a clear-cut solution to p-1, and it uses the origin g1 and g2 of the partial group Gq of the digit q of multiplicative group Zp, it is (element of)(x1, x2, y1, y2, z)  $Zq^5$ public key about a secret key, X=g1<sup>x1</sup>g2<sup>x2</sup>mod p It is referred to as Y=g1<sup>y1</sup>g2<sup>y2</sup>mod p and Z=g1<sup>z</sup> mod p.

The cryptogram E with respect to plaintext m(element of)Gq constitutes of (u1, u2, v, e), く作成された暗号文はある乱数 and the cryptogram made correctly satisfies



 $H(u 1, u 2), v = X^r Y^{cr} mod number r.$ p)を満たすか否かを検証し、 満たさない場合にはその暗号文 filling, it obtains Plaintext m. の復号を拒否し、満たす場合に は、m = e / u 1 z mod p を計算 し、平文mを得る。

p,  $u = g = g = r \mod p$ ,  $c = r \mod p$ , and  $e = m \mod p$  to a certain random

p,  $e = m Z' \mod p$  を満足す The decoding person who received this る。この暗号文を受信した復号 cryptogram calculates c=H (u1, u2) first, it 者は、まず、 c = H ( u 1, u verifies whether a cryptogram fills verification 2) を計算し、暗号文が検証式 type u1<sup>x1+cy1</sup>u2<sup>x2+cy2</sup>IDENTICAL-TOv (mod p), u 1  $^{x1+cy1}$  u 2  $^{x2+cy2} \equiv v$  (mod when not filling, it refuses decoding of the cryptogram, it calculates m=e/u1z modp, when

#### [0004]

上記検証式により、復号者は、 暗号文の制作者が元の平文mを 知っていることを確認すること ができる。検証式を満たさない 不正な暗号文に対しては復号を 拒否するので、攻撃者は何れの 有用な情報も得られない。しか しながら、この暗号文検証方法 では、検証の結果復号を拒否す る場合に、第三者に対して検証 した暗号文が不正であったこ と、すなわち、V≡u 1 x1+cy1 u 2 x2+cy2 (mod p) として、V ≠ v (mod p) とならないこと を、Vに関する情報を何ら情報 VIDENTICAL-TOu1x1+cy1u2x2+cy2. を漏らすことなく証明するのは 現実的には困難である。

# [0004]

By the above-mentioned verification type, a decoding person can check that the maker of a cryptogram knows original plaintext m.

To the irregular cryptogram which does not fill a verification type, it refuses decoding, therefore, as for neither of the useful information, an aggressor is obtained.

However, when refusing decoding by this cryptogram verification method as a result of verification, it is actually difficult to prove the information concerning [ not becoming V!=v (mod p) and ] V, without leaking information in any way as the cryptogram verified to the third person having been illegitimate (mod p), i.e.,

#### [0005]

どでしばしば行われるように、

#### [0005]

さらに、ElGamal暗号な Furthermore, the thing for which secret dispersion disperses a corresponding secret



る秘密鍵を秘密分散により複数 の部分秘密鍵に分散し、複数の 復号者にこれを保持させること の復号者が協力したときのみ暗 号文を復号できるようにするし きい値付き復号を適用する場 合、この暗号復号方法において な暗号文に対して、検証式の左 辺 u 1 x1+cy1 u 2 x2+cy2 の計算結 果Vが複数の復号者に知れてし 暗号文攻撃への安全性を保つこ cryptogram attack. とはできない。

一つの公開鍵に対して、対応す key to two or more partial secret keys to one public key, and it maintains this to two or more decoding persons so that it may often be performed by the ElGamal code etc., to an により、しきい値を越える人数 irregular cryptogram which does not fill a verification type in this code decoding method when the decoding person of the number which exceeds a threshold value cooperates and it applies decoding with the threshold value which 検証式を満たさないような不正 enables it to decode a cryptogram, since the calculation result V of left-side u1x1+cy1u2x2+cy2 of a verification type becomes known to two or more decoding persons, when the decoding まうため、攻撃者と結託した復 person who conspired with the aggressor 号者が存在した場合に、攻撃者 exists, information is revealed to an aggressor に情報が漏洩してしまい、選択 and it cannot maintain the safety to a choice

#### [0006]

は、例えば、論文 V.Shoup and value R.Gennaro: threshold cryptosystems R.Gennaro: against chosen attack Advances Cryptology-EUROCRYPT '98, Chosen ciphertext attack LNCS 1403, Springer-Verlag, いる。

#### [0007]

#### [0006]

しきい値付き復号方法について About the decoding method with a threshold

Securing For example, V.Shoup paper and

ciphertext "Securing threshold

in Cryptosystems against

", Advances in Cryptology-EUROCRYPT' 98 pp.1-16,1998 で提案された方 and LNCS 1403, Springer-Verlag, and pp.1- 16 式は、適応的選択暗号文攻撃に and 1998 Proposed system, it is shown under 強いことがランダムオラクルの assumption called a presence of a random 存在という仮定の下で示されて oracle that it is strong to an adaptive choice cryptogram attack.

#### [0007]

しかしながら、ランダムオラク However, assumption called a random oracle is



ルという仮定は、極めて非現実 very unreal. した場合には、その安全性につ about the safety. いて何の保証も得ることができ ない。

的であり、ランダムオラクルを When a random oracle is replaced and used for 通常の衝突困難と考えられるハ the hash function considered that the usual ッシュ関数等に置き換えて使用 collision is difficult, it can obtain no guarantee

[0008]

[8000]

題】

この発明の目的は、 Cramer-Shoup 暗号において、 の正当性を検証でき、また検証 式の値が正当でないことを示し ている場合に、その値が正しく 作成されたものであることを、 明することが、更に複数の復号 者が協力して検証する場合に、 復号者中に不正者がいたとして も、検証式の値が復号者にも漏 洩することがない暗号文検証方 法、そのプログラム記録媒体、 及びその装置を提供することに ある。

【発明が解決しようとする課 [PROBLEM TO BE SCLVED BY THE INVENTION]

It sets the objective of this invention to a Cramer-Shoup code, it can verify 検証式における値に関する情報 correctness of a cryptogram, without leaking the を一切漏らすことなく、暗号文 information about the value in a verification type entirely, moreover, the thing for which the value is correctly made when it is shown that the value of a verification type is not rightful, proving for a third person by zero knowledge proof 零知識証明によって第三者に証 Furthermore, when two or more decoding persons cooperate and verify, also as there having been an irregular person in a decoding person, the value of a verification type is providing the cryptogram verification method which it does not reveal to a decoding person, either, its program recording medium, and its apparatus.

[0009]

[0009]

【課題を解決するための手段】

Cramer-Shoup 暗号における復 It carries out the power of the value of the 号時の検証式の値を、復号者の verification type at the time of decoding in a 誰もがその値を知り得ない乱数 Cramer-Shoup code with the random number

[MEANS TO SOLVE THE PROBLEM]



き乗するという計算を分散計算 ことによって、検証式を満たさ ない場合にも、べき乗する前の 検証式の値はどの復号者にも漏 でない場合は、計算値が1でな るおそれはない。

## [0010]

持つものとする。(x1, x2, (x1,x2,y1,y2,z) 2 j, z j) を復号者 P j の秘 person's Pj secret key. 密鍵とする。

#### [0011]

によってべき乗し、そのべき乗 with which everyone of a decoding person した結果が 1 となるか否かを検 cannot know the value, and verifies the 証することによって暗号文の正 correctness of a cryptogram by verifying 当性を検証する。この乱数でべ whether the result of having carried out the power is set to 1.

により、全計算者の協力で行う Also when not filling a verification type by performing calculation of carrying out a power by these random numbers, by cooperation of all accountants by distributed calculation, it reveals 洩することはない、つまり正当 to no decoding person, that is, the value of the verification type before carrying out a power い値となり、その値が乱数でべ turns into a value whose calculated value is not き乗されているから、そのべき 1, when not rightful, the power of the value is 乗されている値を示して計算値 carried out by the random numbers, therefore が1でないこと、即ち正当でな Even if the value by which the power is carried: いことを示しても、そのべき乗 out is shown and it is shown that a calculated 前の値はかくされ、情報が漏れ value is not 1, i.e., are not rightful, the value in front of the power is hidden, there is no risk that information may leak.

#### [0010]

n人の復号者をP1~Pnと It sets n persons' decoding person to P1-Pn, し、各復号者 P j (j = 1, 2, each decoding person Pj (j = 1, 2..., n) shall …, n)は固有の公開値wjを have the inherent open value wj.

y 1, y 2, z) ∈  $Z q^5 \delta U$  It disperses (element of) $Zq^5$  with the secret きい値 t の秘密分散法により分 dispersion method of threshold-value t, let the 散し、値wjに対応する秘密値 secret value (x1 j, x2 j, y1 j, y2 j, zj) (x 1 j, x 2 j, y 1 j, y corresponding to a value wj be the decoding

#### [0011]

また、 $X j = g 1^{x1j} g 2^{x2j} mod$  Moreover, let (Xj, Yj, Zj) which becomes Xj=g1<sup>x1j</sup> p, Y j = g  $1^{y1j}$  g  $2^{y2j}$  mod  $g2^{x2j}$  mod p, Y  $j = g1^{y1j}$   $g2^{y2j}$  mod p, Z  $j = g1^{zj}$  mod pp,  $Z j = g 1^{z_j} mod p$  なる (X) Be the decoding person's Pj public key.



j, Y j, Z j) を復号者 P j  $2^{x^2} \mod p$ ,  $Y = g 1^{y^1} g 2$ いる公開鍵とする。各々の復号 apparatus, 続されており、各復号者装置は、 他の全員の復号者装置が同一の る放送型通信路を利用できるも のとする。

Let  $X=g1^{x1}g2^{x2} \mod p$ ,  $Y=g1^{y1}g2^{y2} \mod p$ , and の公開鍵とする。  $X = g \ 1^{x1} g \ Z=g1^z \mod p$  be the public key which it uses for encryption (X, Y, Z).

 $^{y2}$ mod p,  $Z=g \ 1^z$ mod p  $^{t\!\!\!\!/}$  It shall connect by the safe communication る (X, Y, Z) を暗号化に用 channel between each decoding and each decoding person 者装置間は、安全な通信路で接 apparatus shall utilize the broadcast type communication channel it is guaranteed to be to receive the content with all the members' same 内容を受信することが保証され other decoding person apparatus.

# [0012]

暗号化された平文mの暗号文と 分散乱数生成手順を実行し、復 distributed 号者Pjの装置は秘密値rjを 得る。ここで、rjは乱数r∈ Zqをしきい値tの秘密分散法 により分散した場合の、値wj に対応する秘密値であり、任意 の t + 1 個の秘密値から、秘密 復号手順により、rを回復でき るような値である。また、分散 乱数生成手順の性質から、各復 号者装置は r の値を知ることが できず、rはO以上q未満のラ ンダムな整数となる。

## [0012]

E = (u 1, u 2, v, e) & Let E = (u1, u2, v, e) be the cryptogram of Cramer-Shoup 暗号方法により plaintext m enciphered by the Cramer-Shoup cryptographic method.

する。復号者装置は、協力して A decoding person apparatus performs a random-number procedure in cooperation, and the decoding person's Pj apparatus acquires the secret value

> Here, rj is a secret value corresponding to the value Wj at the time of dispersing random-number r(element of)Zq with the secret dispersion method of threshold-value t.

> It is the value which can recover r with a secret decoding procedure from the secret values of t+1 piece as desired.

> Moreover, each decoding person apparatus cannot know the value of r, but r becomes the random integer of 0 or more and under q from the characteristic distributed of а random-number generation procedure.

[0013]

[0013]



よびV j = (u  $1^{x1j+cy1j}$ u 2<sup>x2j+cy2j</sup> v <sup>-1</sup>) <sup>rj</sup>mod pを計算する。 更に、Viをしきい値2tの検 証可能秘密分散法により分散 し、値wk ( $k = 1, 2, \dots,$ n、k≠j)に対応する秘密値 Vjkを各復号者Pkの装置に 安全な通信路を介して送信す る。他の全ての復号者装置から Vikを受信した後、復号者P kの装置はVkを放送型通信路 を介して他の全ての復号者装置 信した各Vkが正しい値である ことをVkjを用いて検証す る。

E を受信した各復号者 P j の装 The apparatus of each decoding person Pj who 置は、c=H(u1, u2) お received E are c=H (u1, u2) and Vj= (it calculates u1<sup>x1j+cy1j</sup>u2<sup>x2j+cy2j</sup>v<sup>-1</sup>)<sup>rj</sup>mod p.).

> Furthermore, it disperses Vj with a with a threshold value of 2t verifiable secret dispersion method, and transmits the secret value Vik corresponding to a value wk (k = 1, 2..., n, k!=j) through a communication channel safe for each decoding person's Pk apparatus.

> After receiving Vik from all other decoding person apparatus, the decoding person's Pk apparatus transmits Vk to etc. of all decoding person apparatus through a broadcast type communication channel.

へ送信する。各復号者装置は受 It verifies using Vkj that each decoding person apparatus is the value with each correct Vk which received.

# [0014]

2 t + 1 個を選択し、指数部、 つまりx1k+cy1k, x2k+cy2kに対する秘密復元 手順により復元した値Vが1に 等しいか否かを調べる。等しく ないならば他の組み合わせで同 If not equal 様に秘密復元手順を繰り返し、 全ての2 t + 1 個の組み合わせ についていずれも復元値が1に 等しくないならば、復号を拒否 して停止する。

## [0015]

各復号者装置が上記手順に従っ When each decoding

#### [0014]

正しいと確認されたVkのうち If correct, it will choose 2t+1 piece among checked Vk(s), and it examines whether the value V decompressed by the index part, i.e., the secret decompression procedure with respect to x1k+cy1k,x2k+cy2k, is equal to 1.

#### These

It repeats a secret decompression procedure similarly in other combination, and about all 2t+1 piece combination, if the decompression value is not all equal to 1, it will refuse decoding and will stop.

# [0015]

person apparatus て計算した場合、2 t + 1 個以 calculates according to the above-mentioned



数部に対する秘密鍵復元手順に  $\sharp y \ V = (u \ 1^{x1+cy1} u \ 2^{x2+cy2})$ v<sup>-1</sup>) 'mod p なる V を復元する ことができる。ここで、Vがp を法として1と合同でないなら ば、Cramer-Shoup 法における 本来の検証式u1 x1+cy1 u 2 x2+cy2 の値も v と合同ではない。 一方、Vが1と合同となる場合 は、本来の検証式がvと合同で あるか、または、乱数rが0で あるかのいずれかである。しか is in cooperation with v, or しながら、分散乱数生成手順で 生成した乱数 r が O となる確率 of this. は1/qであり、十分小さいの で無視する事ができる。従って、 Vが1と合同である場合には、 本来の検証式はvと合同である set to 0 are 1/q. と見なすことができる。

上の任意の正しいVkから、指 procedure, from the correct Vk(s) as desired more than 2t+1 piece. the secret-key decompression procedure with respect to an index part, v= (it can decompress V used as  $u1^{x1+cy1}u2^{x2+cy2}v^{-1})^r \mod p.$ 

Here, v should make p a method

If in cooperation with 1, also the value of original  $u1^{x1+cy1}u2^{x2+cy2}$ verification type in Cramer-Shoup method

In cooperation with v.

When V becomes in cooperation with 1 on the other hand, whether an original verification type

Or whether a random number r is 0, it is either

However, the probabilities that the random number formed in the distributed random-number generation procedure will be

Since it is small enough, it can ignore.

Therefore, when V is in cooperation with 1, it can consider in cooperation with an original verification type v.

#### [0016]

大t人いると仮定する。このt 人は、(1) 不正な暗号文Eに対 うにする、または(2)正当な 暗号文Eに対する検証式の値V が1とならないようにする、の Or 二通りの目的で上記手順から逸 (2) 脱する場合があり得る。まず、 には、ある2 t+1個のVkか set to 1.

#### [0016]

ここで、不正を働く復号者が最 Here, it assumes that there are a maximum of t decoding persons who act irregularity.

These t persons, (1)

する検証式の値Vが1となるよ It makes it the value V of the verification type with respect to the irregular cryptogram E set to

It keeps the value V of the verification type with (1) の目的を成功させるため respect to the rightful cryptogram E from being



かしながら、不正者装置を含め 者装置が出すVkの値を知る前 に、自分のVkの値を検証可能 秘密分散方法によって分散しな ければならず、他の復号者装置 のVkの値を知ってから自装置 のVkの値を変更することはで きないので、他の復号者装置の Vkに関する予想が当たった場 目的を達成することができる。 り、十分小さいので無視するこ とができる。次に、(2)の場合 に関しては、不正な復号者装置 が、どのような不正な値Vkを 送信したとしても、不正者は 高々t人であり、他の2t+1 人の装置は正しい値を送信して いるので、少なくとも1通りは、 全て正しい値の2 t + 1 個のV き、そのような集合からV=1 が復元される。

ら復元されるVの値が1となる It can deviate from the above-mentioned ようにしなければならない。し procedure for two kinds of these objective.

# First

た全ての復号者装置は他の復号 In order to let the objective of (1) successful, you have to make it the value of V decompressed from certain 2t+1 piece Vk set to

However, all decoding person apparatus including an irregular person apparatus are before getting to know the value of Vk which another decoding person apparatus takes out, since the value of Vk of a self-apparatus cannot 合のみ不正な復号者は(1)の be altered after having to disperse the value of one's Vk with a verifiable secret dispersion 予想が当たる確率は1/qであ method and getting to know the value of Vk of another decoding person apparatus, only when the anticipation about Vk of another decoding person apparatus comes true, an irregular decoding person can attain the objective of (1). The probabilities that anticipation will come true are 1/q.

Since it is small enough, it can ignore.

Next, even if an irregular decoding person apparatus transmits what kind of illegitimate k から成る集合を取ることがで value Vk about the case of (2), an irregular person is at most t persons.

> Other 2t+1 person apparatus have transmitted the correct value, therefore, all the at least 1 kinds can take the ensemble which constitutes of 2t+1 piece Vk of the correct value, and V= 1 is decompressed from such an ensemble.

## [0017]

でない場合、どのようなu1 x1+cy1 u 2 x2+cy2 の値に対しても、

#### [0017]

情報の漏洩については、Vが1 About leakage of information, when V is not 1, to the value of what kind of u1x1+cy1u2x2+cy2, it is as follows.



mod pを満たすrの値が一つ mod p becomes settled) 定まるので、(u 1 x1+cy1 u 2 x2+cy2 v -1) の値が r でランダム 化され、このランダム化された 値を示しても、r でランダム化 される前の値は漏れない、つま り上記検証方法では、u 1 x1+cy1 u 2 x2+cy2 に関する情報は一切 漏れない。

## [0018]

以上より、この発明によれば、 不正を働く復号者が全復号者の 1/3未満ならば、秘密鍵に関 する情報を一切漏らすことな く、複数復号者の協力によって 本来の Cramer-Shoup 暗号方法 の検証式と同等の検証式を計算 することが可能であり、よって、 適応的選択暗号文攻撃に強い、 複数復号者の暗号復号装置を構 成する事ができる。

#### [0019]

以上の手法は復号者がn人いる 場合に、各復号者装置は、全て の復号者装置から受信したn個 の検証用データ (V1, …, V n) に対して、2 t + 1 個のデ ータを取りだし、ある検証式を 満足するか否かを検証する。満 足しない場合は、この検証をn 個に対して取り得る全ての2 t +1個の組み合わせに対して行

 $V = (u 1^{x_1+cy_1} u 2^{x_2+cy_2} v^{-1})^r$  V= (one value of r which fills  $u1^{x_1+cy_1} u2^{x_2+cy_2} v^{-1})^r$ 

Therefore, the randomizing of the value of  $(u1^{x1+cy1}u2^{x2+cy2}v^{-1})$  is carried out by r, even if this value by which the randomizing was carried out is shown, the value before a randomizing is carried out by r does not leak, that is, the information about u1x1+cy1u2x2+cy2 does not leak at all by the above-mentioned verification method.

# [0018]

As mentioned above, without leaking the information about a secret key entirely, if the decoding person who acts irregularity according to this invention is under all decoding persons' 1/3, by cooperation of two or more decoding person, it can calculate a verification type equivalent to the verification type of an original Cramer-Shoup cryptographic method, and, therefore, can comprise two or more decoding person's code decoder strong against an adaptive choice cryptogram attack.

## [0019]

When n decoding persons are in the above approach, to n data for verification (V1..., Vn) which received each decodina apparatus from all decoding person apparatus, it takes out 2t+1 piece data, it verifies whether it satisfies a certain verification type.

When not satisfied, it performs this verification to all the 2t+1 piece combination that can be taken to n pieces.

Therefore, when not satisfying a verification う。そのため、検証式を満足し type, it has the disadvantage that computational



対して、計算量が指数的に増加 of a decoding person. するという欠点を持つ。

ない場合には、復号者の数 n に complexity increases exponentially, to several n

# [0020]

この発明の別の観点によれば、 複数の復号者による暗号復号方 法において、多数の復号者に対 しても効率的に計算が実行で き、また、1/3以上の復号者 が不正を行っても回復可能であ るような、適応的選択暗号文攻 撃に強い暗号の暗号文検証方法 およびそのプログラム記録媒体 を提供する。即ちこの発明の別 の観点によれば、まず、復号者 の数に対する計算量を低減する 手段として、零知識証明によっ てその結果の正当性を各復号者 装置に証明させることによって 不正者を特定し、正当なデータ のみを用いて暗号文の検証を行 う。そうすることによって、復 号者の数nに比例した計算量で 検証を行うことが可能である。 しかし、この際用いる零知識証 明は通信量が多いため、不正が ほとんど起こらない場合には効 率が悪い。各復号者装置の計算 結果がBCH符号のコードワー ドとなるように各復号者の固有 の公開値を定め、計算結果がコ ードワードであることを受信者 装置が検証し、コードワードで ない場合にのみ零知識証明を実 行することによって、正しい暗

## [0020]

According to another viewpoint of this invention, in the code decoding method by two or more decoding persons, it provides the cryptogram verification method and its program recording medium of a code strong against the adaptive choice cryptogram attack which can be recovered even if it can perform calculation efficiently also to many decoding people and the decoding person who is more than 1/3 performs irregularity.

That is, as means to reduce the computational complexity with respect to the number of decoding persons, by letting each decoding person apparatus prove the correctness of that result by zero knowledge proof, it specifies an irregular person and, according to another viewpoint of this invention, performs verification of a cryptogram first only using rightful data.

By doing so, it can perform verification by the computational complexity proportional several n of a decoding person.

However, in this case, since there are many amounts of communication, the zero knowledge proof to be used is, efficiency is bad when irregularity hardly happens.

When the correct cryptogram is received by setting each decoding person's inherent open value that the calculation result of each decoding person apparatus constitutes the coding word of a BCH code, and а receiving-party apparatus verifying that a



行うことが可能となる。

号文を受信した場合には、通信 calculation result is the coding word, and 量を抑えたまま効率的な計算を performing zero knowledge proof only when it is not the coding word, it becomes that it is possible to perform efficient calculation, with the amount of communication restrained.

# [0021]

この方法に因れば、許容できる 不正者の数は、3 t + 1 > n を 満たすt人までであり、より許 まれる場合には不適当である。 また、不正者が1/3以上1/ 2未満の場合に対応する手段と して、不正者が特定された場合 に、他の復号者装置が協力して その不正な復号者が持つ分散秘 密鍵を算出し、公開することに よって、だれもがその不正な復 号者に代わって正しい結果を計 算することができるようにする ことにより、課題を解決する。

# [0022]

具体的な手段は以下の通りであ る。n人の復号者をP1~Pn とし、各復号者Pjに対し、固 有の公開値wiを割り振る。3 める。(x1, x2, y1, y2,  $z) \in Zq^5$  をしきい値 t の秘 密分散法により分散し、値wj に対応する秘密値(x 1 j, x 2 j, y 1 j, y 2 j, z j) を復号者Pjの秘密鍵とする。

## [0021]

If based on this method, the number of irregular persons which can be accepted will be to t persons who fill 3t+1>n.

容度の高い安全なシステムが望 It is unsuitable when a safe system with a higher tolerance is desired.

> Moreover, it is as means corresponding to the case where irregular persons are 1/3-1/2, another decoding person apparatus computes the distributed secret key which the irregular decoding person has in cooperation with the case where an irregular person is specified, by opening to the public, although it also becomes bored, it solves a problem by enabling it to calculate the correct result instead of the irregular decoding person.

#### [0022]

The detailed means are as follows.

It sets n persons' decoding person to P1-Pn, and assigns the inherent open value wj to each decoding person Pj.

t < n を満たすしきい値 t を定 It defines threshold-value t which fills 3 t<n. (x1,x2,y1,y2,z)

> It disperses (element of)Zq<sup>5</sup> with the secret dispersion method of threshold-value t, and let the secret value (x1 j, x2 j, y1 j, y2 j, zj) corresponding to a value wi be the decoding person's Pj secret key.



# [0023]

 $2^{x^2} \mod p$ ,  $Y = g 1^{y^1} g 2$ いる公開鍵とする。各々の復号 apparatus, る放送型通信路を利用できるも のとする。

## [0024]

暗号化された平文mの暗号文と cryptographic method. 分散乱数生成手順を実行し、復 distributed Z q をしきい値 t の秘密分散法 rj. により分散した場合の、値wj に対応する秘密値であり、任意 value 号者はrの値を知ることができ ず、rはO以上q未満のランダ ムな整数となる。

# [0023]

また、 $X_j = g_1^{x_1^{j}} g_2^{x_2^{j}} \mod Moreover$ , let  $X_j = g_1^{x_1^{j}} g_2^{x_2^{j}} \mod p$ ,  $Y_j = g_1^{y_1^{j}} g_2^{y_2^{j}}$ p, Y j = g 1  $y^{1j}$  g 2  $y^{2j}$  mod mod p, and Zi=q1 $z^{1j}$ mod p be the decoding p, Z j = g  $1^{zj}$ mod p なる(X person's Pj public key (Xj, Yj, Zj).

j, Yj, Zj) を復号者Pj Let X=g1<sup>x1</sup>g2<sup>x2</sup>mod p, Y=g1<sup>y1</sup>g2<sup>y2</sup>mod p, and の公開鍵とする。  $X = g \ 1^{x1} g \ Z=g1^z \mod p$  be the public key which it uses for encryption (X, Y, Z).

 $^{y2}$ mod p,  $Z = g 1^z \mod p$  It shall connect by the safe communication る(X, Y, Z)を暗号化に用 channel between each decoding person and each' decoding person 者装置間は、安全な通信路で接 apparatus shall utilize the broadcast type 続されており、各復号者装置は、 communication channel it is guaranteed to be to 他の全員の復号者装置が同一の receive the content with all the members' same 内容を受信することが保証され other decoding person apparatus.

# [0024]

E = (u 1, u 2, v, e) & Let E = (u1, u2, v, e) be the cryptogram of Cramer-Shoup 暗号方法により plaintext m enciphered by the Cramer-Shoup

する。復号者装置は、協力して A decoding person apparatus performs a random-number 号者Pjの装置は秘密値rjを procedure in cooperation, and the decoding 得る。ここで、 r j は乱数 r ∈ person's Pj apparatus acquires the secret value

Here, rj is a secret value corresponding to the wi at the time of dispersing の t + 1 個の秘密値から、秘密 random-number r(element of)Zq with the secret 復号手順により、 r を回復でき dispersion method of threshold-value t.

るような値である。また、分散 It is the value which can recover r with a secret 乱数生成手順の性質から、各復 decoding procedure from the secret values of t+1 piece as desired.

> Moreover, each decoding person cannot know the value of r, but r becomes the random integer of 0 or more and under q from the characteristic



of a distributed random-number generation procedure.

# [0025]

次に、全復号者装置は協力して 分散乗算手段を実行し、各復号 者Piの装置は秘密値x1 j', x2j', y1j', y 2 j ′ を得る。ここで、秘密値 x 1 j′は、乱数rと秘密鍵x 1の積をしきい値 t の秘密分散 法により分散して得られる値で あり、任意の t + 1 人の復号者 が持つx1j'から、r・x1 (mod q)を復号することが可 能である。秘密値x2j′,y 1 j', y 2 j' についても同 様に、それぞれ任意のt+1個 の値から、 $r \cdot x \cdot 2 \pmod{q}$ ,  $r \cdot y \mid (mod q), r \cdot y \mid 2$ (mod q)を復元することがで きる。

#### [0026]

Eを受信した各復号者Pj装置は、c=H(u1,u2)およびVj=u1<sup>x1j+cy1j</sup>u2<sup>x2j+cy2j</sup>v<sup>-rj</sup>mod pを計算し、放送型通信路を通じて他の全ての復号者装置いて他の全での復号者装置は、(V1,…,Vn)の指数部がBCH符号のコードワードであることを確認する。(V1,…,Vn)の指数部がBCH符号のコードワードであることを確認する。(V1,…,Vn)の指数部がよる。(V1,…,Vn)の指数部がよる。(V1,…,Vn)の指数部がよりによないことが判明し

## [0025]

Next, all decoding person apparatus cooperate and perform distributed multiplication means, each decoding person's Pj apparatus obtains secret value x1j',x2j',y1j',y2j'.

Here, secret value x1j' is a value obtained by dispersing the product of a random number r and a secret key x1 with the secret dispersion method of threshold-value t.

It can decode x1j' to r-x1 (mod q) which t+1 person's decoding persons as desired have.

It can decompress r-x2 (mod q), r-y1 (mod q), and r-y2 (mod q) from the values of t+1 piece respectively as desired similarly about secret value x2j', y1j', and y2j'.

# [0026]

Eを受信した各復号者 P j 装置 Each decoding person Pj apparatus which は、c = H (u 1, u 2) およ received E, it calculates c = H(u1,u2) and  $V = u \cdot 1^{x1j+cy1j} \cdot u \cdot 2^{x2j+cy2j}$   $V_j = u \cdot 1^{x1j+cy1j} \cdot u \cdot 2^{x2j+cy2j} \cdot v^{-rj} \cdot$ 

Next, each decoding person apparatus checks that the index part of (V1..., Vn) is the coding word of a BCH code.

ードワードであることを確認す The index part of (V1..., Vn) is not the coding る。(V1, ..., Vn) の指数部 word of a BCH code, when it becomes clear がBCH符号のコードワードで that it is not correct, it is each decoding person's なく、正しくないことが判明し Pj apparatus, it proves to another decoding



 $\mathcal{E} \times 1 \text{ j}'$ ,  $\times 2 \text{ j}'$ ,  $y \text{ 1} \mod p$ , and  $] \times 1 \text{ j}', \times 2 \text{ j}', y \text{ 1} \text{ j}', y \text{ 2} \text{ j}', r \text{ j}$ . j', y 2 j', r j に関する 情報を漏らすことなく、零知識 証明によって他の復号者に証明 する。

た場合、各復号者Pjの装置は、 person by zero knowledge proof, without V j が u 1 x1j+cy1j u 2 x2j+cy2j v -rj leaking the information concerning [ that Vj is mod pの計算結果であること the calculation result of u1<sup>x1]+cy1j</sup>u2<sup>x2]+cy2j</sup>v<sup>-rj</sup>

# [0027]

し、正しいVjの値を公開する。 value of Vi. めて、正しい(V 1, …, V n) obtains correct (V1..., Vn). り、値Vを復元する。各復号者 index part. 拒否して停止する。

#### [0028]

全ての復号者装置へ送信する。 (D1, …, Dn) に対して、

# [0027]

証明に失敗した復号者Pjは不 It considers that the decoding person Pj who 正者であると見なされ、その不 failed in proof is an irregular person, another 正者である逸脱者の秘密値 x 1 decoding person apparatus recovers secret j', x 2 j', y 1 j', y value x1j',x2j',y1j',y2j',rj of the deviation person 2 j ' , r j を他の復号者装置 who is the irregular person using a secret value が秘密値回復手順を用いて回復 recovery procedure, and it exhibits the correct

公開された正しいVjの値を含 It includes the exhibited correct value of Vj, it

を得る。(V1, …, Vn) の指 After the index part of (V1..., Vn) checks the 数部が正しいこと、コードワー correct thing and that it is the coding word, it ドであることを確認した後、指 decompresses a value V with the secret 数部に対する秘密復元手順によ decompression procedure with respect to an

装置はVが1に等しいか否かを Each decoding person apparatus 調べ、等しくないならば復号を It examines whether V is equal to 1, if not equal, it will refuse decoding and will stop.

## [0028]

等しいならば、各復号者Pjの If these etc. come to be by carrying out, each 装置はDj=u1<sup>zj</sup>mod pを計 decoding person's Pj apparatus

算し、放送型通信路により他の It calculates Dj=u1<sup>zj</sup>mod p, it transmits to all other decoding person apparatus according to a D j を受信した各復号者装置は broadcast type communication channel.

When verification of the coding word similar to (V1, …, Vn) に対して行 having carried out to (V1..., Vn) is performed to



検証を行い、不正を検出した場 合には同様に零知識証明を行っ て不正者を特定し、正しいDj の値を秘密値回復手順を用いて 回復する。

[0029]

各復号者装置は、正しい(D1, …, Dn)から、指数部に対す る秘密復元手順によってD=u 1<sup>z</sup> mod pを復元し、m=e/ D mod p を計算してメッセー が上記手順に従って計算した場 合、2 t + 1 個以上の任意の正 しいVkから、指数部に対する 秘密鍵復元手順により、V=(u  $1^{x1+cy1}u 2^{x2+cy2}v^{-1})$  r mod p なるVを復元することができ る。ここで、Vがpを法として 1と合同でないならば、 Cramer-Shoup 法における本来 の検証式u 1 x1+cy1 u 2 x2+cy2 の 値もvと合同ではない。一方、 Vが1と合同となる場合は、本 来の検証式がvと合同である か、または、乱数 r が 0 である かのいずれかである。しかしな がら、分散乱数生成手順で生成 It is either of this. した乱数 r が 0 となる確率は 1 / q であり、十分小さいので無 視する事ができる。従って、V が1と合同である場合には、本 来の検証式はvと合同であると 見なすことができる。

ったのと同様のコードワードの (D1..., Dn) and irregularity is detected, each decoding person apparatus which received Di performs zero knowledge proof similarly, specifies an irregular person, and recovers the correct value of Dj using a secret value recovery procedure.

# [0029]

From it being correct (D1..., Dn), with the secret decompression procedure with respect to an index part, each decoding person apparatus decompresses D=u1<sup>z</sup> mod p, calculates m=e/Dmod p, and decodes Mcssage m.

ジmを復号する。各復号者装置 When each decoding person apparatus calculates according to the above-mentioned procedure, from the correct Vk(s) as desired more than 2t+1 piece, the secret-key decompression procedure with respect to an index part, it can decompress V used as  $V=(u1^{x1+cy1}u2^{x2+cy2}v^{-1})^r \mod p$ .

Here, if V makes p a method.

And is not in cooperation with 1, also the value of original verification type u1x1+cy1u2x2+cy2 in Cramer-Shoup method In cooperation with v.

On the other hand, when V becomes in cooperation with 1, whether in cooperation with an original verification type v, or

Whether a random number r is 0.

However, the probabilities that the random number r formed in the distributed random-number generation procedure will be set to 0 are 1/q.

Since it is small enough, it can ignore.

Therefore, when V is in cooperation with 1, it



can consider in cooperation with an original verification type v.

# [0030]

大 t 人いると仮定する。この t 人は、(1) 不正な暗号文Eに対 These t persons, (1) 暗号文Eに対する検証式の値V が1とならないようにする、の 二通りの目的で上記手順から逸 (2) 力はBCH符号のコードワード set to 1. 検査によって検証されるため、 正な値が全体の1/3未満なら ば、その存在を検知することが できる。そのような場合には、 各々の復号者は零知識証明によ り出力値の正しさを証明するの で、不正な値を出力した不正者 は証明に失敗し、排除される。

#### [0031]

情報の漏洩については、Vが1 About leakage of information x1+cy1 u 2 x2+cy2 の値に対しても、  $V = (u 1^{x1+cy1} u 2^{x2+cy2} v^{-1}) V =$ 定まるので、上記検証方法では、 u 1 x1+cy1 u 2 x2+cy2 に関する情

# [0030]

ここで、不正を働く復号者が最 Here, it assumes that there are a maximum of t decoding persons who act irregularity.

する検証式の値Vが1となるよ It makes it the value V of the verification type うにする、または(2)正当な with respect to the irregular cryptogram E set to

Or

脱する場合があり得る。しかし It keeps the value V of the verification type with ながら、全ての復号者装置の出 respect to the rightful cryptogram E from being

It can deviate from the above-mentioned 不正な値が存在する場合は、不 procedure for two kinds of these objective.

> However, the output of all decoding person apparatus can detect the presence, if an illegitimate value is under whole 1/3 when an illegitimate value exists since it is verified by the coding word inspection of a BCH code.

> In such a case, each decoding person proves the rightness of an output value by zero knowledge proof, therefore, the irregular person who outputted the illegitimate value fails in proof, it is eliminated.

## [0031]

でない場合、どのようなu1 When V is not 1, to the value of what kind of  $u1^{x1+cy1}u2^{x2+cy2}$ , it is as follows.

(one value of r which satisfies mod pを満たすrの値が一つ u1<sup>x1+cy1</sup>u2<sup>x2+cy2</sup>v<sup>-1</sup>) mod p becomes settled)

> Therefore, by the above-mentioned verification method, the information about u1x1+cy1u2x2+cy2



報は一切漏れない。以上より、 この発明によれば、不正を働く 復号者が全復号者の1/3未満 ならば、秘密鍵に関する情報を 一切漏らすことなく、複数復号 者の協力によって本来の Cramer-Shoup 暗号方法の検証 式と同等の検証式を計算するこ とが可能であり、よって、適応 的選択暗号文攻撃に強い、複数 復号者の暗号復号方法を構成す る事ができる。

# [0032]

一方、上記手段において、BC H符号のコードワード検査を行 わず、常に零知識証明を実行し て不正者を特定し、他の復号者 が協力してその不正な復号者が 持つ分散秘密鍵を算出し、公開 することによって、だれもがそ の不正な復号者に代わって正し い結果を計算することができる ので、1/2未満の不正者に対 応することができる(零知識証 明が正しいことは多数決で決定 するため、少なくとも1/2の 復号者は正しくなければならな least must be correct). V1).

[0033]

# 【発明の実施の形態】

## 実施例1

以下に、この発明の第一の実施 Below, it

does not leak at all.

As mentioned above, without leaking the information about a secret key entirely, if the decoding person who acts irregularity according to this invention is under all decoding persons' 1/3, by cooperation of two or more decoding person, it can calculate a verification type equivalent to the verification type of an original Cramer-Shoup cryptographic method, and, therefore, can comprise two or more decoding person's code decoding method strong against an adaptive choice cryptogram attack.

## [0032]

On the other hand, for the above-mentioned means, it does not conduct the coding word inspection of a BCH code, it always performs zero knowledge proof and specifies an irregular person, it computes the distributed secret key which another decoding person cooperates and the irregular decoding person has, it opens to the public, although it also becomes bored, instead of the irregular decoding person, the correct result is calculable, therefore, it can respond to the irregular person of under 1/2 (in order to decide by majority that zero knowledge proof is correct, the decoding person of 1/2 at

[0033]

# [EMBODIMENT OF THE INVENTION]

# Example 1

demonstrates the cryptogram 例である暗号文検証方法につい verification method which is the first Example of



て説明する。図1に示すように this invention. 正しい暗号文でないと、勝手に 12. 検証する。

[0034]

いま大きな素数p,qがあり、 ダムに選択する。 X = g 1 x1 g 暗号化手順に用いる公開鍵とす an encryption procedure. る。ここで、(x1, x2, y1, y 2, z)  $\in$  Z q<sup>5</sup> とする。公 of)Zq<sup>5</sup>. p, q, g1, g2と共に公開 g2 as an open parameter. 格納されているものとする。

# [0035]

Cramer-Shoup 暗号方法により 暗号化された平文mの暗号文E 2に示すように受信した後(S 成し(S2)、c=H(u1, u 2) およびV= (u 1 x1+cy1 u 2

暗号文作成者装置11で作成さ The cryptogram made with the cryptogram れた暗号文は復号者装置12で maker apparatus 11 as shown in FIG 1 is 復号される。復号者装置12で、 decoded with the decoding person apparatus

復号拒否することを避けるた If it is not the correct cryptogram with the め、検証者装置13で、復号拒 decoding person apparatus 12, in order to avoid 否が妥当なものであるか否かを carrying out decoding refusal voluntarily, it verifies whether decoding refusal is appropriate with the verification person apparatus 13.

## [0034]

There are big prime numbers p and q now. q は p - 1 を割り切るものとす Q shall give a clear-cut solution to p-1. る。G q  $\mathcal{O}$  元 g 1 , g 2 e  $\partial$   $\mathcal{O}$  It chooses the origin g1 and g2 of G0 at random.

 $2^{x^2}$ mod p,  $Y = g 1^{y1} g 2$  Let  $X=g1^{x1}g2^{x2}$ mod p,  $Y=g1^{y1}g2^{y2}$ mod p, and  $^{92}$ mod p,  $Z = g 1^z$ mod p &  $Z=g1^z$ mod p be the public key which it uses for

Here, it considers it as (x1,x2,y1,y2,z)(element

開鍵は公開パラメータめとして Public key shall be exhibited with p, q, g1, and

されているものとする。また秘 Moreover, the secret key shall be stored on the 密鍵は復号者装置のメモリ上に memory of a decoding person apparatus.

#### [0035]

X, Y, Zを公開鍵とした After, receiving cryptogram E= (u1, u2, v, e) of plaintext m enciphered by the Cramer-Shoup cryptographic method which used X, and Y and = (u 1, u 2, v, e) を図 Z as public key as shown in FIG. 2, (S1) and a decoding person apparatus form a random 1)、復号者装置は、乱数 r を生 number r, and they are (S2), c=H (u1, u2), and V= ((S3) which calculates  $u1^{x1+cy1}u2^{x2+cy2}v^{-1})^r$ mod p.).



号文を合格とし(S4)、復号計 decoding calculation (S5). 算を行う(S5)。

x2+cy2 v -1) 「mod pを計算する If V becomes one, it will consider this (S3)。Vが1ならば、この暗 cryptogram as a pass and will perform (S4) and

# [0036]

トメント関数BC()を用いて、 exhibits BC (r). ば、Pedersenによるも **example**. 知であるようなGaの元であ unknown. る。

# [0037]

する r と、公開鍵 X, Y を構成 comprises public-key X,Y. するx1, x2, y1, y2を Use x1,x2,y1,y2. 用いて (u 1 x1+cy1 u 2 x2+cy2 v -1) がVであることを、r, x1, x 2, y 1, y 2に関する秘密 を漏らさずに、零知識証明で第 三者へ証明する(S6)。この零 知識証明は、以下の手順で行う。

#### [0038]

ようなG q の元とする。復号者 bottom is unknown.

# [0036]

Vが1でないならば不合格とす If V is not 1, it will consider it as a rejection.

る。第三者へ不合格であること In order to prove that it is a rejection to a third を証明するため、ビットコミッ person, it uses bit commitment function BC(), it

BC (r) を公開する。このビ There are some which are depended on ットコミット関数には、たとえ Pedersen in this bit commitment function, for

のがある。即ち、乱数 s を生成 That is, it forms a random number s, it  $\cup$ , BC (r, s):=  $g^r h^s mod$  calculates with BC(r, s):= $g^r h^s mod p$ .

pと計算する。ここでg, hは G and h are here under Gq whose discrete gを底とするhの離散対数が未 logarithm of h which uses g as a bottom is

#### [0037]

その後、BC(r, s)を構成 After that, r which comprises BC(r,s), it

The result of having performed calculation used 「mod p なる計算を行った結果 as (u1<sup>x1+cy1</sup>u2<sup>x2+cy2</sup>v<sup>-1</sup>)「mod p is V, it proves to a third person by zero knowledge proof, without leaking the secret about r,x1,x2,y1,y2 (S6).

> The following procedures perform this zero knowledge proof.

# [0038]

以下では、g, hを、gを底と Below, it carries out g and h the origin of Gq する h の離散対数が未知である whose discrete logarithm of h which uses g as a

# JP2000-216774-A



b 1, b 2 を Z q より選択し、

 $R = g^r h^a mod p$ 

 $R X 1 = R^{x1} h^{a1} \mod p$ 

 $R X 2 = R^{x2} h^{a2} \mod p$ 

 $RY1 = R^{y1}h^{b1} \mod p$  $RY2 = R^{y2}h^{b2} \mod p$ 

1, RY2を検証者装置へ送付 verification person apparatus. する。

装置は、乱数 a , a 1 , a 2 , A decoding person apparatus chooses random numbers a, a1, a2, b1, and b2 from Zq, r=q<sup>r</sup>h<sup>a</sup> mod p

RX1=R<sup>x1</sup>h<sup>a1</sup> modp

RX2=R<sup>x2</sup>h<sup>a2</sup> modp

RY1=R<sup>y1</sup>h<sup>b1</sup> modp

RY2=R<sup>y2</sup>h<sup>b2</sup> modp

なるR, RX1, RX2, RY It sends R,RX1,RX2,RY1,RY2 used as this to a

# [0039]

を2aよりランダムに選択し、 K = g,  $L = g^{w0} \mod p$ 者装置は、e Oおよびe 1をZ apparatus. qよりランダムに選択して  $B = K^{e0} L^{e1} \mod p$ 

# [0039]

さらに、復号者装置は乱数w 0 Furthermore, a decoding person apparatus chooses a random number w0 from Zq at random, k=g, L=g<sup>w0</sup> mod p

を検証者装置へ送付する。検証 It sends these to a verification person

A verification person apparatus chooses e0 and e1 from Zq at random.

B=K<sup>e0</sup>L<sup>e1</sup> modp

付する。

を計算してBを復号者装置へ送 It calculates these and sends B to a decoding person apparatus.

# [0040]

をZaよりランダムに選択し、  $T_1 = g_1^{w1} g_2^{w2} \mod p$  $T_2 = g_1^{w3} g_2^{w4} \mod p$  $T_3 = g^{\text{w5}} g^{\text{w6}} \mod p$ 

 $T_4 = R^{w1} h^{w7} \mod p$  $T_5 = R^{w2} h^{w8} \mod p$  $T_6 = R^{w3} h^{w9} \mod p$  $T_7 = R^{w4} h^{w10} \mod p$ 

# [0040]

復号者装置は乱数w1~w18 A decoding person apparatus chooses random-number w1-w18 from Zg at random, t<sub>1</sub>  $=g_1^{w1}g_2^{w2} \mod p$  $T_2 = g_1^{w3} g_2^{w4} \mod p$  $T_3 = g^{w5}g^{w6} \mod p$ 

> $T_4 = R^{w1}h^{w7} \mod p$  $T_5 = R^{w2}h^{w8} \mod p$  $T_6 = R^{w3}h^{w9} \mod p$  $T_7 = R^{w4}h^{w10} \mod p$



 $T_8 = g^{w11} h^{w12} \mod p$  $T_8 = g^{w11} h^{w12} \mod p$  $T_9 = g^{w13} h^{w14} mod p$  $T_9 = g^{w13} h^{w14} \mod p$  $T_{10} = g^{w15} h^{w16} mod p$  $T_{10}=g^{w15}h^{w16} \mod p$ 

 $T_{11}=g^{w17}h^{w18} \mod p$  $T_{11} = g^{w17} h^{w18} mod p$ 

-w5 mod p を計算して、検証者装置へ送付 person apparatus.

 $T_{12} = u \cdot 1^{w11+cw15} u \cdot 2^{w13+cw17} v \quad T_{12} = u \cdot 1^{w11+cw15} u \cdot 2^{w13+cw17} v^{-w5} \mod p$ It calculates these and sends to a verification

# [0041]

する。

号者装置へ送付する。

mod p

が成り立つことを確認し、成り when not formed. る。これが成り立つ場合、復号 apparatus. 者装置は

$$z 1 = w 1 + e 0 \cdot x 1 \mod$$

# [0041]

検証者装置は、e 0, e 1 を復 A verification person apparatus sends e0 and e1 to a decoding person apparatus.

復号者装置は、B=K<sup>e0</sup>L<sup>e1</sup> A decoding person apparatus is B=K<sup>e0</sup>L<sup>e1</sup> modp. It checks that these are formed, it stops proof,

立たない場合は証明を中止す When this is formed, it is a decoding person

Z1=w1+e0 and x1 modq

 $z = w + e + 0 \cdot x + 2 \mod Z2 = w2 + e0$  and  $x2 \mod x2$ 

Z3=w3+e0 and y1 modq

 $z 3 = w 3 + e 0 \cdot y 1 \mod Z4=w4+e0$  and  $y2 \mod y$ 

Z5=w5+e0andr modq

 $z 4 = w 4 + e 0 \cdot y 2 \mod$ 

q

q

 $z 5 = w 5 + e 0 \cdot r$ mod

q

 $z 6 = w 6 + e 0 \cdot a \mod Z6 = w6 + e0$  and a moda

Z7=w7+e0 and a1 modg q

 $z 7 = w 7 + e 0 \cdot a 1 \mod Z8 = w8 + e0$  and a2 modq

Z9=w9+e0 and b1 modg q

$$z 8 = w 8 + e 0 \cdot a 2 \mod$$

q

$$z 9 = w 9 + e 0 \cdot b 1 \mod$$

q

$$z 10 = w 10 + e 0 \cdot b 2 \mod Z10 = w 10 + e 0 \mod E \mod E$$

q

Z11=w11+e0 and r-x1 modg

$$z 11 = w 11 + e 0 \cdot r \cdot x 1$$
 Z12=w12+e0 (a-x1+a1) modq

Z13=w13+e0 and r-x2 modq

$$z 12 = w 12 + e 0 (a \cdot x 1 + e )$$

a 1) mod q

$$z 13 = w 13 + e 0 \cdot r \cdot x 2$$

**mod** q

$$z 14 = w 14 + e 0 (a \cdot x 2 + e )$$

z 14 = w14 + e 0 (a · x 2 + Z14=w14+e0 (a-x2+a2) modq

a 2) mod q

Z15=w15+e0 and r-y1 modq

 $z = 15 = w = 15 + e = 0 \cdot r \cdot y = 1$  Z16=w16+e0 (a-y1+b1) modq

Z17=w17+e0 and r-y2 mcdq

$$z 16 = w 16 + e 0 (a \cdot y 1 +$$

b 1) **mod** q

$$z 17 = w 17 + e 0 \cdot r \cdot y 2$$

**mod** q

$$z 18 = w18 + e 0$$
 (a · y 2 + Z18=w18+e0 (a-y2+b2) modq

b 2) **mod** q

It calculates these and sends z1-z18 and w0 to

w0を検証者装置へ送付する。

を計算してz1~z18および a verification person apparatus.

[0042]

## [0042]

検証者装置は、

Verification person apparatus, I=g<sup>w0</sup> modp

 $L = g^{w0} \mod p$ 

 $G_1^{z_1}g_2^{z_2}=T_1X^{e_0}$  mod p

$$g_1^{z1}g_2^{z2} = T_1 X^{e0} \mod p$$

$$G_1^{z3}g_2^{z4}=T_2Y^{e0} \mod p$$

 $g_1^{z3}g_2^{z4} = T_2 Y^{e0} \mod p$ 

$$g^{z5}h^{z6} = T_3 R^{e0} \mod p$$
  $G^{z5}h^{z6} = T_3 R^{e0} \mod p$ 

$$G^{z5}h^{z6}=T_3 R^{e0} modp$$

$$R^{z1} h^{z7} = T_4 (RX1)^{e0} \text{mod } R^{z1} h^{z7} = T_4 (RX1)^{e0} \text{mod } p$$

$$R^{z_1}h^{z_7}=T_4(RX1)^{e_0}$$
 mod p



p 
$$R^{z2}h^{z8}=T_5 (RX2)^{e0} mod p$$
  
 $R^{z2}h^{z8}=T_5 (RX2)^{e0} mod R^{z3}h^{z9}=T_6 (RY1)^{e0} mod p$   
p  $R^{z3}h^{z9}=T_6 (RY1)^{e0} mod$   
p

$$g^{z17}$$
  $h^{z18} = T_{11}$   $(RY2)$   $G^{z17}h^{z18} = T_{11}(RY2)^{e0} \mod p$   $U1^{z11+cz15}u2^{z13+cz17}v^{-z5} = T_{12}v^{e0}$   $u 1^{z11+cz15}u 2^{z13+cz17}v^{-z5} = T$  It verifies that these are for  $u^{2}v^{e0}$   $u^{2}v^$ 

$$g^{z_{1}} h^{z_{1}} = T_{11} (R Y 2)$$
  $G^{z_{1}} h^{z_{1}} = T_{11} (R Y 2)^{e_{0}} \mod p$   $U1^{z_{1}} + cz_{1} U2^{z_{1}} + cz_{1} V^{z_{0}} = T_{12} V^{e_{0}} \mod p$   $U1^{z_{1}} + cz_{1} U2^{z_{1}} + cz_{1} V^{z_{0}} = T_{12} V^{e_{0}} \mod p$   $U1^{z_{1}} + cz_{1} U2^{z_{1}} + cz_{1} V^{z_{0}} = T_{12} V^{e_{0}} \mod p$  It verifies that these are formed.

#### [0043]

い場合は検証を失敗とする。

# 【実施例2】

例について説明する。図3に示 invention.

## [0043]

上の証明の原理は、Schnorr 署 The principle of the upper proof is Schnorr. It is 名と同様であり、復号者装置が the same as that of a signature.

V, X, Y, R, RX1, RX Since a verification type is formed only when a 2, RY1, RY2を正しく作 decoding person apparatus makes correctly V, 成した場合にのみ検証式が成り X, and Y, R, RX1, RX2, RY1 and RY2, when at 立つので、一つでも成り立たな least one is not formed, it considers verification as failure.

## [EXAMPLE 2]

以下に、この発明の第二の実施 Below, it demonstrates the 2nd Example of this

すように暗号作成者装置 1 1 と As shown in FIG. 3, the code maker apparatus 復号者P1~Pnの各装置12 11, and each apparatus 12<sub>1</sub>-12<sub>n</sub> of decoding  $_1 \sim 1$  2 n とは放送型通信路 1 person P1-Pn are connected to the broadcast



通信路15で接続されている。

4に接続され、また復号者装置 type communication channel 14, moreover,  $12_1 \sim 12_n$  は相互に安全な decoding person apparatus  $12_1$  -12<sub>n</sub> connected by the mutually safe communication channel 15.

# [0044]

いま大きな素数p,qがあり、 る。**Gq**の元**g**1, **g**2をラン ダムに選択する。まず、n人の 復号者をP1~Pnとし、各復 号者 P j (j = 1, 2, ···, n) り振る。3 t < n を満たすしき は、しきい値 t の分散乱数生成 distributed 手順を3回実行し、復号者Pi の装置は秘密値(x 1 j, x 2 j, y 1 j, y 2 j, z j) & 得、これを復号者Pjの秘密鍵 とする。また、 $X_i = g_i^{x_i}$ g  $2^{x^{2j}} \mod p$ ,  $Y i = g 1^{y^{1j}} g$  $2^{y^{2j}} \mod p$ ,  $Z i = g 1^{zj} \mod p$ p なる (Xj, Yj, Zj) を 復号者Pjの公開鍵とする。さ らに、 $X = g 1^{x1} g 2^{x2} mod p$  $Y = g 1^{y1} g 2^{y2} mod p, Z =$ g 1<sup>z</sup> mod p を暗号化手順に用 いる公開鍵とする。ここで、(x  $1, x 2, y 1, y 2, z) \in$ Z q <sup>5</sup> は任意の t + 1 組の秘密 值(x1j, x2j, y1j, 手順により復元される乱数であ る。このような乱数を生成する 分散乱数生成手順には、例えば、

## [0044]

There are big prime numbers p and q now.

q は p - 1 を割り切るものとす Q shall give a clear-cut solution to p-1.

It chooses the origin g1 and g2 of Gq at random.

First, it sets n persons' decoding person to P1-Pn, to each decoding person Pi (i = 1, 2..., n) に対し、固有の公開値wjを割 It assigns the inherent open value wj.

It defines threshold-value t which fills 3 t<n.

い値 t を定める。全復号者装置 · All decoding person apparatus perform the random-number generation procedure of threshold-value t 3 times, the decoding person's Pj apparatus acquires a secret value (x1 j, x2 j, y1 j, y2 j, zj), let this be the decoding person's Pi secret key.

> Moreover, let  $X_{j}=g1^{x1j}g2^{x2j} \mod p$ ,  $Y_{j}=g1^{y1j}g2^{y2j}$ mod p, and Zi=q1zimod p be the decoding person's Pi public key (Xi, Yi, Zi).

> Furthermore,  $X=q1^{x1}q2^{x2}mod$ let p,  $Y=g1^{y1}g2^{y2}mod p$ , and  $Z=g1^z mod p$  be the public key which it uses for an encryption procedure.

> Here, (x1,x2,y1,y2,z) (element of)  $Zq^5$ random number decompressed by a secret decompression procedure from t+1 set of secret values (x1 j, x2 j, y1 j, y2 j, zi) as desired.

There is the method of depending on Pedersen y 2 j, z j) から、秘密復元 in the number generation procedure of part scattering which forms such a random number, for example.

> Below, the distributed random-number



Pedersenによる方法が generation procedure is shown. ある。以下に、その分散乱数生 成手順を示す。

# [0045]

に示したように安全な通信路1 とが保証される放送型通信路1 4を利用できるものとする。 S-1) Pjの装置はZq上の S-1) 二つの多項式 f (X) = a oj + a  $_{1i}X+\cdots+a_{ti}X^{t}$  および $g_{i}(X)$   $f(X)=a_{0i}+a_{1i}X+\ldots+a_{ti}X^{t}$  $= b_{0i} + b_{1i}X + \cdots + b_{ti}X^{t}$  をラ (X)= $b_{0i} + b_{1i}X + \cdots + b_{ti}X^{t}$  $(k = 1, 2, \dots, n, k = j)$ を除く) へ f j (w k) および safe communication channel. gj(wk)を安全な通信路を 通じて送信する。

# [0046]

S-2) Pjの装置はi=1, 置へ送信する。

からCiiを受信したPkの装置 dwki = wk' mod q b l T $g 1^{fj(wk)} g 2^{gj(wk)} = C_{0i}^{wk0} \cdot C$ 1j<sup>wk1</sup> …C<sub>tj</sub><sup>wkt</sup> mod p が成り立つ ことを検証する。

# [0047]

# [0045]

各々の復号者装置間には、図3 As shown in FIG. 3, the safe communication channel 15 shall be between each decoding 5 があるものとし、また、各復 person apparatus, and each decoding person 号者装置は、他の全員の復号者 apparatus shall utilize the broadcast type 装置が同一の内容を受信するこ communication channel 14 it is guaranteed to be to receive the content with all the members' same other decoding person apparatus.

The apparatus of Pj chooses two polynomial and, on Zq at random, it ンダムに選択し、各Pkの装置 transmits fj (wk) and gj (wk) to each apparatus (k = except for 1, 2..., n, and k=j) of Pk through a

## [0046]

S-2)

…, tに対してCij=g 1 aij g 2 The apparatus of Pj should receive i= 1..., t. <sup>bij</sup>mod pを計算し、放送型通信 It calculates C<sub>ii</sub>=g1<sup>aij</sup>g2<sup>bij</sup>mod p, it transmits to 路を通じて他の全ての復号者装 all other decoding person apparatus through a broadcast type communication channel.

S-3)他の全ての復号者装置 S-3) The apparatus of Pk which received  $C_{ij}$ from all other decoding person apparatus verifies that g1<sup>fj(wk)</sup>g2<sup>gj(wk)</sup>=C<sub>0j</sub><sup>wk0</sup> \*C<sub>1i</sub><sup>wk1</sup> ...C<sub>ti</sub><sup>wkt</sup> mod p is formed as wki=wki mod q.

[0047]



S-4) Pkの装置はx1k= S-4)

 $\cdots$  + f n (w k) mod q x 2 random-number て分散乱数値 x 1 k, x 2 k を S-5) 得る。

乙および各復号者の対応する秘 person correspond similarly. 密鍵y 1 j, y 2 j, z j も同 様に作成する。

## [0048]

手順によって、分散された乱数 r∈Zqを生成し、各復号者P jの装置は秘密値 r j を保持す る (図5, S1)。 X, Y, Zを 公開鍵とした Cramer-Shoup 暗 mの暗号文E=(u1, u2, v, e) を受信した後(S2)、 各復号者Pjの装置は、c=H (u 1, u 2) およびV j = (u  $1^{x1j+cy1j}u 2^{x2j+cy2j}v^{-1})^{rj}$ mod p を計算する(S3)。

#### [0049]

続いてPiの装置はViをしき い値2tの検証可能秘密分散法 により分散し、値wkに対応す る秘密値Vikを各復号者Pk の装置に安全な通信路を介して 送信する(S4)。ここで用いる

f 1 (wk) + f 2 (wk) + The apparatus of Pk obtains distributed value x1k,x2kas k = g 1 (w k) + g 2 (w k) x1k=f1(wk)+f2(wk)+...+fn(wk)mod $+\cdots+g$  n (w k) mod q  $\geq U$  q,x2k=g1(wk)+g2(wk)+...+gn(wk)mod q.

It considers it as  $X=C_{00}*C_{01}...C_{0n}$  modp. S - 5)  $X = C_{00} \cdot C_{01} \cdot C_{0n}$  It also makes similarly secret-key y1j, y2j, and zj mod p とする。同様に公開鍵Y, to which public key Y and Z and each decoding

## [0048]

全復号者装置は、分散乱数生成 All decoding person apparatus form dispersed … random-number r(element of)Zq with a distributed random-number generation procedure, and each decoding person's Pj apparatus maintains the secret value rj (FIG. 5, **S1)**.

号方法により暗号化された平文 After receiving cryptogram E=(u1,u2,v,e) of plaintext m enciphered by the Cramer-Shoup cryptographic method which used X,Y,Z as public key, the apparatus of (S2) and each decoding person Pj are c=H (u1, u2) and Vj= ((S3) which calculates u1<sup>x1j+cy1j</sup>u2<sup>x2j+cy2j</sup>v<sup>-1</sup>)<sup>rj</sup>mod **p**.).

#### [0049]

Then, the apparatus of Pj disperses Vj with a with a threshold value of 2t verifiable secret dispersion method, and it transmits the secret value Vjk corresponding to a value wk through a communication channel safe for each decoding person's Pk apparatus (S4).

検証可能秘密分散法には、Pe It can use the method of Pedersen for the



とができる。以下はその手順で uses here. ある。

なGo の元とする。

dersenの方法を用いるこ verifiable secret dispersion method which it

The following is the procedure.

P-1)大きな素数 P, Q があ P-1) There are big prime numbers P and Q. り、QはP-1を割り切り、ま G and h which Q gives a clear-cut solution to たQ>pとする、gおよびhは、P-1, and it makes into Q>p are the origin of Go log a h の値が未知であるよう whose value of log a h is unknown.

## [0050]

P-2) Pjの装置はZa上の P-2) 二つの多項式  $f_i(X) = V_i + The apparatus of Pi$  $(X) = b_{0i} + b_{1i}X + \cdots + b_{ti} (X) = b_{0i} + b_{1i}X + \cdots + b_{ti}X^{t}$  on  $Z_{Q}$ まりVjkを安全な通信路を通 communication channel. じて送信する。

P-3) Pjの装置はi=1, へ送信する。

## [0050]

 $a_{1i}X+\cdots+a_{ti}X^t$  および  $g_i$  Two polynomial  $f_i(X)=V_j+a_{1j}X+\ldots+a_{tj}X^t$  and,  $g_i$ 

 $X^{t}$  (ただし $a_{0i}=V_{j}$ とする) (However, it is referred to as  $a_{0i}=V_{j}$ )

を V j の部分を除いてランダム Except for the part of Vi, it chooses this at に選択し、各Pkの装置へfj random, it transmits fj (wk) and gj (wk), i.e., Vjk, (wk) およびg j (wk)、つ to each apparatus of Pk through a safe

P-3)

The apparatus of Pi should receive i= 1..., t. …, tに対してC<sub>ij</sub>=g<sup>aij</sup> h<sup>bij</sup> It calculates C<sub>ij</sub>=g<sup>aij</sup> h<sup>bij</sup> mod p, it transmits to all mod pを計算し、放送型通信路 other decoding person apparatus through a を通じて他の全ての復号者装置 broadcast type communication channel.

# [0051]

… Cti<sup>wkt</sup> mod pが成り立つこと Vjk (S5). を検証する、つまり V j k を検 P-5) 証する(S5)。

k の装置は「不合格」を放送型 apparatus 通信路を通じて他の全ての復号 communication channel.

#### [0051]

P-4) Cii を受信したPkの装 The apparatus of Pk which received P-4 Cii 置はwki=wkimod qとし verifies that gfi(wk)hgi(wk)=Coiwko\*Coiwko...Ctiwkt mod  $\subset g^{fj(wk)} h^{gj(wk)} = C_{0j}^{wk0} \cdot C_{1j}^{wk1}$  p is formed as wki=wk<sup>i</sup> mod q, that is, verifies

When not formed, the apparatus of Pk transmits P-5) 成り立たない場合、P a "rejection" to all other decoding person through а broadcast type



者装置へ送信する。

## [0052]

P-6)「不合格」 通知が t+1 個以上である場合、Pjは不正 者と見なされて排除され(S 6)、他の全復号者装置はPiの 装置が以前に送信した全ての情 報を廃棄する。P-4, 5, 6 のステップは分散秘密値Vjk の検証と、不正者の排除を行う 手順であり、全ての復号者装置 がデータを送信し終わった後、 まとめて不合格リストを公表す ることで行ってもよい。

# [0053]

全復号者装置が上記手順によっ てVjを分散した後、各復号者 Pjの装置は、Vjおよびbai を放送型通信路を通じて他の全 ての復号者装置へ送信する(S 7)。これを受信した各復号者 P jの装置は、Coi=g1<sup>Vj</sup>h<sup>bOj</sup> mod pが成り立つことを確認 してVjを検証する(S8)。成 formed, and verifies Vi (S8). り立たない場合は、前記同様、 「不合格」を他の全復号者装置 へ通知し、不正者を排除する(S 9)。

#### [0054]

# [0052]

P-6)

When the notification of a "rejection" is t+1 or more pieces, it is regarded as an irregular person, and is eliminated and Pj is (S6), other all decoding person apparatus

The apparatus of Pj aborts all the information transmitted before.

The step of P-s 4, 5, and 6 is the procedure of performing verification of the distributed secret value Vik, and an irregular person's rejection. After all decoding person apparatus finish transmitting data, it is sufficient to carry out by

releasing a rejection list collectively.

# [0053]

After all decoding person apparatus disperse Vi with the above-mentioned procedure, each decoding person's Pj apparatus, vj and boi It transmits to all other decoding person apparatus through a broadcast type communication channel (S7).

The apparatus of each decoding person Pi who received this checks that C<sub>0i</sub>=g1<sup>Vj</sup>h<sup>b0j</sup> mod p is

When not formed, it notifies a "rejection" to other all decoding person apparatus like the above, it eliminates an irregular person (S9).

#### [0054]

正しいと確認された全てのVk If correct, it will choose 2t+1 piece from all から任意に2 t + 1 個を選択し checked Vk(s) as desired (S10), and it (S 1 0)、指数部に対する秘密 examines whether the value V decompressed



Multi-Authority Scheme ", Advances in Cryptology-Eurocrypt'97, Cryptology-Eurocrypt'97 LNCS 1233 Springer-Verlag, detailed. とした場合の指数部に対する復 chosen as below is shown. 秘密分散法で得られた秘密値で verifiable あるとする。

復元手順により復元した値Vが with the secret decompression procedure with 1 に等しいか否かを調べる(S respect to an index part is equal to 1 (S11).

11)。指数部に対する秘密復元 The secret decompression procedures with 手順は文献 Cramer,et.al: " A respect to an index part are documents. seure and Optimally Efficient Cramer, et.al: "A seure and Optimally Efficient Election Multi-Authority Election Scheme", Advances in **LNCS** 1233 , Springer-Verlag, pp.103-118, and 1997 It is

pp.103-118, 1997 に詳しい。以 The decompression procedure with respect to 下に、選択した 2 t + 1 個のV the index part at the time of making into (alpha) kのインデックスkの集合を $\alpha$  an ensemble of the index k of 2t+1 piece Vk

元手順を示す。指数部の秘密値 The secret value of an index part presupposes はPedersenの検証可能 that it is the secret value acquired with the secret dispersion method of Pedersen.

[0055]

e 補間係数を

[0055]

R-1)  $\sharp f$ , Lagrang R-1) IT IS LAGRANGE INTERPOLATION COEFFICIENT FIRST.

[0056]

[0056]

【数1】

[EQUATION 1]

 $\lambda_{\mathbf{i},\alpha} = \prod_{\mathbf{k} \in \alpha, \mathbf{k} \neq \mathbf{j}} \mathbf{j}/(\mathbf{j}-\mathbf{k})$ 

として計算する。 R-2) 次に、

It calculates as these.

R-2) NEXT,

[0057]

[0057]



# 【数2】

# [EQUATION 2]

 $V = \prod_{i \in \alpha} V_i \lambda_i \alpha \mod p$ 

を計算する。 Vが 1 でないなら It calculates these. す(S12)。全ての組み合わせ 2t+1 piece combination (S12). 知して停止する。

## [0058]

は図4に示すようにDj=u1 1, …, Dnのu 1を底とする received Dj 号する (S6)。ステップS4で decode Message m (S6). 証明させ、証明できないものは knowledge proof.

ば他の2 t + 1 個の組み合わせ If V is not 1, it will repeat a secret で同様に秘密復元手順を繰り返 decompression procedure similarly in other

についていずれも復元値が1に About all combination, if the decompression 等しくないならば、不合格を通 value is not all equal to 1, it will notify a rejection and will stop.

## [0058]

一つでも1になる組み合わせが If there is combination set to 1 at least one, it あったならば、この暗号文を合 will consider this cryptogram as a pass.

格とする。各復号者Pjの装置 As shown in FIG. 4, each decoding person's Pj apparatus calculates Dj=u1zjmod p, and zimod pを計算し(S1)、放送 transmits it to all other decoding person 型通信路により他の全ての復号 apparatus according to (S1) and a broadcast 者装置へ送信する (S 2)。D j type communication channel (S2).

を受信した各復号者装置はD Each decoding person apparatus which

離散対数がBCH符号のコード By checking that the discrete logarithm which ワードであることを確認し (S uses u1 of D1..., Dn as a bottom is the coding 4)、コードワードであれば、前 word of a BCH code, if it is (S4) and the coding 述の指数部に対する秘密復元手 word, it will decompress D=u1z mod p with the 順によりD=u 1<sup>z</sup> mod pを復 secret decompression procedure with respect 元し(S5)、m=e/D mod to the above-mentioned index part, it will pを計算してメッセージmを復 calculate (S5) and m=e/D modp, and will

コードワードでなければ、零知 If it is not the coding word in step S4, it will 識証明により、計算の正しさを prove the rightness of calculation by zero



7)。

不正のDiとして廃棄する(S It aborts the thing which cannot be proved as irregular Di (S7).

# 【実施例3】

以下に、この発明の第三の実施 例について説明する。

## [0059]

路を利用できるものとする。大 broadcast きな素数p, qがあり、qはp guaranteed. をP1~Pnとし、各復号者P random. きい値 tを定める。

# [0060]

秘密分散方法を示す。まず、g, なGaの元とする。秘密値a0, 式 f  $(X) = a \ 0 + a \ 1 \ X + \cdots$  $+ a t X^{t}, g (X) = b 0 + b$ 

# [EXAMPLE 3]

Below, it demonstrates the 3rd Example of this invention.

## [0059]

各々の復号者装置間には、安全 That a safe communication channel shall be な通信路があるものとし、また、 between each decoding person apparatus, and 各復号者装置は、他の全員の復 each decoding person apparatus receives the 号者装置が同一の内容を受信す content with all the members' same other ることが保証される放送型通信 decoding person apparatus shall utilize the type communication channel

- 1 を割り切るものとする。G There are big prime numbers p and q.

q の元 g 1, g 2 をランダムに Q shall give a clear-cut solution to p-1.

選択する。まず、n人の復号者 It chooses the origin g1 and g2 of Gq at

jに対し、固有の公開値wjを First, it sets n persons' decoding person to 割り振る。3t<nを満たすし P1-Pn, and assigns the inherent open value wj to each decoding person Pi.

It defines threshold-value t which fills 3 t<n.

#### [0060]

まず、Pedersenによる First, the secret dispersion method by Pedersen is shown.

hを loga hが未知であるよう First, it carries out g and h the origin of Gq whose  $\log_a h$  is unknown.

b 0を分散する分配者 P の装置 The apparatus of the portioner P who disperses は、Z q 上の t 次の二つの多項 the secret values a0 and b0 are the t-th two polynomial  $f(X)=a0+a1X+...+atX^{t}$ except for a0, it chooses q(X)=b0+b1X+...+btX<sup>t</sup> 1 X + ··· + b t X をa 0 を除 at random, and sends f (wj) and g (wj) to the いてランダムに選択し、各受信 apparatus of each receiving party Pj through a 者 P j の装置へ f (w j ), g (w safe communication channel.



j)を安全な通信路を通じて送 付する。

# [0061]

つぎに、各係数のコミット値E i & e i = 0, …, t に 対して Ei = g <sup>ai</sup> h <sup>bi</sup>mod pのように計 算し、放送型通信路を介して公 開する。これらを受信した各P jの装置は、u j i = w j mod  $q \geq U \subset g^{f(w)} h^{g(w)} = E O^{uj0}$ E 1 <sup>uj1</sup> … E t <sup>ujt</sup> mod pが成り 立つことを検証する。このEO <sup>uj0</sup> E1<sup>uj1</sup> …Et<sup>ujt</sup> mod pの値 secret value of Pj. ば、誰でも、どの P j の分散秘 secret value of Pj. 密値に対するコミットメントも 計算することができる。

#### [0062]

Ped (a0, b0) [g, h] Ped (a0, b0) [g, h]  $\rightarrow$  (a 0 j, b 0 j) (E 0, It writes like these. ..., Et) 分散される秘密情報であり、(a) 0 j, b 0 j) は各 P j の装置 each safe apparatus of Pj. (E0, …, Et) は放送型通 communication channel. 信路を通じて公開される、各係 [g, h] はコミットを作成する際に用い a commitment.

# [0061]

Next, it calculates the commitment value Ei of each coefficient like Ei=gaihbimod p to i= 0..., t, and opens to the public through a broadcast type communication channel.

Each apparatus of Pj which received these verifies that  $g^{f(w)} h^{g(w)} = E0^{uj0} E1^{uj1} ... Et^{ujt} mod p is$ formed as uji=wji mod q.

It calls the value of this E0<sup>uj0</sup> E1<sup>uj1</sup> ...Et<sup>ujt</sup> mod p the commitment with respect to the distributed

を P j の分散秘密値に対するコ If the commitment value of each coefficient is ミットメントと呼ぶ。各係数の exhibited, anyone can also calculate the コミット値が公開されていれ commitment with respect to which distributed

## [0062]

以下では、この秘密分散方法を Below, it is this secret dispersion method.

-> (a0j, b0j) (E0..., Et)

(a0, b0) are confidential informations dispersed. のように書く。(a 0, b 0) は (a0j, b0j) are distributed secret values which it receives through a communication channel with

が安全な通信路を介して受信す It is equal to f (wj) and g (wj) respectively.

る分散秘密値であり、それぞれ (E0..., Et) are commitment values of each f (w j ), g (w j ) に等しい。 coefficient exhibited through a broadcast type

数のコミット値である。[g,h] express the bottom which it uses when making



特に断りがない限り、定数項を method. 選ぶものとする。

る底を表す。上記記法に関して、 It is related with the above-mentioned account

除く多項式の係数はランダムに Specifically, as long as there is no notice, it shall choose the coefficient of the polynomial except an absolute term at random.

# [0063]

このようにして分散された秘密 ず、各分散秘密値の保持者は、 (a O j, b O j) 値に対して、  $g^{a0j} h^{b0j} = E 0^{uj0} E 1^{uj1} \cdots E$ 認する。この式が成り立つよう な任意の t + 1 個の (a O j, b 0 j) について、そのインデ ックスjが作る集合をαとす る。Lagrange補間係数 を

# [0063]

Thus, from the dispersed secret value, when a 値から、多項式補間によって元 polynomial interpolation recovers the original の秘密を回復する場合には、ま secret, the holder of each distributed secret value exhibits the value first.

その値を公開する。公開された It checks that g<sup>a0j</sup> h<sup>b0j</sup> =E0<sup>uj0</sup> E1<sup>uj1</sup> ...Et<sup>ujt</sup> modp is formed to the exhibited value (a0j, b0j).

Let the ensemble which the index j makes be t<sup>ujt</sup> mod p が成り立つことを確 (alpha) about t+1 (a0j as desired, b0j) of which this equation consists.

Lagrange interpolation coefficient

[0064]

[0064]

【数3】

[EQUATION 3]

 $\lambda_{1,\alpha} = \prod_{k \in \alpha, k \neq 1} i/(j-k) \mod q$ 

とすると、

When it carries out,

[0065]

[0065]

【数4】

[EQUATION 4]



 $\sum_{i \in \alpha} \lambda_{i, \alpha}$  a0j mod q=a0

できる。 b 0 も同様にして回復 B0 is recoverable similarly. できる。上記秘密分散方法は、 に実行することができる。その dispersion method similarly. ような場合は、Ped(a0)  $[g] \rightarrow (a \ 0 \ j) (E \ 0, \cdots,$ Et)と書く。

となり、a 0 を回復することが A these next door, a0 is recoverable.

Even if it uses only one bottom, it can 底を一つだけ用いても全く同様 completely perform the above-mentioned secret

In such a case

Ped(a0) [g] It writes it as -> (a0i) (E0..., Et).

# [0066]

この秘密分散方法を利用して、 数を生成することができる。ま secret dispersion method. ず、Piの装置は、乱数ai,  $\rightarrow$  (a i j, b i j) (E i 0..., Eit) のように分散する。P1~Pn の全員がこれを実行する。する 1 j), ..., (anj, bnj) 10, ..., E1t), ..., (En 0, …, Ent) を放送型通信 路から受信する。このとき、P jの分散秘密値(x 1 j, x 2  $j) \delta_{x} 1 j = a 1 j + \dots +$ anj modq, x 2 j = b 1 j+…+bnj **mod**qとする。こ の分散秘密値から回復される乱 数値×1は、

## [0066]

The random number dispersed in cooperation 複数人が協調して分散された乱 by two or more persons is generable using this

First, the apparatus of Pi chooses random b i をZ q より選択し、これを numbers ai and bi from Zq, this

Ped (a i, b i) [g, h] Ped(ai,bi)[g,h]->(aij,bij)(Ei0...,Eit)

It disperses like these.

All the members of P1-Pn perform this.

Then, the apparatus of Pj receives (a1j, b1j)..., (anj, bnj) from a safe communication channel, it と、Pjの装置は、(a 1 j, b receives (E10..., E1t)..., (En0..., Ent) from a broadcast type communication channel.

を安全な通信路から受信し、(E At this time, it sets the distributed secret value (x1j, **x2i**) of Pi to x1i=a1i+...+ani modq,x2j=b1j+...+bnj modq.

> The random-number value x1 recovered from this distributed secret value,



[0067]

[0067]

【数5】

[EQUATION 5]

 $x = \sum_{i \in \alpha} \lambda_{k,\alpha} x = j = a + \cdots + a$  n mod q

であり、回復が実行されるまで They are these. とはない。また、この秘密乱数 performed. 意。この方法を、分散乱数生成 EX0=g<sup>x1</sup>h<sup>x2</sup>mod p. とよび、

 $\rightarrow$  (a j, b j) (E 0, ..., E Et) t)

される乱数値であり、[ ]はそ [ ] 知であることを意味する。[g, accountant. る。

[0068]

分散乱数生成手順を 1, g 2]  $\rightarrow$  (x 1 j, x 2 j) Rand([x1], [x2]) [g1, g2] -> (x1j, x2j) (EX0...,

は、誰にもその値が知られるこ The value is known by nobody until recovery is

値を定数とする多項式の k 次の Moreover, the commitment value EXk of the 係数のコミット値EXkは、E k-th coefficient of the polynomial which makes X k = E 1 k • E 2 k ··· E n k this secret random-number value a constant mod pとなる。特に、EX0= constitutes EXk=E1 k-E2 k...Enkmod p.

g<sup>x1</sup>h<sup>x2</sup>mod pであることに注 Particularly, it is cautious of it being

It calls this method distributed random-number Rand ([a], [b]) [g, h] generation, rand([a], [b]) [g, h] -> (aj, bj) (E0...,

It writes.

と書く。([a], [b]) は、生成 ([a], [b]) are random-number values formed.

の値がどの計算者に対しても未 means that the value is unknown to every

h], (aj, bj) および (E The implication of [g,h],(aj,bj) and (E0...,Et) is 0, …, E t ) の意味は、前述 the same as that of the account method of の秘密分散の記法と同様であ above-mentioned secret dispersion.

#### [8900]

全復号者装置は、しきい値 t の All decoding person apparatus are the distributed random-number generation Rand ([x1], [x2]) [g procedures of threshold-value t.



 $(EX0, \dots, EXt)$ 1,  $g2] \rightarrow (y1j, y2j)$  EYt)  $(EY0, \dots, EYt)$ Rand ([z 1]) [g 1]  $\rightarrow$  (z 1 j) (EZO, ..., EZt)

EXt) Rand ([y1], [y2]) [g Rand([y1], [y2]) [g1, g2] -> (y1j, y2j) (EY0..., Rand ([z1]) [g1] -> (z1j) (EZ0..., EZt)

j は秘密値 (x 1 j, x 2 j, y 1 j, y 2 j, z j) を得、 これを復号者Pjの秘密鍵とす る。また、 $X j = g 1^{x1j} g 2$  $^{x2j}$ mod p, Y j = g 1  $^{y1j}$  g 2  $^{y2j}$ mod p, Z j =  $g 1^{zj} mod$  pな る(Xj, Yj, Zj)を復号 者Pjの公開鍵とする。さらに、 X = E X 0 = g 1<sup>x1</sup> g 2<sup>x2</sup> mod $p, Y = E Y 0 = g 1^{y1} g 2$  $^{y2}$ mod p,  $Z = E Z 0 = g 1^{z}$ mod pを暗号化手順に用いる 公開鍵とする。ここで(x1,  $x 2, y 1, y 2, z \in \mathbb{Z}q^5$ は任意の t + 1 組の秘密値(x 1 j, x 2 j, y 1 j, y 2 j, z j) から、秘密復元手順によ り復元される乱数である。

のように3回実行し、復号者P It performs 3 times like these, the decoding person Pj acquires a secret value (x1 j, x2 j, y1 j, y2 j, zj), let this be the decoding person's Pi secret key.

> Moreover, let  $X_i = q_1^{x_1^{1/2}} q_2^{x_2^{1/2}} \mod p$ ,  $Y_i = q_1^{y_1^{1/2}} q_2^{y_2^{1/2}}$ mod p, and Zj=g1zjmod p be the decoding person's Pj public key (Xj, Yj, Zj).

> Furthermore,  $X=EX0=g1^{x1}g2^{x2}modp$ let Y=EY0=g1<sup>y1</sup>g2<sup>y2</sup>mod p, and Z=EZ0=g1<sup>z</sup> mod p be the public key which it uses for an encryption procedure.

> (element of)(x1, x2, y1, y2, z)  $Zq^5$  is a random number decompressed by decompression procedure from t+1 set of secret values (x1 j, x2 j, y1 j, y2 j, zj) as desired here.

# [0069]

全復号者装置は、分散乱数生成 All decoding 手順Rand([r],[s])[g された乱数  $r \in Z$  q を生成し、 各復号者Pjの装置は秘密値r j, s j を保持する(図 6 、S (FIG. 6, S1).

#### [0069]

person apparatus perform distributed random-number generation 1, g 2]  $\rightarrow$  (r j, s j) (R procedure Rand ([r], [s]) [g1, g2] -> (rj, sj) (R0..., 0, …, R t ) を実行し、分散 Rt), it forms dispersed random-number r(element of)Zq, each decoding person's Pj apparatus maintains the secret values ri and si

1)。ここでRをR=R0=g1 It makes R into R=R0=g1 $^{r}$ g2 $^{s}$  mod p here.



「g 2<sup>s</sup>mod pとする。

# [0070]

密分散法により分散して得られ method of threshold-value t. 同様に、それぞれ任意の t + 1 value x2j', y1j', and y2j'. r y 1 (mod q), r y 2 (mod performs as follows. q)を復元することができる。 このような分散乗算手段につい ては、以下のように実行する。

# [0071]

復号者Pjの装置は、 g 2]  $\rightarrow$  (x 1 j i, x 2 j i) It performs these.  $(EXj0, \dots, EXjt)$ を実行する。各Piの装置は、  $R j = g 1^{rj} g 2^{sj} mod p を計$ 算する。この値Rjは、uji =w j i mod q としてR j =R 0 uj0 R 1 uj1 ··· R t ujt mod p Ø ように計算しても良いので、誰 でも計算できることに注意。

# [0072]

# [0070]

次に、全復号者装置は、分散乗 Next, all decoding person apparatus obtain 算手段によって秘密値 x 1 secret value x1j', x2j', y1j', and y2j' by j', x 2 j', y 1 j', y distributed multiplication means (S2).

2 j / を得る(S 2)。ここで、 Here, secret value x1j' is a value obtained by 秘密値 x 1 j ′ は、乱数 r と秘 dispersing the product of a random number r 密鍵x 1の積をしきい値 t の秘 and a secret key x1 with the secret dispersion

る値であり、任意の t+1人の From x1j' which t+1 person's decoding persons 復号者が持つx1j′から、r as desired have, it can decode rx1 (mod q).

x 1 (mod q) を復号すること It can decompress rx2 (mod q), ry1 (mod q), が可能である。秘密値 $\mathbf{x}$   $\mathbf{2}$   $\mathbf{j}$  ' , and ry2 (mod q) from the values of t+1 piece  $y\ 1\ j$  ' ,  $y\ 2\ j$  ' についても respectively as desired similarly about secret .

個の値から、r x 2 (mod q), About such distributed multiplication means, it

#### [0071]

The decoding person's Pj apparatus, ped(x1j, Ped (x 1 j, x 2 j) [g 1, x2j] [g 1, g 2] -> (x1ji, x2ji) (EXj 0..., EXjt)

Each apparatus of Pi calculates Ri=q1<sup>ri</sup>q2<sup>si</sup>mod

Since this value Rj may be calculated like Rj=R0<sup>uj0</sup> R1<sup>uj1</sup> ...Rt<sup>ujt</sup> mod p as uji=wj<sup>i</sup> mod q, it cautions it about the ability of anyone to calculate.

[0072]



をそのまま用いて、Ped(x s1ji)(ERX 1j0..., ERX1jt). (x 1 j i, s 1 j i) (ERX ERX2it)1 j 0, ..., ERX1 j t) j t) を実行する。ただし、 s 1 j, s2jはランダムに選び、また、 これらを定数項とする多項式も ランダムに選ぶ。

次に、Pjの装置は、Ped(x Next, the polynomial used for dispersing x1j and  $1 \ j$ ,  $x \ 2 \ j$ )  $\mathcal{C} x \ 1 \ j$ ,  $x \ 2$  x2j by Ped (x1j, x2j) is used for the apparatus of j を分散するのに用いた多項式 Pj as it is, and it is Ped(x1j, s1j) [Rj, g2] -> (x1ji,

1 j, s 1 j) [R j, g 2]  $\rightarrow$  Ped(x2j, s2j) [Rj, g2] -> (x1ji, s2ji) (ERX 2j0...,

It performs these.

 $P \in d (x 2 j, s 2 j) [R j, However, s1j and s2j also choose at random the$  $[g \ 2] \rightarrow (x \ 1 \ j \ i, \ s \ 2 \ j \ i)$  polynomial which chooses at random and (ERX2 j 0, ..., ERX2 makes these an absolute term.

# [0073]

# 最後に、Pjの装置は

 $s j + s 1 j) [g 1, g 2] \rightarrow (ERX 1j0..., ERX1jt)$ RX1 j 0, ..., ERX1 j t) (ERX 2j0..., ERX2jt) Ped (x2j·rj, x2j·lt carries out.  $s j + s 2 j) [g 1, g 2] \rightarrow$ (r x 2 j i, r s 2 j i) (E

RX2j0, ..., ERX2jt)

# [0073]

To the last, it is the apparatus of Pj.

Ped  $(x 1 j \cdot r j, x 1 j \cdot Ped(x1 j-rj, x1 j-sj+s 1j) [g1, g2] -> (rx1ji, rs1ji)$ 

 $(r \times 1 \text{ j i}, r \times 1 \text{ j i})$  (E Ped(x2 j-rj, x2 j-sj+s 2j) [g1, g2] -> (rx2ji, rs2ji)

#### [0074]

とする。

が実行する。 P i の装置は、受 above-mentioned procedure. Lagrange補間係数を

#### [0074]

上記手順をP1~Pnの各装置 Each apparatus of P1-Pn performs the

信した分散秘密値の集合(rx The apparatus of Pi is the ensemble (rx 11i..., 11i, …, r x 1 n i ) から、 rx1ni) of a distributed secret value which received to a Lagrange interpolation coefficient.

[0075]

[0075]



#### 【数6】

#### [EQUATION 6]

 $\lambda_{i,\alpha} = \prod_{k \in \alpha, k \neq i} j/(j-k)$   $\xi \cup T$ ,  $x \mid j' = \sum_{j \in \alpha} \lambda_{j,\alpha} \mid x \mid j \mid \mod q$ 

As (lambda)j1 (alpha)=llk (alpha), k not equal to ji/(j-k),

を計算する。正しいx 1 j'の It calculates these.  $\mid \beta \mid > = t + 1 \sigma c \delta$ 

インデックスの集合をβとし、 Let an ensemble of the index of correct x1j' be (beta), | At the time of (beta)|>=t+1

[0076]

[0076]

#### 【数7】

#### [EQUATION 7]

 $\sum_{j \in \beta} \lambda_{j,\beta} \times 1 j' = \sum_{j \in \beta} \{\lambda_{j,\beta} \sum_{j \in \alpha} \lambda_{i,\alpha} r \times 1 i j\}$  $= \sum_{i \in a} \lambda_{i,a} \left\{ \sum_{i \in B} \lambda_{i,\beta} r \times 1 i j \right\}$  $= \sum_{i \in a} \lambda_{i,a} r i \cdot x l i = r \cdot x l$ 

密値であることが分かる。 x 1 It calculates x2j' as well as x1j'. する。更に、秘密値 y 1 j′, y 2 j ' についても同様に分散 about secret value y1j' and y2j'. 乗算手順を実行して計算する。

となり、乗算結果 r · x 1 を回 A these next door, multiplication result r-x1 is 復することができるので、 $\mathbf{x}$  1 recoverable, therefore, it turns out that  $\mathbf{x}$ 1j' is j'がr・x1のt次の分散秘 the t-th distributed secret value of r-x1.

j'と同様に、x 2 j'も計算 Furthermore, it performs and calculates a distributed multiplication procedure similarly

#### [0077]

#### [0077]

Cramer-Shoup 暗号方法により After receiving cryptogram E=(u1,u2,v,e) with 暗号化された平文mに対する暗 respect to plaintext m enciphered by the



号文E = (u 1, u 2, v, e) Cramer-Shoup cryptographic method, the を受信した後(S 3)、各復号者 apparatus of (S3) and each decoding person Pi Pjの装置は、c=H(u1, calculates c=H(u1,u2)and u 2) およびV j = u  $1^{x1j+cy1j}$  Vj=u $1^{x1j+cy1j}$ u $2^{x2j+cy2j}$ v<sup>-rj</sup> mod p. u 2 <sup>x2j+cy2j</sup> v <sup>-rj</sup> mod pを計算し (S4), it transmits Vj to all other decoding person (S4)、放送型通信路を通じて apparatus through а broadcast 他の全ての復号者装置へViを communication channel. 送信する (S5)。 次に、 各復号 (S5). 者装置は、(V1, …, Vn)の Next, each decoding person apparatus checks 指数部がBCH符号のコードワ that the index part of (V1..., Vn) is the coding ードであることを確認する (S word of a BCH code. 6)。コードワード確認手順は、(S6). 文献 F.J. MacWilliams: " The Coding word check procedure, documents Thory of Error Correcting F.J. MACWILLIAMS : "THE THORY OF Codes " North-Holland ERROR CORRECTING CODES", Mathematical Library, NORTH-HOLLAND **MATHEMATICAL** または、 pp.201-202 LIBRARY, PP.201-202 M.Ben-Or, S. Goldwasser, Or A. Wigerson: "Completeness M. Ben-Or, S. Goldwasser, a. Wigerson: **Theorems** for ""< Completeness Theorems for Non-Cryptographic Non-Cryptographic Fault-Tolerant Distributed Fault-Tolerant Distributed Comput Computation ", 20th ACM It is detailed to ation", 20th ACM Symposium on Symposium on Theory of Theory of Computing>", pp.1-10, and 1988. Computing, pp.1-10, 1988 に詳 The coding word check procedure is shown しい。以下にコードワード確認 below. 手順を示す。 It considers it as n root of 1 in \*w!=1 を mod g, it •  $w \neq 1$   $\varepsilon$  mod  $q \circ \sigma 1 \circ \sigma n$  considers it as (xi)ij= $w^{j(i-1)}$  modq. 乗根とし、 $\xi$  i j =  $w^{j(l-1)}$  mod All j of \*j=1...,2t q とする。 • j = 1, …, 2 t の全ての jについて

[0078]

[0078]

【数8】

[EQUATION 8]



 $V \mid \xi \mid i \mid V \mid \xi \mid 2i \dots \mid V \mid n \mid \xi \mid n \mid mod \mid p = 1$ 

となることを確認する。上記手 It checks becoming these. 順により、(V1, …, Vn)の When 識証明によって他の復号者装置 (S7). に証明する(S7)。

it becomes clear with the 指数部が正しくないことが判明 above-mentioned procedure that the index part した場合、各復号者 P j の装置 of (V1..., Vn) is not correct, it is each decoding は、Vjがu1<sup>x1]+cy1j</sup>u2<sup>x2]+cy2j</sup> person's Pj apparatus, without it leaks the v <sup>-rj</sup> mod p の計算結果である information concerning that Vj is the calculation ことをx1j′, x2j′, y result of u1<sup>x1j+cy1j</sup>u2<sup>x2j+cy2j</sup>v<sup>-rj</sup> mod p, and ] 1 j', y 2 j', r j に関す x1j',x2j',y1j',y2j',rj, it proves to another decoding る情報を漏らすことなく、零知 person apparatus by zero knowledge proof

#### [0079]

この零知識証明は、以下のよう に実行する。ただし、以下のP これを省いて説明する。まず、 Pjの保持する分散秘密値 x demonstrates this. rに対して、a, a1, a2, b 1をある乱数として  $R = g 1^r g 2^s mod p$  $R X 1 = E R X 1 0 = R^{x1} g 2 RX1 = ERX10 = R^{x1} g 2^{a1} mod p$ a1 mod p  $R X 2 = E R X 2 0 = R^{x2} g 2$ <sup>a2</sup>mod p

#### [0079]

It performs this zero knowledge proof as follows.

j に対する手順の説明では、全 However, by explanation of the procedure with ての変数に添字jが付くため、 respect to following Pj, since Subscript j is attached to all variables, it excludes and

1' , x 2' , y 1' , y 2' , First, it is to distributed secret value x1' which Pj maintains, x2', y1', y2', and r considering a, a1, a2, and b1 as a certain random number.

R=g1<sup>r</sup>g2<sup>s</sup> mod p

RX2=ERX20=R<sup>x2</sup>g2<sup>a2</sup>mod p

 $RY1 = ERY10 = R^{y1}g2$  RY1=ERY10=R $^{y1}g2^{b1}$ mod p <sup>b1</sup>mod p RY2=ERY20=R<sup>y2</sup>g2<sup>b2</sup>mod p  $RY2 = ERY20 = R^{y2}g$  2 It can acquire the values R, RX1, RX2, RY1,



b2mod p

を、分散乱数生成手段および、 分散乗算手段で公開された係数 anyone. のコミット値から、誰にでも得 ることができる。

and RY2 of the becoming commitment from the なるコミットメントの値R, R commitment value of the coefficient exhibited X1, RX2, RY1, RY2 with distributed random-number generation means and distributed multiplication means to

#### [0080]

ダムに選択し、

K = g,  $L = g^{w0} \text{mod } p$ を他の復号者装置へ送付する。 他の復号者装置は、協力して Rand ([e 0], [e 1]) [K,  $L] \rightarrow (e \ 0 \ i, e \ 1 \ i) (E \ e$ 0, ..., E e t)

[0800]

Pjは乱数w0をZqよりラン Pj chooses a random number w0 from Zq at random, k=g, L=g<sup>w0</sup>mod p

> It sends these to another decoding person apparatus.

> Another decoding apparatus person cooperates.

Rand([e0], [e1]) [K, L] -> (e0i, e1i) (Ee0..., Eet)

pをPjの装置へ送付する。

を実行し、 $E e O = K^{e0}L^{e1} mod$  It performs these, it sends  $EeO=K^{e0}L^{e1} mod$  p to the apparatus of Pi.

#### [0081]

をZaよりランダムに選択し、

 $T_1 = g_1^{w1} g_2^{w2} \mod p$  $T_2 = g_1^{w3} g_2^{w4} \mod p$  $T_3 = g^{\text{w5}} g^{\text{w6}} \operatorname{mod} p$ 

#### [0081]

Pjの装置は乱数w1~w18 The apparatus of Pj chooses random-number w1-w18 from Zq at random,  $t_1 = g_1^{w1} g_2^{w2}$  modp  $T_2 = g_1^{w3} g_2^{w4} \mod p$ 

 $T_3 = g^{w5}g^{w6} \mod p$ 

$$T_4 = R^{w1} h^{w7} \mod p$$
  $T_4 = R^{w1} h^{w7} \mod p$   $T_5 = R^{w2} h^{w8} \mod p$   $T_5 = R^{w2} h^{w8} \mod p$   $T_6 = R^{w3} h^{w9} \mod p$   $T_6 = R^{w3} h^{w9} \mod p$   $T_7 = R^{w4} h^{w10} \mod p$   $T_7 = R^{w4} h^{w10} \mod p$ 

 $T_{\,8}=g^{\,\text{w11}}\ h^{\,\text{w12}}\,\text{mod}\ p$  $T_8 = g^{w11} h^{w12} \mod p$  $T_9 = g^{w13} h^{w14} mod p$  $T_9 = g^{w13} h^{w14} \mod p$  $T_{10} = g^{w15} h^{w16} mod p$  $T_{10}=g^{w15}h^{w16} \mod p$ 



$$T_{11} = g^{w17} h^{w18} mod p$$

$$T_{11}=g^{w17}h^{w18} \mod p$$

 $T_{12} = u \ 1^{w11+cw15} u \ 2^{w13+cw17} v \ T_{12} = u 1^{w11+cw15} u 2^{w13+cw17} v^{-w5} \mod p$ It calculates these, it sends to another decoding

#### [0082]

#### [0082]

公開してe0,e1を回復し、 り立たない場合は証明を中止す formed. る。これが成り立つ場合、 P j It is the apparatus of Pj when this is formed.

他の復号者装置は分散秘密値を Another decoding person apparatus exhibits a distributed secret value, and it recovers e0 and Pjの装置へ送付する。Pjの e1, it sends to the apparatus of Pi. 装置は、 $E e O = K^{e0} L^{e1} \mod$  The apparatus of Pj checks that  $Ee0=K^{e0}L^{e1}$ p が成り立つことを確認し、成 modp is formed, it stops proof, when not

の装置は  $S 1 = w 1 + e 0 \cdot x 1 \mod q$  S2=w2+e0 and  $x2\mod q$ 

 $S 2 = w 2 + e 0 \cdot x 2 \mod q$  S3=w3+e0 and y1mod q

S1=w1+e0 and x1mod q

 $S3 = w3 + e0 \cdot y1 \mod q$ 

 $S 4 = w 4 + e 0 \cdot y 2 \mod q$  S4=w4+e0 and y2mod q

 $S 5 = w 5 + e 0 \cdot r \mod q$  S5=w5+e0 and r mod q

 $S 6 = w 6 + e 0 \cdot a \mod a$  S6=w6+e0 and a mod a

S  $7 = w + e + 0 \cdot a + 1 \mod q$  S7=w7+e0 and a1mod q

 $S 8 = w 8 + e 0 \cdot a 2 \mod q$  S8=w8+e0 and a2mod q

 $S 9 = w 9 + e 0 \cdot b 1 \mod q$  S9=w9+e0 and b1mod q

 $S 10 = w 10 + e 0 \cdot b 2 \mod S10 = w 10 + e 0 \mod a$ 

S11=w11+e0 and r-x1mod q q

 $S11 = w11 + e \cdot 0 \cdot r \cdot x \cdot 1 \mod 1$ 

q

S12 = w12 + e 0 (a · x 1 + S12=w12+e0(a-x1+a1) mod q

a 1) mod q S13=w13+e0 and r-x2mod q

 $S 13 = w 13 + e 0 \cdot r \cdot x 2 S14=w14+e0(a-x2+a2) \mod q$ **mod** q S15=w15+e0 and r-y1mod q



$$S14=w14+e0$$
 (a · x 2 + a 2) mod q  
 $S15=w15+e0 \cdot r \cdot y 1$   
mod q

$$S 16 = w 16 + e 0$$
 (a · y 1 +  $S16 = w 16 + e 0$ (a-y1+b1) mod q  
 $S 17 = w 17 + e 0$  · r · y 2  $S18 = w 18 + e 0$ (a-y2+b2) mod q  
 $S 18 = w 18 + e 0$  (a · y 2 + another decoding person apparatus.  
 $S 18 = w 18 + e 0$  (a · y 2 + another decoding person apparatus.

$$\begin{array}{lll} L = g^{w0} \ \text{mod} \ p & L = g^{w0} \ \text{mod} \ p \\ g_1^{s1} g_2^{s2} = T_1 \ X^{e0} \ \text{mod} \ p & G_1^{s1} g_2^{s2} = T_1 X^{e0} \ \text{mod} p \\ g_1^{s3} g_2^{s4} = T_2 \ Y^{e0} \ \text{mod} \ p & G_1^{s3} g_2^{s4} = T_2 Y^{e0} \ \text{mod} p \\ g^{s5} h^{s6} = T_3 \ R^{e0} \ \text{mod} \ p & G^{s5} h^{s6} = T_3 R^{e0} \ \text{mod} p \end{array}$$



#### e0mod p

 $u \ 1^{S11+cS15} u \ 2^{S13+cS17} v^{-S5} = U 1^{S11+cS15} u 2^{S13+cS17} v^{-S5} = T_{12} V^{e0} mod p$ T<sub>12</sub>V<sup>e0</sup>mod p It verifies that these are formed. が成り立つことを検証する。

#### [0083]

上式は、Pjの装置がV,X, Y, R, RX1, RX2, RY apparatus 敗とする(添字"j"を省略し "j" above). 復し、正しいVjの値を公開す of Vj. ついては、例えば、文献 For example, documents with perpetual leakage", leakage", Advances Cryptology-CRYPTO'95,LNCS 963. Springer-Verlag, 1995 に詳し obtains the correct (V1...,Vn). い。その公開された正しいVj の値を含めて、正しい(V1, …, Vn) を得る。

#### [0084]

#### [0083]

Since an above formula is formed only when the of Pj makes 1, RY2を正しく作成した場 V,X,Y,R,RX1,RX2,RY1,RY2 correctly, when not 合にのみ成り立つので、一つで formed at least one, it considers verification as も成り立たない場合は検証を失 failure (explanation which omitted the subscript

た説明は以上)。証明に失敗した It is considered that the apparatus of the 復号者Pjの装置は逸脱者であ decoding person Pj who failed in proof is a ると見なされ、逸脱者の秘密値 deviation person, another decoding person x 1 j', x 2 j', y 1 j', apparatus recovers a deviation person's secret y 2 j ′ , r j を他の復号者装 value x1j',x2j',y1j',y2j',rj using a secret value 置が秘密値回復手順を用いて回 recovery procedure, it exhibits the correct value

る。ここでの秘密値回復手順に About a secret value recovery procedure here

A.Herzberg, et.al: " Proactive It is detailed to A.Herzberg, et.al: " Proactive secret sharing or: How to cope secret sharing or: How to cope with perpetual Advances in in Cryptology-CRYPTO'95,LNCS 963. pp.339-352, Springer-Verlag, 1995. pp.339-352, It includes the exhibited correct value of Vi, it

#### [0084]

(V1, …, Vn) の指数部が After the index part of (V1... Vn) checks the 正しいことを確認した後、指数 correct thing, it decompresses a value V with



り、値Vを復元する。各復号者 respect to an index part. 拒否して停止する (S8)。等し refuse decoding and will stop. いならば、図4の場合と同様に、 各復号者Pjの装置はDj=u 号者装置は (D1, …, Dn) を用いて回復する。

[0085]

ここでの零知識証明は以下のよ うに実行する。Piの装置は乱 択し、

 $W = g_1$ ,  $Q = g_1^{d0} \mod p$ を他の復号者装置へ送付する。 他の復号者装置は、協力して Rand ([c2], [c3]) [W, 0, ..., Ect)

mod p を P j の装置へ送付す the apparatus of Pj. る。

部に対する秘密復元手順によ the secret decompression procedure with

装置はVが1に等しいか否かを It examines whether each decoding person 調べ、等しくないならば復号を apparatus has V equal to 1, if not equal, it will (S8).

If these etc. come to be by carrying out, each 1 zimod p を計算し、放送型通信 decoding person's Pj apparatus will calculate 路により他の全ての復号者装置 Dj=u1<sup>zj</sup>modp like the case of FIG. 4, it transmits へ送信し、Djを受信した各復 to all other decoding person apparatus according to a broadcast type communication に対して (V1, …, Vn) に channel, each decoding person apparatus 対して行ったのと同様のコード which received Di performs verification of the ワードの検証を行い、不正を検 coding word similar to having carried out by 出した場合には同様に零知識証 receiving to (D1..., Dn) (V1..., Vn), when 明を行って逸脱者を特定し、正 irregularity is detected, it performs zero しいDjの値を秘密値回復手順 knowledge proof similarly and specifies a deviation person, it recovers the correct value of Dj using a secret value recovery procedure.

#### [0085]

It performs zero knowledge proof here as follows.

数d0をZaよりランダムに選 The apparatus of Pj chooses a random number d0 from Zq at random, w=g<sub>1</sub>,Q=g<sub>1</sub><sup>d0</sup> modp It sends these to another decoding person apparatus.

> Another decoding person apparatus cooperates.

 $Q] \rightarrow (c \ 2 \ i \ , \ c \ 3 \ i) (E \ c \ Rand([c2], [c3]) [W, Q] \rightarrow (c2i, c3i) (Ec0..., Ect)$ 

を実行し、E c  $0 = W^{c2}Q^{C3}$  It performs these, it sends Ec0= $W^{c2}Q^{C3}$  modp to



#### [0086]

Zqよりランダムに選択し、  $T_{12} = g_1^{d1} \mod p$  $T_{13}=u 1^{d1} \mod p$ を計算して、他の復号者装置へ person apparatus.

## [0087]

る。

P jの装置は $E c 0 = W^{c2}Q^{C3}$ し、成り立たない場合は証明を formed. P i の装置は 復号者装置は、

 $g_1^{s0} = T_{12}X j^{c2} \mod p$  $u \ 1^{s0} = T_{13}D \ j^{c2} \mod p$ が成り立つことを検証する。

#### [0088]

 $Q = g_1^{d0} \mod p$ 

場合は検証を失敗とする。各復 failure.

#### [0086]

Pjの装置は乱数 d 1, d 2を The apparatus of Pj chooses random numbers d1 and d2 from Zq at random, t<sub>12</sub>=g<sub>1</sub> d1 modp  $T_{13}=u1^{d1} \mod p$ 

It calculates these, it sends to another decoding

送付する。他の復号者装置は分 Another decoding person apparatus exhibits a 散秘密値を公開してc2,c3 distributed secret value, and it recovers c2 and を回復し、Pjの装置へ送付す c3, it sends to the apparatus of Pj.

#### [0087]

The apparatus of Pi checks that Ec0=W<sup>c2</sup>Q<sup>C3</sup> mod p が成り立つことを確認 modp is formed, it stops proof, when not

中止する。これが成り立つ場合、 It is the apparatus of Pj when this is formed.

S0=d1+c2 and z1mod q

 $S 0 = d 1 + c 2 \cdot z 1 \mod q$  It calculates these and sends S0 and d0 to を計算してS O およびd O を他 another decoding person apparatus.

の復号者装置へ送付する。他の Other decoding person apparatus, q=q<sub>1</sub> do modp

 $G_1^{s0} = T_{12}X_1^{c2} \mod p$ U1<sup>s0</sup>=T<sub>13</sub>Di<sup>c2</sup> modp It verifies that these are formed.

#### [0088]

上式は、Pjの装置がDjを正 Since an above formula is formed only when the しく作成した場合にのみ成り立 apparatus of Pj makes Dj correctly, when not つので、一つでも成り立たない formed at least one, it considers verification as

号者装置は、正しい (D1, …, From the correct (D1..., Dn), with the secret Dn) から、指数部に対する秘 decompression procedure with respect to an 密復元手順によってD=u 1<sup>z</sup> index part, each decoding person apparatus mod pを復元し、m = e / D decompresses D=u1<sup>z</sup> mod p, calculates



mod p を計算してメッセージ m=e/Dmod p, and decodes Message m. mを復号する。

#### [0089]

図7に実施例2における復号者 装置の機能構成例を示す。メモ y = 21kkx + 1j, x = 2j, y1 j, y 2 j, z j の秘密鍵が 記憶され、公開値wj,g1, g 2, p, q なども記憶され、 更に外部へ送信する情報、外部 から受信する情報を一時記憶す るためにメモリ21が用いられ る。分散乱数生成部22は秘密 分散器23、分散秘密検証器2 4、分散秘密加算器25よりな り、これらにより、秘密鍵x1 j, x 2 j, y 1 j, y 2 j, zjが作成され、また乱数rの 分散値rjも生成される。ハッ シュ器26により受信暗号文E についてc = H(u1, u2)のハッシュ関数演算が行われ、 またべき乗演算器27によりV  $j = (u 1^{x1j+cy1j}u 2^{x2j+cy2j}v^{-1})$ 「mod pの演算が行われる。秘 密分散部31は秘密分散器3 2、分散秘密検証器33よりな り、秘密値VjがVjkにしき い値2tの検証可能秘密分散法 により分散される。指数部秘密 復元器34により、Vkの指数 部に対する秘密復元手順が実行 され、BCHコードワード検証 器35によりD1, …, Dnの

#### [0089]

The example of functional composition of the decoding person apparatus in Example 2 is shown in FIG. 7.

The secret key of x1j,x2j,y1j,y2j,zj is stored in memory 21, the open values wj, g1, g2, and p and q etc. are also stored, furthermore, memory 21 is used in order to carry out the temporary memory of the information which it transmits to the exterior, and the information which it receives from the outside.

The distributed random-number generation part 22 is made up of the secret dispersion device 23, a distributed secret verification device 24, and a distributed secret adder 25, and secret-key x1j,x2j,y1j,y2j,zj is made by these, and the distributed value rj of a random number r is also formed.

The hash function calculation of c=H (u1, u2) is performed about the receiving cryptogram E with the hash device 26, moreover, it is Vj= (the calculation of u1<sup>x1j+cy1j</sup>u2<sup>x2j+cy2j</sup>v<sup>-1</sup>)<sup>rj</sup>mod p is performed.) by the power calculator 27.

The secret dispersion part 31 is made up of a secret dispersion device 32 and a distributed secret verification device 33, and the secret value Vj is dispersed by Vjk with a with a threshold value of 2t verifiable secret dispersion method.

部に対する秘密復元手順が実行 With the index part secret decompression され、BCHコードワード検証 device 34, the secret decompression procedure 器35によりD1, …, Dnの with respect to the index part of Vk is w1を底とする離散対数がBC performed, and it is checked that the discrete



H符号のコードワードであるこ とが確認される。放送型通信受 信器36、放送型通信送信器3 7、個別通信受信器38、個別 通信送信器39が設けられ、更 に制御部41により各部が順次 動作させられる。

logarithm which uses w1 of D1...,Dn as a bottom with the BCH coding word verification device 35 is the coding word of a BCH code.

The broadcast type communication receiver 36, the broadcast type communication transmitter 37, the individual communication receiver 38. and the individual communication transmitter 39 are provided, furthermore, the control part 41 lets each part carry out a sequential operation.

#### [0090]

図8に実施例3に用いられる復 号者装置の機能構成を、図7と 対応する部分に同一番号を付け て示す。分散乗算手段43によ しきい値 t の秘密分散法により x 2 j', y 1 j', y 2 j'が求められる。証明部44は乱 数生成器45、べき乗演算器4 6、乗余乗算・加算器47より なり、Vjがu1×1タ+cy1タu2 x2j+cy2j v <sup>-ij</sup> mod p の計算結果で あることを零知識証明によって 他の復号者に証明する。零知識 証明手順中の検証は検証部48 のべき乗演算器49と比較器5 1により行われる。

#### [0090]

The same number is numbered and shown in the part which corresponds the functional composition of the decoding person apparatus used for FIG. 8 at Example 3 with FIG. 7.

り、乱数ェと秘密鍵ェ1の積を By the distributed multiplication means 43, value x1j' which dispersed the product of a 分散した値 $\mathbf{x}$   $\mathbf{1}$   $\mathbf{j}$  、同様な値 random number r and a secret key  $\mathbf{x}$ 1 with the secret dispersion method of threshold-value t, similar value x2j', y1j', and y2j' are called for.

#### Proof part 44

Random-number generation device 45, power calculator 46, a remainder multiplication and adder 47

It is made up of these, it proves that Vj is the calculation result of u1x1j+cy1ju2x2j+cy2jv-ij modp to another decoding person by zero knowledge proof.

Verification in zero knowledge proof procedure is performed by the power calculator 49 and comparator 51 of the verification part 48.

#### [0091]

#### [0091]

#### 【発明の効果】

#### [ADVANTAGE OF THE INVENTION]

Cramer-Shoup 暗号における復 Since the correctness of a cryptogram is



を検証しているため、べき乗し た値を公開しても、本来の検証 式における値に関する情報は一 切漏洩しない。この値が正しく 作成されたことを零知識証明に よって第三者へ証明する事によ り、受信した暗号文が元の検証 証明することができる。

#### [0092]

さらに、乱数でべき乗するとい う計算を分散計算により、全計 算者の協力で行うことによっ て、検証式を満たさない場合に も、べき乗する前の検証式の値 がどの復号者にも漏洩すること はないため、復号者の中に不正 者がいたとしても、攻撃者は何 の利益も得ることができないた め、選択的暗号文攻撃に対して 安全なしきい値付き復号方法と なっている。

#### [0093]

果の正当性を各復号者に証明さ せることによって不正者を特定 し、正当なデータのみを用いて 暗号文の検証を行うため、復号

号時の検証式の値を、この発明 verified by verifying whether the value which では復号者の誰もがその値を知 carried out the power of the value of the り得ない乱数によってべき乗し verification type at the time of decoding in a た値が1となるか否かを検証す Cramer-Shoup code with the random number ることによって暗号文の正当性 with which everyone of a decoding person cannot know that value in this invention is set to 1, even if it exhibits the value which carried out the power, it reveals no information about the value in an original verification type.

By proving to a third person that this value was made correctly by zero knowledge proof, it can prove to a third person that the cryptogram 式を満足しないことを第三者へ which received does not satisfy the original verification type.

#### [0092]

Since the value of the verification type before carrying out a power is not revealed to all the decoding person, either, also when not filling a verification type by furthermore performing calculation of carrying out a power by random numbers, by cooperation of all accountants by distributed calculation, even if there is an irregular person in a decoding person, since an aggressor can get no profits, he is the decoding method with a safe threshold value to the alternative cryptogram attack.

#### [0093]

更にこの発明の別の観点によれ Furthermore, according to another viewpoint of ば、零知識証明によって計算結 this invention, it specifies an irregular person by letting each decoding person prove the correctness of a calculation result by zero knowledge proof, since verification of a cryptogram is performed only using rightful



証を行うことが可能である。ま computational た、各復号者の計算結果がBC H符号のコードワードとなるよ うに各復号者の固有の公開値を 定め、まず、計算結果がコード ワードであることを受信者が検 証し、コードワードでない場合 にのみ零知識証明を実行するこ とによって、正しい暗号文を受 信した場合には、通信量を抑え たまま効率的な計算を行うこと が可能である。

#### [0094]

さらに、不正者が特定された場 合に、他の復号者が協力してそ の不正な復号者が持つ分散秘密 って、だれもがその不正な復号 者に代わって正しい結果を計算 することができるようにするこ 未満である限りにおいて、正し い検証結果および復号結果を得 and a decoding result. ることが可能である。

#### 【図面の簡単な説明】

#### 【図1】

構成を表す図。

#### 【図2】

者の数nに比例した計算量で検 data, it can perform verification by complexity proportional several n of a decoding person.

> Moreover, it sets each decoding person's inherent open value that each decoding person's calculation result constitutes the coding word of a BCH code, and a receiving party verifies first that a calculation result is the coding word, when the correct cryptogram is received by performing zero knowledge proof only when it is not the coding word, it can perform efficient calculation, with the amount of communication restrained.

#### [0094]

Furthermore, another decoding person computes the distributed secret key which the irregular decoding person has in cooperation 鍵を算出し、公開することによ with the case where an irregular person is specified, although it also becomes bored by opening to the public, even if the irregular person more than 1/3 exists by enabling it to とによって、1/3以上の不正 calculate the correct result instead of the 者が存在しても、それが1/2 irregular decoding person, as long as it is under 1/2, it can obtain the correct verification result

#### [BRIEF DESCRIPTION OF THE DRAWINGS]

#### [FIG. 1]

この発明の実施例1のシステム The figure showing the system assembly of Example 1 of this invention.

#### [FIG. 2]



流れ図。

この発明の実施例1における復 The flowchart showing the verification action 号者装置の検証動作手順を示す procedure of the decoding person apparatus in Example 1 of this invention.

#### 【図3】

# 構成を表す図。

#### [FIG. 3]

この発明の実施例2のシステム The figure showing the system assembly of Example 2 of this invention.

#### 【図4】

# を示す流れ図。

#### [FIG. 4]

この発明の実施例2における復 The flowchart showing the decoding action 号者 P i の装置の復号動作手順 procedure of the decoding person's apparatus in Example 2 of this invention.

#### 【図5】

# を示す流れ図。

#### [FIG. 5]

この発明の実施例 2 における復 The flowchart showing the verification action 号者 P i の装置の検証動作手順 procedure of the decoding person's Pi apparatus in Example 2 of this invention.

#### 【図6】

# を示す流れ図。

#### [FIG. 6]

この発明の実施例3における復 The flowchart showing the verification action 号者 P i の装置の検証動作手順 procedure of the decoding person's Pi apparatus in Example 3 of this invention.

#### 【図7】

## 機能構成を示す図。

#### [FIG. 7]

実施例2における復号者装置の The figure showing the functional composition of the decoding person apparatus in Example 2.

#### 【図8】

# 機能構成を示す図。

#### [FIG. 8]

実施例3における復号者装置の The figure showing the functional composition of the decoding person apparatus in Example 3.

#### 【図1】

#### [FIG. 1]

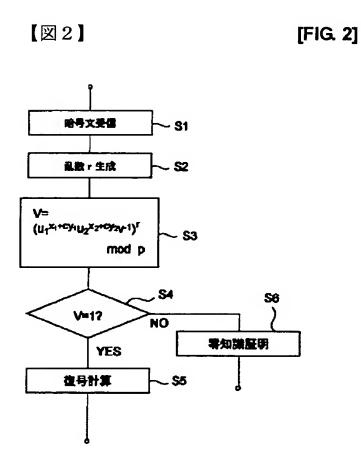




图 1

#### FIG. 1

- 11 Cryptogram maker apparatus
- 12 Decoding person apparatus
- 13 Verification person apparatus



四2

FIG. 2

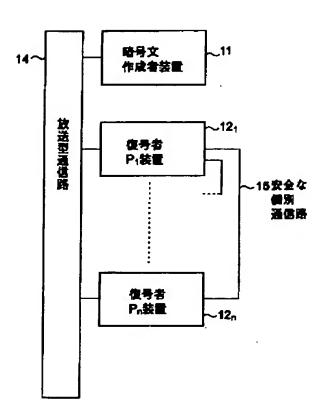
- S1 Cryptogram reception
- S2 Random-number r generation



- S5 Decoding calculation
- S6 Zero knowledge proof

【図3】

[FIG. 3]



3

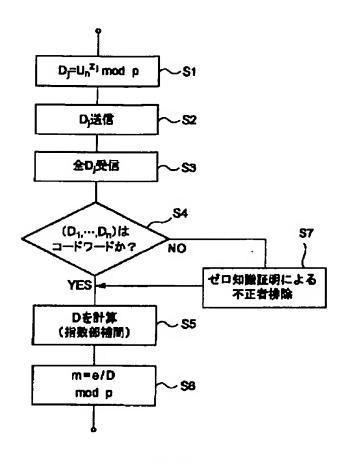
#### FIG. 3

- 11 Cryptogram maker apparatus
- 121 Decoding person P1 apparatus
- 12n Decoding person Pn apparatus
- 14 Broadcast type communication channel
- 15 Safe individual communication channel

【図4】

[FIG. 4]





**2** 4

FIG. 4

S2 Dj transmission

S3 All Dj reception

S4 Are (D1, ..., Dn) coding words?

S5 It calculates D (index part interpolation).

S7 Irregular person rejection by zero knowledge proof

【図5】

[FIG. 5]



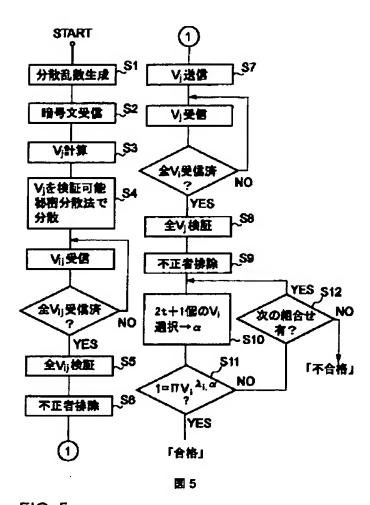


FIG. 5

**START** 

S1 Distributed random-number generation

S2 Cryptogram reception

S3 Vj calculation

S4 It disperses Vj with verifiable secret dispersion method.

Vij reception

All Vij received?

S5 All Vij verification

S6 Irregular person rejection

S7 Vj transmission

Vj reception

All Vj received?

S8 All Vj verification



S9 Irregular person rejection

S10 Vi choice of 2t+1 piece -> (alpha)

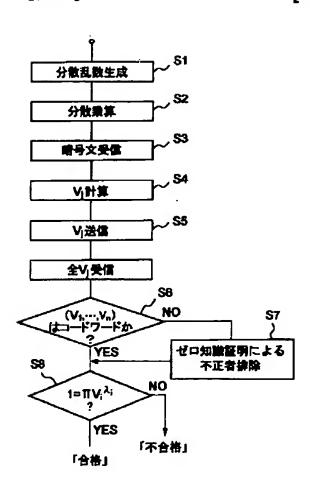
**Pass** 

S12 The following combination Present?

+ Failure

【図6】

[FIG. 6]



**2** 6

FIG. 6

- S1 Distributed random-number generation
- S2 Distributed multiplication



- S3 Cryptogram reception
- S4 Vj calculation
- S5 Vj transmission

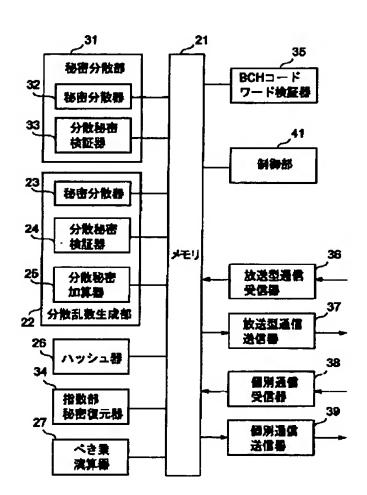
#### All Vj reception

- S6 (V1, ..., Vn) Is it coding word?
- S7 Irregular person rejection by zero knowledge proof

#### Failure

**Pass** 

【図7】 [FIG. 7]



因7



FIG.	7
31	Secret dispersion part
32	Secret dispersion device
33	Distributed secret verification device
22	Distributed random-number generation part
23	Secret dispersion device
24	Distributed secret verification device
25	Distributed secret adder
26	Hash device
34	Index part secret decompression device
27	Power calculator
21	Memory
35	BCH coding word verification device
41	Control part
36	Broadcast type communication receiver
37	Broadcast type communication transmitter

Individual communication receiver

Individual communication transmitter

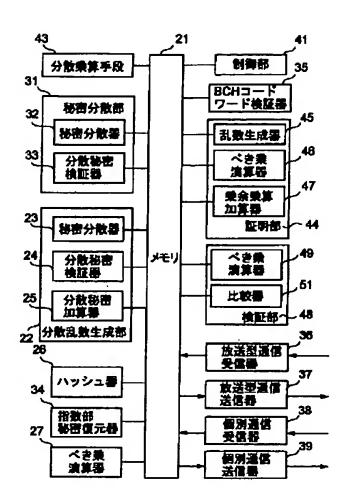
【図8】

38

39

[FIG. 8]





**3** 8

- 43 Distributed multiplication means
- 31 Secret dispersion part
- 32 Secret dispersion device
- 33 Distributed secret verification device
- 22 Distributed random-number generation part
- 23 Secret dispersion device
- 24 Distributed secret verification device
- 25 Distributed secret adder
- 26 Hash device
- 34 Index part secret decompression device
- 27 Power calculator
- 21 Memory



- 41 Control part
- 35 BCH coding word verification device
- 45 Random-number generation device
- 46 Power calculator
- 47 Remainder multiplication adder
- 44 Proof part
- 49 Power calculator
- 51 Comparator
- 48 Verification part
- 36 Broadcast type communication receiver
- 37 Broadcast type communication transmitter
- 38 Individual communication receiver
- 39 Individual communication transmitter



#### THOMSON SCIENTIFIC TERMS AND CONDITIONS

Thomson Scientific Ltd shall not in any circumstances be liable or responsible for the completeness or accuracy of any Thomson Scientific translation and will not be liable for any direct, indirect, consequential or economic loss or loss of profit resulting directly or indirectly from the use of any translation by any customer.

Thomson Scientific Ltd. is part of The Thomson Corporation

Please visit our website:

"www.THOMSONDERWENT.COM" (English)

"www.thomsonscientific.jp" (Japanese)